

نموذج كمي لتحديد حد احتفاظ ملائم لفرع التأمين البحري

دراسة تطبيقية

د. أحمد سيد عبد الظاهر

مدرس بقسم الرياضة والتأمين - كلية التجارة - جامعة بنى سويف

Ahmed01133@commerce.Bsu.edu.eg

مقدمة:

يعد حد الاحتفاظ وكذلك عمليات إعادة التأمين عاملان مهمان في تحقيق أهداف شركة التأمين، و يحظى تحديد الحد الملائم للاحتفاظ باهتمام كبير من جانب شركات التأمين لما له من تأثير علي حجم الأعمال التي تستطيع الشركة تغطيتها ومدى قدرتها على سداد المطالبات، ويؤثر في تحديد حد الاحتفاظ العديد من العوامل مثل احتمال وحجم الخسارة، وحجم محفظة الأعمال، والسياسة الاستثمارية، وأسعار إعادة التأمين، ورأس مال الشركة، كما يعتبر معدل الاحتفاظ الأساس الذي يعتمد عليه معيد التأمين في تحديد مسؤوليته عن الأعمال التي تعرض عليه، وقد تطور الغرض من عمليات إعادة التأمين حتى أصبح بديلا عن زيادة رأس مال شركة التأمين المباشر بحيث تستطيع الشركة الاكتتاب في الأخطار الكبيرة، ثم تعيد تأمين الجزء الأكبر منها لشركات إعادة التأمين دون الحاجة لزيادة رأسمالها، وكنتيجة لزيادة قدرتها الاكتتابية، وهكذا تعتبر عمليات إعادة التأمين ذات أهمية بالغة للمؤمن المباشر حيث تؤدي الي زيادة طاقته الاستيعابية واستقرار نتائج عملياته، وكذلك توزيع عبء الخسارة التي يتعرض لها.

وتحتفظ شركات التأمين بجزء من الخطر في حدود إمكانياتها المالية، ولولا ظاهرة الاحتفاظ بالخطر لأصبحت شركات التأمين المباشر مجرد وسطاء تأمين يتقاضون عمولاتهم فقط من عمليات إعادة التأمين، هذا وقد أجبر المشرع في معظم دول العالم شركات التأمين أن لا يقل حد الاحتفاظ بها عن نسبة معينة من الخطر لكي تثبت جديتها في عملية الاكتتاب.

ونظرا لاختلاف طبيعة الأخطار فإن احتمال الخسارة القصوى (أقصى خسارة محتملة) تختلف من خطر الي اخر، وكذلك حدود الخسارة التي يمكن تحملها تتحدد برقم ثابت من كل خطر وهكذا فإن حدود الاحتفاظ تختلف باختلاف درجة الخطر وطبيعة الحد الأقصى للخسارة المحتملة، أي أن الشركة يجب أن تحتفظ بمبلغ ما في حالة الأخطار العادية يخفض هذا المبلغ في حالة الأخطار غير العادية بغض النظر عن حدود الخسارة التي تتحملها الشركة

ومن الخطأ المغالاة في زيادة حدود الاحتفاظ لأن ذلك يؤثر على نتائج فائض شركات التأمين من نشاطها التأميني، وكذلك خفض معدل الاحتفاظ والذي يؤدي الي تسريب الأموال للخارج، وبناء على ذلك فإن عملية تحديد حد الاحتفاظ من العمليات الفنية الأساسية في شركات التأمين، ونجاح سياسة إعادة التأمين أو الاكتتاب المباشر يتوقف على التوازن الدائم بين عدم المغالاة في زيادة أو خفض حدود الاحتفاظ بالنسبة لشركة التأمين، ومن هنا فإن تحديد الاحتفاظ

يجب أن لا يتم عشوائيا بل ينبغي أن يخضع لاعتبارات عديدة تتعلق بالوصف الكامل والدقيق لدرجة الخطورة التي تنطوي عليها العملية المعروضة، واحتمال تحققها ثم تقوم الشركة باختيار ما ترغب في تحمله من نتائج محتملة تترتب على قبول الخطر المعروض وتهدف السياسة الرشيدة لتحديد احتفاظ الشركة من الاقساط الى تجنب التغيرات غير الضرورية والغير مرغوب فيها في المعدل السنوي للتعويضات والتذبذب الكبير في نتائج أعمال فرع التأمين.

مشكلة البحث

ظهرت الحاجة الي عمليات اعادة التأمين لمواجهة ظاهرة تركيز الخطر سواء ماليا او جغرافيا، وكذلك مع حدوث انحراف بين الخسائر الناتجة عن حادث معين وبين الخسائر المتوقعة منه خلال فترة معينة، أو حدوث انحراف بين مجموع الخسائر الفعلية لفرع معين خلال فترة معينة وبين الخسائر المتوقعة لهذا الفرع في نفس الفترة سواء كان هذا الانحراف في عدد الحوادث أو في قيمة الخسارة أو في الاثنتين معا (احمد عبد الرحمن 2002) ويقصد بمعدلات الاحتفاظ مدى اعتماد شركات التأمين علي معيدي التأمين والمدى المقبول هو وجوب ان تحتفظ شركات التأمين بنسبة اكبر من 50% من اجمالي الاقساط لكل فرع تأميني على حدة (standard and poor) يعد تحديد حد الاحتفاظ الملائم من أصعب الأمور عند وضع برنامج إعادة تأمين، ومن الامور الفنية الهامة التي تواجه القائمين على عملية الاكتتاب، حيث يمكن عن طريقه تحديد الحد الفاصل الذي تبدأ بعده عملية إعادة التأمين، ويجب تحديد معدل الاحتفاظ بدقة كبيرة، حيث أن تحديد معدل احتفاظ اقل من اللازم يعنى التنازل عن جزء كبير من الاقساط الي شركات إعادة التأمين، كما أن تحديد معدل احتفاظ اكبر من اللازم يعنى تحمل شركات التأمين لأخطار تفوق طاقتها الاستيعابية مما يعرض الشركة لخطر الاعسار، ويقصد بحد الاحتفاظ بأنه أقصى خسارة تكون شركات التأمين على استعداد لتحملها سواء من كل خطر على حدة أو من مجموعة خسائر ناتجة عن حادث واحد أو خلال فترة زمنية معينة و يوضح الجدول التالي الاقساط والتعويضات وعدد الحوادث ومعدل احتفاظ شركة مصر لتأمينات الممتلكات فرع البحري.

جدول رقم (1) الأقساط والتعويضات وكذلك عدد الحوادث ومعدل الاحتفاظ بشركة مصر لتأمينات الممتلكات - فرع البحري كما يلي (بالآلف جنيه)

السنة	أقساط مباشرة	تعويضات مباشرة	عدد الحوادث	معدل الاحتفاظ	معدل التعويض عن احتفاظ الشركة
2012	72412	36026	27	49,7	50%
2013	89212	18962	18	58,5	22%
2014	102949	13428	23	57,9	13%
2015	152500	28864	22	64,9	19%
2016	169929	35781	33	58,7	21%
2017	152122	11380	17	59,3	7%
2018	169355	19757	20	46,1	12%
2019	164221	46177	32	51,7	28%
2020	164903	23948	23	59,1	14.5%
2021	175321	31956	35	52,3	18%

المصدر: الكتاب الإحصائي السنوي وسجلات شركة مصر لتأمينات الممتلكات فرع البحري
ويلاحظ من الجدول السابق ما يلي:

- تذبذب معدلات الاحتفاظ سنة وراء أخرى
- انخفاض معدلات الخسائر للعمليات المحفوظ بها مما يعنى قبول عمليات أكبر وتقليل عمليات إعادة التأمين الصادر كلما امكن ذلك

ويمكن تلخيص مشكلة البحث فيما يلي: كيفية التوصل الي نموذج كمي يمكن من خلاله تحديد معدلات الاحتفاظ المناسبة لفرع التأمين البحري بالشركة محل الدراسة وذلك بناء علي التنبؤ بدقة بأجمالي الخسائر التي يتعرض لها الفرع.

هدف البحث:

يتمثل هدف البحث من خلال:

- 1- استخدام التوزيعات الاحتمالية المركبة، وتوزيعات بيرسون في تقدير دالة الخسائر الاجمالية السنوية، وكذلك استخدام متباينة تشبثشيف في التنبؤ بأقصى خسارة اجمالية سنوية محتملة

يتعرض لها فرع التأمين البحري بالشركة محل الدراسة، وبالتالي تحديد حد الاحتفاظ الملائم من خلال التوزيعات الاحتمالية المبتورة.

أهمية البحث :

تتمثل أهمية البحث من خلال النقاط التالية :-

- 1- يعد تقدير حد احتفاظ ملائم عاملاً هاماً في تحديد سياسات الاكتتاب والاستثمار، والى استقرار النتائج الفنية لمحفظه عمليات التأمين مما يمكن من اعداد برنامج إعادة تأمين جيد وعلى أسس فنية.
- 2- حاجة سوق التأمين لمثل هذه الدراسات والتي تعتمد على النماذج الكمية لمساعدة متخذ القرار في تقدير معدل الاحتفاظ الملائم.
- 3- تحديد حد احتفاظ ملائم يتناسب مع قدرة المؤمن الاصيلي الاستيعابية، ويعمل على ضمان الاستقرار المالي للشركة وتحقيق التوازن المطلوب بين التدفقات النقدية الداخلة والخارجة، وأن يحقق هذا الحد التوازن بين عمليات الشركة، وعدم وجود انحرافات كبيرة بين التعويضات الفعلية والمتوقعة.

أسلوب البحث :

اعتمد الباحث على أسلوب التوزيعات الاحتمالية لعدد وحجم التعويضات لشركة مصر للتأمين فرع البحري، واستخدام التوزيعات الاحتمالية المبتورة للوصول الي معدل الاحتفاظ الملائم.

حدود البحث :

يقتصر تطبيق هذا البحث على شركة مصر للتأمين فرع التأمين البحري كتطبيق على التأمينات العامة في الفترة من (2013 - 2021)، بالاعتماد على الكتاب الاحصائي السنوي عن نشاط قطاع التأمين، وكذلك سجلات التعويضات بفرع التأمين البحري للشركة محل الدراسة .

خطة البحث :

تحقيقاً لهدف البحث سوف يقسم الى ما يلي:

المبحث الأول : الاطار النظري للدراسة.

المبحث الثاني : النموذج الكمي المقترح لتحديد معدل الاحتفاظ الملائم لفرع تأمين المركبات. النتائج والتوصيات والمراجع.

المبحث الأول الاطار النظري للدراسة

مقدمة :

يحظى موضوع الحد الملائم للاحتفاظ بالأخطار باهتمام كبير من قبل العديد من شركات التأمين لما له من أهمية وتأثير بالغين على حجم الأعمال التي تستطيع الشركة تغطيتها، ومدى قدرتها على التعويض، وبالرغم من تعدد الدراسات بصده لا زال الغموض والتناقض يحيطان هذا الموضوع الاستراتيجي، والذي يمثل مفتاح تطلع شركات التأمين نحو النمو والازدهار والسيطرة على أكبر قدر ممكن من سوق التأمين، وعلى الشركات التي تفكر في زيادة احتفاظها أن تدرك أن تبني مثل هذه الفكرة ليس اختيار سهلا بأي حال من الأحوال، لأنه يحتاج إلى متطلبات ومعايير تتيح النجاح لتلك الشركات في تبني هذه الفلسفة كمنهاج عمل يتيح لها الارتقاء بمبيعاتها من الوثائق وتوسيع تغطيتها ومواجهة المنافسة، والتكيف مع التغيرات الخارجية .

ان نجاح شركة التأمين وسلامة عملياتها يتوقف على التحديد الدقيق لحد الاحتفاظ والحرص علي اختيار الحدود المناسبة ولماكان تحديد حد احتفاظ لشركات التأمين في الدول المتقدمة يحظى بأهمية بالغة فمن باب أولي أن يولي نفس الأهمية في الدول النامية التي يحتاج اقتصادها الي التنمية وبالتالي نضمن عدم تجاوز بعض الشركات حدود طاقتها سواء عن طريق المغالاة في زيادة حد الاحتفاظ او المغالاة في خفض حدود الاحتفاظ لدرجة تكون نتيجتها ضياع الارباح الطبيعية أو تعرض الشركة لخسارة كبيرة مفاجئة تؤدي الي اعسارها، وغني عن البيان انه اذا سمحت الامكانيات المادية والفنية للشركات بزيادة حدود الاحتفاظ داخل الدولة فان هذا يترتب عليه زيادة في الاستثمارات وبمايؤدي الي دفع عجلة التنمية الاقتصادية وتحسين ميزان المدفوعات،و حد الاحتفاظ الصافي ما هو الا الجزء الذي لا تمتد اليه تغطيات اعادة التأمين، ويعتبر قرار تحديد حد الاحتفاظ من مهام الادارة العليا للشركة بناء علي دراسات فنية من حيث الاكتتاب وترتيبات اعادة التأمين والقدرة المالية للشركة بوجه عام.

ويعرف حد الاحتفاظ بأنه الحد الأقصى للخسارة التي يمكن للشركة تحملها بنفسها سواء ما يتعلق بخسارة واحدة أو عدة خسائر متراكمة ناشئة عن حادث واحد أو خلال فترة زمنية معينة.

ويمكن تعريف حد الاحتفاظ بأنه الجزء الذي يحتفظ به المؤمن المباشر سواء كان في شكل مقدار أو نسبة من مبلغ التأمين أو من الخسائر الممكن أن تتحقق سواء لعدة فروع أو فرع واحد أو حتى لخطر واحد منها، و يعتبر حد الاحتفاظ من أهم العناصر في خطة إعادة التأمين، ويعد التنبؤ بحد الاحتفاظ الملائم من الأمور الهامة عند وضع برنامج إعادة التأمين، وقد اقتصر الغالبية العظمى من البحوث المتعلقة بحدود الاحتفاظ بالعوامل والمحددات الخاصة بحد الاحتفاظ سواء على مستوى الفرع الواحد أو على مستوى السوق ككل.

وتعد عمليات إعادة التأمين الوجه الآخر لحدود الاحتفاظ إذ تمكن شركات التأمين المباشر من التوسع في قبول العمليات التأمينية، فضلاً عن أنها تلعب دوراً بارزاً في تحقيق التوازن بين المخاطر المؤمن عليها لدى شركات التأمين المباشر، ولكن السؤال الذي يطرح نفسه متي تلجأ شركة التأمين إلى إعادة التأمين؟ وعند أي حد احتفاظ من حجم الاعمال؟ لذا يسعى الباحث إلى استخدام نموذج كمي لتحديد حد الاحتفاظ الملائم لفرع التأمين البحري لشركة مصر للتأمين.

أهداف تحديد حدود الاحتفاظ الملائمة (أحمد مظهر عبد المهدي، 2012)

- تتضح أهداف تحديد حدود الاحتفاظ الملائمة من خلال النقاط التالية :-
- 1- إيجاد نوع من التوازن في الأعمال المكتتب فيها من خلال تفتيت الأخطار الكبيرة، والاحتفاظ بجزء منها يتناسب مع القدرة الاستيعابية لشركة التأمين.
 - 2- إيجاد نوع من الاستقرار في معدل الخسارة السنوي مما يؤدي إلى استقرار النتائج.
 - 3- تحقيق أقصى فائدة من عمليات إعادة التأمين من خلال وضع حد الاحتفاظ الأمثل فلا يضيع على الشركة فرصة ربح أكبر أو تحمل خسارة أكبر.
 - 4- حماية رأس المال المستثمر والاحتياطات الحرة والإبقاء عليها بعيداً عن الاحتياطات الفنية (حيث من الممكن خسارة الاحتياطات الحرة عند استخدامها للوفاء بأي عجز في الاحتياطات الفنية)، وبما يؤدي الي تحقيق معدلات ربحية متناسبة مع حجم رأس المال المستثمر.
 - 5- الوفاء بالتزامات الملاءة المالية المفروضة على الشركة من قبل هيئات الرقابة التي تحدد حداً أدنى للمعدلات فيما بين أصول الشركة وحجم الإقسط المكتتبه والمحتفظ بها. بمعنى أوضح فإن زيادة حجم محفظة الشركة من الإقسط المحتفظ بها يتطلب زيادة في حجم أصول الشركة.

ومما تجدر الإشارة إليه أن فكرة استخدام النماذج الكمية في تحديد معدلات الاحتفاظ لشركات التأمين قد بدأت في بداية الثمانينات فقد أكد بنجامين (Benjamin,1978) أن معدلات الاحتفاظ تتأثر متأثراً مباشراً بالدخل من الأقساط حيث أوضح أن زيادة الدخل من الأقساط يترتب عليه زيادة معدلات الاحتفاظ (مع اتباع سياسة تسعيره ملائمة) ويرى أن العلاقة بين معدل الاحتفاظ وحجم الأقساط علاقة طردية، كما أوضح أن أي زيادة في قيمة التحويلات علي القسط مع ثبات العوامل الأخرى من شأنها ان تؤدي الي زيادة معدل احتفاظ الشركة ويؤخذ علي هذا النموذج عدم اخذه في الاعتبار تأثير دالة الخسائر الاجمالية عند تحديد معدلات الاحتفاظ الملائمة.

كما قدم هكمان ومايرز (hechman and mayes,1983) نموذج اعتمد علي استخدام التوزيع الاحتمالي لعدد الحوادث والتوزيع الاحتمالي لقيم الخسائر واستخدامهما في تحديد المبلغ المعرض للخطر المناظر لكل معدل احتفاظ ويعتمد هذا النموذج علي اسلوب دمج التوزيعات للخسائر الفردية وبتكرار التجربة عدة مرات مع تعديل توزيع حجم الخسارة في ظل حدود احتفاظ مختلفة، ويعاب علي هذا النموذج انه اعتمد في تحديد معدلات الاحتفاظ على دالة توزيع الخسائر الاجمالية فقط.

وقدم دورتي (Doherty ,1985) نموذج لتحديد معدلات الاحتفاظ اعتمد فيه علي الدوال الرياضية للمنفعة وأوضح أن اتخاذ القرار يعتمد علي دالة المنفعة لمتخذ القرار والتي تتأثر بكل من احتمال وقوع الخسارة وحجم الخسارة المتوقعة وانه يمكن استخدام دالة المنفعة لقياس الخطر وبناء عليه يمكن تحديد احتفاظ الشركة وللمفاضلة بين الاحتفاظ واعادة التأمين فان ذلك يتم عن طريق مقارنة قسط اعادة التأمين مع المنفعة المتوقعة من اعادة التأمين وأكد علي أن دالة المنفعة التربيعية هي الدالة التي تناسب قرار الاحتفاظ في شركات التأمين وهي تشمل دالة الربح ودالة الخطر غير ان هذا النموذج اهمل العوامل المؤثرة علي معدل الاحتفاظ مثل العائد علي الاستثمار ومعدل السيولة ومعدل السلامة المالية والاحتياطيات الحرة.

وبناء علي ما سبق سوف يتم تحديد معدل احتفاظ ملائم لفرع التأمين البحري لشركة مصر لتأمينات الممتلكات من خلال الاعتماد على التوزيعات الاحتمالية في تقدير حد الاحتفاظ الملائم للفرع، حيث يجب أن يؤخذ في الاعتبار أقصى خسارة اجمالية سنوية محتملة يمكن أن

تتعرض لها شركة التأمين، وتعتمد طريقة أقصى خسارة إجمالية سنوية محتملة على تكرار الخسائر وحجم الخسائر مع أي التوزيع الاحتمالي لتكرار وحجم الخسارة.

وحيث أن الهدف هو التوصل لتوزيع إجمالي الخسائر فذلك يمر بثلاثة مراحل هي: (Thomas A, 1988)

أولاً :- تقدير العزوم المركزية الأربعة الأولى لبيانات عدد الحوادث.

ثانياً :- تقدير العزوم المركزية الأربعة الأولى لبيانات حجم الخسارة.

ثالثاً :- تقدير العزوم المركزية الأربعة الأولى لتوزيع إجمالي الخسائر.

وتعتبر العزوم بمثابة معلمات هامة لأي توزيع، وعادة ما تؤخذ العزوم حول نقطة معينة، هذه النقطة قد تكون نقطة الأصل (Origin) أو الصفر، حيث تعرف بالعزوم اللامركزية، كما قد تكون النقطة حول الوسط الحسابي ويطلق عليها في هذه الحالة العزوم المركزية. ويعتبر استخدام العزوم الأربعة الأولى للمتغير العشوائي طريقة فعالة وواضحة لتلخيص الخصائص الاحتمالية له حيث أن استخدام طريقة العزوم تمثل بمثابة إطار لمعرفة خصائص التوزيع (إبراهيم، 2009) حيث أن الخصائص الخاصة بأي توزيع تتلخص في أربع قيم الموقع والتشتت والالتواء و التقرب، وأن هذه الخصائص الأربعة لشكل التوزيع ترتبط بشكل كبير جداً بالعزوم الأربعة للمتغير العشوائي.

1- إيجاد أقصى خسارة إجمالية محتملة (MPY).

ويقصد بأقصى خسارة إجمالية سنوية محتملة بأنها أكبر مجموع خسائر يمكن أن يتعرض لها الشيء أو الأشياء المعرضة للخطر خلال السنة باحتمال معين.

وجدير بالذكر أن هذه الطريقة تتشابه مع أقصى خسارة محتملة في أنهما يعتمدان على احتمال معين يتوقعه مدير الخطر، كما أن هذا الاحتمال لا يشير فقط إلي حجم الخسارة كما هو الحال بالنسبة لأقصى خسارة ممكنه، ولكنه يعتمد أيضاً على عدد مرات حدوث الحادث إلي جانب حجم الخسارة، وبمعنى آخر فهو يعتمد على التوزيع الاحتمالي للخسائر الإجمالية في السنة وليس على التوزيع الاحتمالي للخسائر المالية للحدث.

ولتقدير قيمة MPY سوف يتم الاعتماد على متباينة تشبثشيف لتحديد أقصى خسارة مادية سنوية محتملة، وبتحديدها يمكن أن نحدد حد الاحتفاظ الملائم من خلال استخدام التوزيعات الاحتمالية المبتورة، ومن أهم الادوات التي تستخدم في اتخاذ قرار بشأن حدود الاحتفاظ هي الحد

الأقصى لإجمالي الخسائر المحتملة التي يمكن أن تتعرض لها شركة التأمين، ويكون متخذ القرار مهتما بإجمالي المطالبات التي تتحملها الشركة عن سنة كاملة أكثر من اهتمامه بأقصى خسارة لوحدة خطر واحدة وتتميز الطرق التقريبية بالسهولة والبساطة وبرغم عدم تحقيقها لدرجة عالية من الدقة إلا أن البعض يميل الى تجاهل مشاكل التقدير التي تنشأ عن تطبيقها (Cummins,1978)

- أن اغلب هذه الطرق تميل الي المبالغة في تقدير MPY وهو ما يميل اليه متخذ القرار خوفا من تعرض الشركة لهزات مالية مؤثرة.
- من الممكن التغلب على مشكلة عدم الدقة بطرق احصائية للوصول الى درجة الدقة المطلوبة في التقدير الي درجة معقولة.

ويمكن ايجاد متباينة تشبثشيف لتحديد أقصى خسارة مادية سنوية محتملة من خلال التوزيعات المركبة السالف ذكرها علي النحو التالي :-

$$MPY = U_L + K * \sqrt{U_{2(L)}}$$

$$K = \sqrt{\frac{1}{\alpha}}$$

وبتحديد أقصى خسارة اجمالية سنوية ممكنة يمكن تحديد حد الاحتفاظ الامثل من خلال التوزيعات الاحتمالية المبتورة.

2- ايجاد التوزيع الاحتمالي الملائم لتوزيع اجمالي الخسائر السنوية باستخدام منحنيات بيرسون.

يتم تحديد التوزيع الاحتمالي الملائم من خلال الاعتماد علي برنامج 15 Mathcad، وتعتمد قيمة K علي مقياس الالتواء والتفرطح، حيث أعد بيرسون أحد عشر توزيعاً اطلق عليها منحنيات بيرسون أو عائلة بيرسون، وهذه المنحنيات معدة وفقاً لقيمتي الالتواء والتفرطح، ثم التعويض بهما من خلال المعادلة التالية (2017Wei, Pan) :-

$$K := \frac{\beta_1 \cdot (\beta_2 + 3)^2}{4 \cdot [(2 \cdot \beta_2 - 3 \cdot \beta_1 - 6) \cdot (4 \cdot \beta_2 - 3 \cdot \beta_1)]}$$

$$f(x) = c \left(1 + \frac{x}{a_1}\right)^{m_1} \left(1 - \frac{x}{a_2}\right)^{m_2} ; \quad -a_1 < x < a_2 \text{ \& } m_1, m_2 > 0$$

حيث أن :

X: متغير عشوائي متصل يمثل اجمالي قيم الخسائر

a_1 : الحد الأدنى للخسائر وسيتم التعويض عنها بصفر

a_2 : الحد الأعلى للخسائر وتمثل أقصى خسارة اجمالية محتملة (MPY)

c : مقدار ثابت

m_1, m_2 : معلمتي التوزيع لدالة كثافة الاحتمال

ومن الممكن أن تأخذ دالة كثافة الاحتمال الشكل التالي :-

$$f(x) = c(x + a_1)^{m_1} (1a_2 - x)^{m_2} ; \quad -a_1 < x < a_2 \text{ \& } m_1, m_2 > 0$$

ونظرا لأن دالة كثافة الاحتمال السالفة الذكر غير معروفة لذا سيتم عمل تحويله الي دالة

كثافة احتمال معروفة عن طريق الآتي :-

بالتعويض عن قيمة a_1 بصفر تكون دالة كثافة الاحتمال

$$f(x) = c(x)^{m_1} (a_2 - x)^{m_2} ; \quad 0 < x < a_2 \text{ \& } m_1, m_2 > 0$$

$$f(x) = c(x)^{m_1} a_2^{m_2} \left(1 - \frac{x}{a_2}\right)^{m_2}$$

$$y = \frac{x}{a_2} \quad \therefore x = ya_2 \quad \text{بفرض أن}$$

- ايجاد التحويلة جاكوبيان Jacobian لهذا المقدار $|J|$ أو معامل التحويل

$$|J| = \left| \frac{dx}{dy} \right| = a_2$$

- ثم ايجاد دالة كثافة الاحتمال للمتغير العشوائي y علي الشكل التالي :-

$$f(y) = f(x) \left| \frac{dx}{dy} \right|$$

$$f(y) = c x^{m_1} (a_2)^{m_1} \left(1 - \frac{x}{a_2}\right)^{m_2} a_2$$

- وبالتعويض عن $x=ya_2$ نحصل علي دالة كثافة الاحتمال للمتغير العشوائي y

$$f(y) = c (ya_2)^{m_1} (a_2)^{m_1} \left(1 - \frac{ya_2}{a_2}\right)^{m_2} a_2$$

$$f(y) = c (a_2)^{m_1+m_2+1} (y)^{m_1} (1-y)^{m_2} ; \quad 0 \leq y \leq 1$$

- دالة كثافة الاحتمال للمتغير العشوائي y تأخذ شكل دالة بيتا، وبذلك تكون ثابتة هذه الدالة تتشابه مع دالة بيتا.

$$c = \frac{1}{\beta(m_1 + 1, m_2 + 1)} = \frac{\Gamma(m_1 + m_2 + 2)}{\Gamma(m_1 + 1)\Gamma(m_2 + 1)}$$

3- ايجاد التوزيع الاحتمالي $f(x)$

$$f(x) = f(y) \left| \frac{dy}{dx} \right|$$

$$f(x) = \frac{\Gamma(m_1 + m_2 + 2)}{\Gamma(m_1 + 1)\Gamma(m_2 + 1)} \left(\frac{x}{a_2}\right)^{m_1} \left(1 - \frac{x}{a_2}\right)^{m_2} \frac{1}{a_2} ; 0 \leq x \leq a_2$$

- وعن طريق التحويلة $x = ya_2$ ، يمكن ايجاد معالم التوزيع الاحتمالي للدالة $f(x)$
- ايجاد العزم الأول حول الصفر

$$E(x) = a_2 \frac{m_1 + 1}{m_1 + m_2 + 2}$$

- ايجاد العزم الثاني حول المتوسط

$$\text{var}(x) = a_2^2 \frac{(m_1 + 1)(m_2 + 1)}{(m_1 + m_2 + 3)(m_1 + m_2 + 2)^2}$$

- ايجاد العزم الثالث حول المتوسط

$$\begin{aligned} \mu_3(x) &= a_2^3 \left[\frac{(m_1 + 1)(m_1 + 2)(m_1 + 3)}{(m_1 + m_2 + 4)(m_1 + m_2 + 3)(m_1 + m_2 + 2)} \right] \\ &- 3 \left[\frac{(m_1 + 1)(m_1 + 2)}{(m_1 + m_2 + 3)(m_1 + m_2 + 2)^2} \right] \cdot \left[\frac{(m_1 + 1)}{(m_1 + m_2 + 2)} \right] \\ &+ 2 \left[\frac{(m_1 + 1)}{(m_1 + m_2 + 2)} \right]^3 \end{aligned}$$

- وبحل هذه المعادلات الثلاثة من خلال برنامج Mathcad 15 نوجد معالم التوزيع الاحتمالي لا جمالي الخسائر.

الدراسة التطبيقية

مقدمة:-

يمكن من خلال النماذج الكمية معرفة الحد الأمثل للاحتفاظ لدي شركة مصر لتأمينات الممتلكات - فرع البحري من خلال تحديد التوزيع الاحتمالي النظري لعدد الحوادث وحجم المطالبات عن طريق إجراء اختبارات جودة المطابقة للوقوف علي التوزيع الأفضل للاستخدام في تحديد الحد الأمثل للاحتفاظ وذلك من خلال برنامج يوفر الجهد والوقت من ناحية العمليات الحسابية، وهذا البرنامج يسمى Statgraphics.

يوضح الجدول التالي جدول رقم (2) الأقساط والتعويضات وكذلك عدد الحوادث ومعدل الاحتفاظ بشركة مصر لتأمينات الممتلكات - فرع البحري كما يلي (بالآف جنيه)

السنة	أقساط مباشرة	تعويضات مباشرة	عدد الحوادث	معدل الاحتفاظ
2012	72412	36026	27	49,7
2013	89212	18962	18	58,5
2014	102949	13428	23	57,9
2015	152500	28864	22	64,9
2016	169929	35781	33	58,7
2017	152122	11380	17	59,3
2018	169355	19757	20	46,1
2019	164221	46177	32	51,7
2020	164903	23948	23	59,1
2021	175321	31956	35	52,3

المصدر: الكتاب الإحصائي السنوي وسجلات شركة مصر لتأمينات الممتلكات فرع البحري ويعتمد قرار تحديد حد الاحتفاظ الأمثل علي عوامل من أهمها دالة الكثافة الاحتمالية لإجمالي الخسائر ومدي قدرة الشركة المالية علي تحمل الخسائر واحتمال الاحتفاظ بالخطر.

ويعتمد النموذج الكمي المقترح علي إتباع الخطوات التالية:-

- 1- اختبار جودة المطابقة Goodness-of-fit لعدد الحوادث وحجم المطالبات
 - 2- إيجاد دالة التوزيع الاحتمالي لتكرار عددالحوادث وإيجاد العزوم الأربعة له.
 - 3- إيجاد دالة التوزيع الاحتمالي لقيم المطالبات وإيجاد العزوم الأربعة له.
 - 4- إيجاد العزوم الأربعة المركزية المركبة الناتجة من دمج العزوم المركزية الموجودة في الخطوتين (2،3) أو عزوم توزيع الخسائر الإجمالية.
 - 5- إيجاد معاملي الالتواء والتفرطح للتوزيع المركب أو (توزيع الخسائر الإجمالية).
 - 6- تحديد دالة التوزيع الاحتمالي الأمثل للخسائر الإجمالية وسوف تستخدم طريقة (KarlPearson)
 - 7- تحديد أقصى خسارة أجماليه سنوية محتملة (MPY) (متباينة تشيبيتشيف)
 - 8- تحديد التوزيع المناسب الناتج من طريقة بيرسون.
 - 9- تحديد الحد الأمثل للاحتفاظ بشركة مصر لتأمينات الممتلكات فرع البحري
- 1- اختبار جودة المطابقة Goodness-of-fit لعدد الحوادث وحجم المطالبات

لاختبار جودة المطابقة بين التوزيع الاحتمالي النظري والفعلي باستخدام اختبار كا²، واختبار كلموجروف سميرنوف، سيقوم الباحث باستخدام برنامج Statgraphics وحساب قيمة P-value، واختيار القيمة ذات الاحتمال المشاهد الأكبر للتوزيع النظري في حالة خضوع البيانات الفعلية لأكثر من توزيع نظري، ثم المفاضلة والترجيح من بين هذه التوزيعات.

أ- اختبار جودة المطابقة لعدد الحوادث

بإدخال البيانات الفعلية في برنامج Statgraphics، لاختبارها باستخدام الاختبارات اللامعلمية السابق الإشارة إليها (اختبار كا² - اختبار كلموجروف سميرنوف)، تم التوصل إلي مدي اقتراب التوزيع الاحتمالي النظري من التوزيع الفعلي من خلال الاحتمال المشاهد p-value.

جدول رقم (3) بيان بعدد الحوادث

السنة	عدد الحوادث
2012	27
2013	18
2014	23
2015	22
2016	33
2017	17
2018	20
2019	32
2020	23
2021	35

المصدر: سجلات شركة مصر لتأمينات الممتلكات فرع البحري - الفرع الرئيسي

وباستخدام الفروض الإحصائية لعدد الحوادث:

الفرض العدمي : البيانات تتبع توزيع ذي الحدين السالب.

الفرض البديل: البيانات لا تتبع توزيع ذي الحدين السالب.

أسفرت الاختبارات عن أن قيمة الاحتمال المشاهد $p\text{-value} = 0.911487$ أكبر من

0.05% مما يعني قبول الفرض العدمي وهو أن البيانات الفعلية تتبع توزيع ذي الحدين السالب.

ب- اختبار جودة المطابقة لحجم المطالبات:

بإجراء اختبارات جودة المطابقة لحجم المطالبات من خلال برنامج Statgraphics بشركة

مصر لتأمينات الممتلكات - فرع البحري المبينة في الجدول التالي:-

جدول رقم (4) بيان بحجم المطالبات

السنة	حجم المطالبات
2012	36026
2013	18962
2014	13428
2015	28864
2016	35781
2017	11380
2018	19757
2019	46177
2020	23948
2021	31956

المصدر: الكتاب الإحصائي السنوي عن نشاط سوق التأمين المصري - أعداد مختلفة

وباستخدام الفروض الإحصائية لتوزيع اللوغاريتمي الطبيعي:

الفرض العدمي: البيانات تتوزع حسب توزيع اللوغاريتمي الطبيعي.

الفرض البديل: البيانات لا تتوزع حسب توزيع اللوغاريتمي الطبيعي.

أسفرت الاختبارات عن أن قيمة الاحتمال المشاهد $p\text{-value}=0.985772$ أكبر من

0.05% مما يعني قبول الفرض العدمي وهو أن البيانات الفعلية تتبع توزيع اللوغاريتمي الطبيعي.

2- إيجاد العزوم الأربعة لتوزيع ذي الحدين السالب

للوصول إلي التوزيع المركب (توزيع الخسائر الإجمالية) لابد أولاً من إيجاد العزوم الأربعة

الأولي لعدد الحوادث وحجم المطالبات كما يلي:-

تبين عند إدخال البيانات عن طريق برنامج **Statgraphics** لعدد الحوادث لشركة مصر

لتأمينات الممتلكات - فرع البحري أن البيانات تتبع توزيع ذي الحدين السالب:

أ- اتضح أن معلمتا توزيع ذي الحدين السالب هما

$$r=7 \quad p=0.28$$

ب- تم ايجاد قيم العزوم الأربعة الأولى حول الصفر Moments about the origin التوزيع ذي الحدين السالب بعد ادخال معالم التوزيع علي برنامج mathcad كما يلي:

$$\mu_{n1} := \frac{r}{p} \quad \mu_{n1} = 25$$

العزم الأول حول الصفر

$$\mu_{n2} := \frac{r \cdot (r + 1) - r \cdot p}{p^2} \quad \mu_{n2} = 689.286$$

العزم الثاني حول الصفر

$$\mu_{n3} := \frac{r \cdot (r + 1) \cdot (r + 2) - 3 \cdot p \cdot r \cdot (r + 1) + p^2}{p^3}$$

العزم الثالث حول الصفر

$$\mu_{n3} = 2.082 \times 10^4$$

العزم الرابع حول الصفر

$$m_{4n} := \frac{3 \cdot r^2 \cdot q^2 + 6 \cdot r \cdot p \cdot q^2 + r \cdot p^2 \cdot q}{p^4}$$

$$\mu_{n4} = 6.872 \times 10^5$$

ج- العزوم الأربعة الأولى حول المتوسط Moments about the mean التوزيع ذي الحدين

السالب بعد إدخال معالم التوزيع علي برنامج mathcad :-

العزم المركزي الأول حول المتوسط $m_{1n}=0$

$$m_{2n} := \frac{r \cdot q}{p^2} \quad m_{2n} = 64.286$$

العزم المركزي الثاني حول المتوسط

$$m_{3n} := \frac{r \cdot q \cdot (1 + q)}{p^3}$$

العزم المركزي الثالث حول المتوسط

$$m_{3n} = 394.898$$

$$m_{4n} := \frac{3 \cdot r^2 \cdot q^2 + 6 \cdot r \cdot p \cdot q^2 + r \cdot p^2 \cdot q}{p^4}$$

العزم المركزي الرابع حول المتوسط

$$m_{4n} = 1.345 \times 10^4$$

3- إيجاد العزوم الأربعة لقيم المطالبات:

تبين عند إدخال البيانات عن طريق برنامج **Statgraphics** لحجم المطالبات لشركة مصر لتأمينات الممتلكات - فرع البحرى تتبع التوزيع اللوغارتمى الطبيعى كما يلي:
أ- اتضح أن معلمتا توزيع اللوغارتمى الطبيعى هما من مخرجات برنامج **Statgraphics** كما يلي:

$$\text{Mean} = 27063.1 \text{ المتوسط}$$

$$\text{Variance} = 12940.8 \text{ التباين}$$

ولإيجاد معالم توزيع اللوغارتمى الطبيعى (μ, σ) لبرنامج **MathCAD** توصلنا إلى معلمتا التوزيع على النحو التالى:-

$$\mu = 10.103$$

$$\sigma = 0.454$$

ب- تم إيجاد قيم العزوم الأربعة الأولى حول الصفر Moments about the origin

للتوزيع اللوغارتمى الطبيعى بعد إدخال معالم التوزيع على برنامج **MathCAD** :-

$$\mu x 1 = 2.706 * 10^4 \text{ العزم الأول حول الصفر}$$

$$\mu x 2 = 8.999 * 10^8 \text{ العزم الثانى حول الصفر}$$

$$\mu x 3 = 3.676 * 10^{13} \text{ العزم الثالث حول الصفر}$$

$$\mu x 4 = 1.845 * 10^{18} \text{ العزم الرابع حول الصفر}$$

ج- العزوم الأربعة الأولى حول المتوسط Moments about the mean

$$m 1x = 0 \text{ العزم المركزى الأول حول المتوسط}$$

$$m 2x = 1.675 * 10^8 \text{ العزم المركزى الثانى حول المتوسط}$$

$$m 3x = 13.346 * 10^{12} \text{ العزم المركزى الثالث حول المتوسط}$$

$$m 4x = 2.108 * 10^{17} \text{ العزم المركزى الرابع حول المتوسط}$$

4- إيجاد العزوم الأربعة المركزية المركبة **compound moments** الناتجة من دمج العزوم المركزية الموجودة في الخطوتين (3،2) أو عزوم توزيع الخسائر الإجمالية، وكانت مخرجات برنامج mathcad كمايلي:- (Hon-Shiang Lau, (1986))

$$M1 = 6.766 \times 10^5 \text{ العزم المركب الأول}$$

$$M2 = 5.127 \times 10^{10} \text{ العزم المركب الثاني}$$

$$M3 = 8.785 \times 10^{15} \text{ العزم المركب الثالث}$$

$$M4 = 8.775 \times 10^{21} \text{ العزم المركب الرابع}$$

5- إيجاد معاملي الالتواء والتفرطح للتوزيع المركب (Evans, 2000)

$$\beta_1 = M3/M2^{1.5} \text{ إيجاد معاملي الالتواء}$$

$$\beta_1 = 0.757$$

$$\beta_2 = M4/M2 \text{ إيجاد معاملي التفرطح}$$

$$\beta_2 = 3.338$$

6- تحديد قيمة (k) كما يلي (Karl Pearson).

$$K = \frac{\beta_1 \cdot (\beta_2 + 2)^2}{4 \cdot (2\beta_2 - 3\beta_1 - 6) \cdot (4\beta_2 - 3\beta_1)}$$

$$K = -0.43$$

وبالنظر إلى قيمة بيرسون نجد أنها بالسالب أي أقل من الواحد الصحيح أي أن البيانات تتبع توزيع بيتا.

7- تحديد أقصى خسارة أجماليه سنوية محتملة (MPY)

لكي يتم تحديد قيمة (MPY) نجد أن البيانات ملتوية جهة اليمين ويتضح هذا من قيمة معامل الالتواء بأنها أكبر من الصفر أي قيمة موجبة، ولذلك سيتم استخدام طريقة تشيبيشيف التقريبية علي النحو التالي:- (Cummins, j. david (1987))

$$MPY = \mu_s + \sigma_s \cdot K$$

$$K = \sqrt{\frac{1}{\alpha}} \quad \& \quad \alpha = 0.10$$

$$\mu_s = M1 = 6.766 * 10^5$$

$$M2 = 5.127 \times 10^{10}$$

$$MPY = M1 + K \sqrt{M2}$$

$$MPY = 1.393 * 10^6$$

8- تحديد التوزيع المناسب الناجم من طريقة بيرسون (محمود سالم 1986)

بالنظر إلى قيمة معامل بيرسون نجد أنها سالبة -0.43 أي أن البيانات تتبع توزيع بيتا المحولة وطبقاً لنتائج برنامج mathcad

$$f(x) := \frac{\Gamma(m1 + m2 + 2)}{\Gamma(m1 + 1) \cdot \Gamma(m2 + 1)} \cdot \left(\frac{x}{a2}\right)^{m1} \cdot \left(1 - \frac{x}{a2}\right)^{m2} \cdot \frac{1}{a2}$$

$$M1 = \frac{(v1) \cdot a2}{v1 + v2}$$

العزم الأول للتوزيع

$$M2 = a2^2 \cdot \frac{(v1) \cdot (v2)}{(v1 + v2)^2 \cdot (v1 + v2 + 1)}$$

العزم الثاني للتوزيع

العزم الثالث للتوزيع

$$M3 = \left[\frac{(v1+1)(v1+2)(v1+3)}{(v1+v2+2)(v1+v2+3)(v1+v2+4)} \right] - \left[3 \frac{(v1+2)(v1+1)^2}{(v1+v2+30)(v1+v2+2)^2} \right] + \left[2 \frac{(v1+1)^3}{(v1+v2+2)^3} \right]$$

ومن العزم الأول والثاني والثالث باستخدام برنامج MATH CAD أمكن التوصل لمعالم

توزيع بيتا علي النحو التالي:

$$vec = \begin{pmatrix} 0.375 \\ 0.959 \\ 2.457 \times 10^9 \end{pmatrix}$$

$$v1 := 0.21$$

$$v2 := 1.17$$

$$a2 := 1.722 \times 10^6$$

حيث أن $v1 = m1 + 1$ & $v2 = m2 + 1$

وبالتعويض في دالة توزيع بيتا في الخطوة التالية يمكن الحصول على حجم الاحتفاظ الملائم.

$$f(x) := \frac{\Gamma(m_1 + m_2 + 2)}{\Gamma(m_1 + 1) \cdot \Gamma(m_2 + 1)} \cdot \left(\frac{x}{a_2}\right)^{m_1} \cdot \left(1 - \frac{x}{a_2}\right)^{m_2} \cdot \frac{1}{a_2}$$

9- تحديد الحد الملائم للاحتفاظ بشركة مصر للتأمين الفرع البحري.

من خلال هذه الخطوة يمكن إيجاد احتمال أن تكون الخسارة في حدود أقساط التأمين الإجمالية وذلك عن طريق دالة التوزيع الإجمالية لتوزيع بيتا، وبإدخال البيانات لبرنامج mathcad من خلال التعويض في دالة التوزيع الإجمالية بقيمة الأقساط الإجمالية والتي تقدر بمبلغ 175321 جنية لعام 2021 لفرع البحري للشركة محل البحث وتم التوصل للنتائج التالية:-

$$F(x) = \int_0^x f(x) dx \quad \text{دالة التوزيع الإجمالية لتوزيع بيتا}$$

وتم التوصل إلي أن احتمال الاحتفاظ 86.7% بشركة مصر للتأمين الفرع البحري من خلال التعويض ببرنامج mathcad علي النحو

$$F(175321) = 0.867$$

وبالإضافة إلي ماسبق يمكن التوصل إلي القيمة المحتفظ بها (k1) حيث يتم التعويض في دالة التوزيع لبيتا مع الأخذ في الاعتبار التوزيع المحول، وبمساواة الدالة باحتمال الاحتفاظ

$$0.867$$

$$k \int_0^k f(x) dx = 0.867$$

ومن خلال برنامج MathCAD يمكن التوصل إلي مقدار الاحتفاظ الذي يمكن أن تحتفظ به الشركة محل البحث ويساوي $k_1 = 7.551 * 10^5$ وهي قيمة الاحتفاظ.

كذلك يمكن حساب معدل الاحتفاظ الأمثل عن طريق برنامج MathCAD، وذلك بقسمة مقدار الاحتفاظ علي أقصى خسارة سنوية محتملة (MPY) والتي تم حسابها سابقا

$$MPY = 1.393 * 10^6$$

$$k_1 = 7.551 * 10^5$$

معدل الاحتفاظ الأمثل $K_1/MPY =$ يساوي 54.222 %

أي أن النسبة الأمتل للاحتفاظ هي 54.222 % بشركة مصر للتأمين الفرع البحري

معدل الاحتفاظ المقدر الأمتل (حسب النموذج المقترح لنفس العام)	معدل الاحتفاظ الفعلي لعام 2021
% 54.222	%52.3

النتائج

1- انخفاض معدلات الاحتفاظ عما يجب أن يكون ويتضح ذلك من خلال انخفاض معدلات الخسائر للعمليات المحتفظ بها وهو ما يعنى تسرب الأموال للخارج فى صورة أقساط إعادة التأمين الصادر والتي كان يمكن الاحتفاظ بها فى ظل انخفاض معدلات الخسائر لهذا الفرع خاصة فى ظل تشدد معيدي التأمين فى قبول الاخطار نتيجة الظروف الاقتصادية التي يمر بها العالم وفى ظل تغير سعر الصرف.

2- العزوم الأربعة حول الصفر وحول المتوسط لتوزيع ذى الحدين السالب كما يلي:

$$\mu_{n1} := \frac{r}{p} \quad \mu_{n1} = 25$$

العزم الأول حول الصفر

$$\mu_{n2} := \frac{r \cdot (r + 1) - r \cdot p}{p^2}$$

العزم الثاني حول الصفر

$$\mu_{n2} = 689.286$$

$$\mu_{n3} := \frac{r \cdot (r + 1) \cdot (r + 2) - 3 \cdot p \cdot r \cdot (r + 1) + p^2}{p^3}$$

العزم الثالث حول الصفر

$$\mu_{n3} = 2.082 \times 10^4$$

العزم الرابع حول الصفر

$$m_{4n} := \frac{3 \cdot r^2 \cdot q^2 + 6 \cdot r \cdot p \cdot q^2 + r \cdot p^2 \cdot q}{p^4}$$

$$\mu_{n4} = 6.872 \times 10^5$$

ج- العزوم الأربعة الأولى حول المتوسط Moments about the mean لتوزيع ذى الحدين

السالب بعد إدخال معالم التوزيع على برنامج mathcad :-

$$m_{1n} = 0$$

العزم المركزي الأول حول المتوسط

$$m_{2n} := \frac{r \cdot q}{p^2} \quad m_{2n} = 64.286$$

العزم المركزي الثاني حول المتوسط

$$m_{3n} := \frac{r \cdot q \cdot (1 + q)}{p^3}$$

العزم المركزي الثالث حول المتوسط

$$m_{3n} = 394.898$$

$$m_{4n} := \frac{3 \cdot r^2 \cdot q^2 + 6 \cdot r \cdot p \cdot q^2 + r \cdot p^2 \cdot q}{p^4}$$

العزم المركزي الرابع حول المتوسط

$$m_{4n} = 1.345 \times 10^4$$

3- العزوم الأربعة لتوزيع حجم المطالبات كما يلي:

$$\mu_{x1} = 2.706 \cdot 10^4 \text{ العزم الأول حول الصفر}$$

$$\mu_{x2} = 8.999 \cdot 10^8 \text{ العزم الثاني حول الصفر}$$

$$\mu_{x3} = 3.676 \cdot 10^{13} \text{ العزم الثالث حول الصفر}$$

$$\mu_{x4} = 1.845 \cdot 10^{18} \text{ العزم الرابع حول الصفر}$$

ج- العزوم الأربعة الأولى حول المتوسط Moments about the mean

$$m_{1x} = 0 \quad \text{العزم المركزي الأول حول المتوسط}$$

$$m_{2x} = 1.675 \cdot 10^8 \text{ العزم المركزي الثاني حول المتوسط}$$

$$m_{3x} = 13.346 \cdot 10^{12} \text{ العزم المركزي الثالث حول المتوسط}$$

$$m_{4x} = 2.108 \cdot 10^{17} \text{ العزم المركزي الرابع حول المتوسط}$$

العزوم المركبة المركبة :

$$M_1 = 6.766 \times 10^5 \text{ العزم المركب الأول}$$

$$M_2 = 5.127 \times 10^{10} \text{ العزم المركب الثاني}$$

$$M_3 = 8.785 \times 10^{15} \text{ العزم المركب الثالث}$$

$$M_4 = 8.775 \times 10^{21} \text{ العزم المركب الرابع}$$

4 - معاملي الالتواء والتفرطح للتوزيع المركب

$$\beta_1 = M_3/M_2^{1.5} \quad \beta_1 = 0.757$$

$$\beta_2 = M_4/M_2 \quad \beta_2 = 3.338$$

5- إن قيمة أقصى خسارة إجمالية محتملة هي :

$$MPY = 1.393 * 10^6$$

6- مقدار الاحتفاظ الذي يمكن أن تحتفظ به الشركة محل البحث ويساوي 105*

$$k_1 = 7.551$$

7- معدل الاحتفاظ الملائم $K_1/MPY =$ يساوي 54.222 %

التوصيات

- 1- التوصية بتطبيق النموذج المقترح بفروع أخرى كالحريق والسيارات لتحديد حد الاحتفاظ الأمثل سواء علي مستوي الشركة أو مستوى السوق ككل أو كل نشاط علي حدة.
- 2- ضرورة التقييم المستمر لحدود الاحتفاظ لسوق تأمينات الممتلكات المصري للوقوف على مدى قابلية السوق لتحديد الحد الأمثل للاحتفاظ مع التوصية بالاهتمام بتطوير جيل قادر علي الاكتتاب في الخطر بطريقة سليمة.
- 3- استخدام الأساليب الكمية في تقدير معدل الاحتفاظ الملائم حيث ان تقدير هذا المعدل وفقا للاجتهادات الشخصية قد يؤدي الى تعرض الشركة لمشاكل فنية ومالية.
- 4- استخدام طريقة أقصى خسارة إجمالية سنوية محتملة عند قياس الخطر في شركات التأمين حيث انها تمثل مقياس مزدوج يجمع بين معدل تكرار الخسارة وكذلك حجم الخسارة أو شدتها.
- 5- ضرورة قيام الهيئة المصرية للرقابة على التأمين بالرقابة علي نسب الاحتفاظ لكل فروع تأمينات الممتلكات ولجميع شركات التأمين العاملة في السوق المصري وبما لا يضر بهذا القطاع الهام من قطاعات الاقتصاد المصري.
- 6- يجب أن يبني قرار حد الاحتفاظ بناءً علي دراسة متكاملة واستخدام الأساليب الرياضية
- 7- يجب تعديل معدلات الاحتفاظ بصفة دورية، وذلك لتجنب التعرض للأخطار وكذلك في ضوء أهداف كل شركة ومتطلباتها والزيادة المتوقعة في حجم اعمالها.

قائمة المراجع

المراجع باللغة العربية

- أحمد عبد الرحمن سيد احمد (2008) "نموذج كمي لتحديد الحجم الأمثل للاحتفاظ من أخطار الشركات الصناعية بالتطبيق علي شركة مصر للغزل والنسيج بالمحلة الكبرى" رسالة دكتوراه في التأمين، كلية التجارة ببورسعيد، جامعة قناة السويس.
- احمد مظهر عبد المهدي (2012) "حد الاحتفاظ الأمثل وإعادة التأمين وعلاقتها بزيادة اعمال شركة التأمين" دراسة عن شركة التأمين العراقية العامة.
- أمير حنا هرمز (1990) " الاحصاء الرياضي" جامعة الموصل، العراق
- محمود سالم سيد احمد (1986) " أثر بدائل الاستثمار في قرار الاحتفاظ بالخطر" المجلة العلمية لكلية التجارة، جامعة الازهر، العدد الأول.

المراجع باللغة الانجليزية :

- Tomas A. Aluppa, (1988.) "Evaluation of Person Curves As an Approximation of the Maximum probable annual Aggregate Loss." *Journal of Risk and Insurance*, Vol 3.
- Merran Evans, Nicholas Hastings, Brain, and Peacock, (2000) "Statistical Distributions", New York.
- Hon-Shiang Lau, (1986) "An Effective Approach For Estimating The Aggregate Loss Of An Insurance Portfolio." *Journal of Risk and Insurance*, vol. 3.
- Hossack, I. B. (1999) "Introductory statistics with applications in general insurance", Cambridge university press,
- Standard and poor's (2001) "Global reinsurance highlights"
- Benjamin, B (1978) "general insurance" London.
- Hecman P.E and mayor's (1983) "the calculate of aggregate loss distribution "proceeding of the causality society. vol LXX.
- Doherty ,N (1985) "cooperate risk management financial exposition , McGraw. Hill bock company, U.S.A
- Cummins, j. david (1987) "Comparative analysis maximum probable yearly Aggregate loss estimators, journal of risk and insurance.