

ملخص البحث

التنبؤ بمعدلات الخسارة في شركات تأمينات الممتلكات والمسؤوليات
باستخدام نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية
(ARIMA) لتحليل السلسلة الزمنية.

إعداد

أسامي رباعي أمين سليمان
كلية التجارة - جامعة المنوفية

تهدف هذه الدراسة إلى توضيح كيفية تطبيق أسلوب بوكس - جينكنز (نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية لتحليل السلسلة الزمنية) في التنبؤ بأحد المؤشرات الهامة في مجال التأمين - وهي معدلات الخسارة في شركات التأمين المصرية - التي يتوقف عليها العديد من القرارات الهامة بل و الإستراتيجية في نفس الوقت في مجال التأمين، مثل قرارات إعادة التأمين ، قرارات التسعير ، و قرارات الاكتتاب ، هذا فضلا عن استخدامها كأداة رقابية تعتمد عليها هيئات الإشراف والرقابة على التأمين لتقدير أداء منشآت التأمين.
ويمتاز أسلوب بوكس - جينكنز بالعديد من المزايا أهمها واقعية الإفتراضات التي يعتمد عليها ، والتي يتفوق بها على الكثير من أساليب التنبؤ الأخرى مثل أسلوب التقليدي للسلسلة الزمنية، وأسلوب الإنحدار.

المبحث الأول

الإطار العام للدراسة

١ - مقدمة وأهمية البحث :

على الرغم من الأهمية البالغة للتباو بمعدلات الخسارة في شركات التأمين، لما له تأثير على العديد من القرارات الهامة بل والإستراتيجية في نفس الوقت في هذه الشركات، نجد أن هذا الموضوع لم يحظى بالقدر الكافي من الاهتمام من جانب الباحثين في مجال التأمين.

ويعد من أهم القرارات التي تعتمد على معدلات الخسارة المتوقعة تلك القرارات المتعلقة بإعداد برامج إعادة التأمين، إذ أن تحديد حد الاحتفاظ في شركات التأمين يتوقف بالدرجة الأولى على معدل الخسارة المتوقع، وهو في نفس الوقت يمثل الأساس الذي يعتمد عليه معيد التأمين في تحديد حدود مسؤوليته عن العمليات التي تعرض عليه. هذا بالإضافة إلى القرارات الخاصة بالتسعير، حيث أن تحديد مدى الحاجة إلى تعديل الأسعار الحالية ، يتم بناء معدلات الخسارة المتوقعة على اعتبار أنها بمثابة معامل تسوية Rate Level Adjustment للأسعار الحالية^(١)، بالإضافة إلى القرارات السابقة نجد أن هناك نوع آخر من القرارات الهامة في شركات التأمين والتي تتأثر بمعدلات الخسارة المتوقعة وهي القرارات المتعلقة بالضوابط والقواعد الخاصة باختيار وانقاء الأخطار. حيث أن الدقة في تقدير تكاليف الخسائر المستقبلية تلعب دوراً هاماً وأساسياً في رسم سياسات الاكتتاب في تأمينات الممتلكات والمسؤوليات،

(1) Paul Swadener, "The loss ratio method of rating and feedback control loop concept", Journal of Risk And Insurance , Vol.xxi ,March 1984
P. 615.

ويعتبر معدل الخسارة -كما يشير Reborn Witt- هو أشهر المقاييس التي تستخدم في هذا المجال^(١).

وأخيراً، يمثل معدل الخسارة المتوقع أحد الأدوات التي تعتمد عليها الجهات المسئولة عن الإشراف والرقابة على النشاط التأميني، فهو بمثابة إنذار مبكر للملاءة المالية لشركات التأمين فمن خلاله يمكن الحكم على متانة المراكز المالية لهذه الشركات.

مما سبق يتضح لنا جلياً مدى أهمية التنبؤ الدقيق بمعدلات الخسارة في شركات التأمين، لماله من انعكاسات على العديد من القرارات ذات الأهمية بالنسبة لهذه الشركات.

وفما يتعلق بنماذج التنبؤ وتقسيماتها، نجد أنه هناك العديد من التقسيمات^(٢)، إلا أننا سوف نعتمد على التقسيم الذي يقسم نماذج التنبؤ^(٣) إلى:

- مجموعة النماذج التي تعتمد على إفتراض أن سلوك الظاهرة في المستقبل ما هو إلا إمتداد لسلوكها في الماضي، وبالتالي تكون القيم التي يتم التنبؤ بها تعتمد -فقط- على قيم الظاهرة في الماضي. ومن أشهر هذه النماذج: نماذج بوكس - جينكنز (Box-Jenkins) للسلسل الزمنية.

(١) جلال عبد الحليم حربى (دكتور): "التحليل البيزى لمعدلات الخسارة في تأمين الممتلكات والمستويات"، مجلة المحاسبة والإدارة والتأمين، كلية التجارة، جامعة القاهرة، العدد (٥٠)، السنة السادسة والثلاثون، سنة ١٩٩٦، ص٤.

(٢) راجع في ذلك:

- C. Chatfield; "The analysis of time series: An introduction, second edition, 1980, PP. 82:84.

- Margaret Brown, "Modeling and forecasting in insurance management", A guide to insurance management, edited by: Stephen Diacón, Macmillan, 1996, PP. 65-66.

- مجموعة النماذج التي تعتمد على توفيق المنحنيات Curve-fitting techniques

وفقاً لهذه النماذج: يعتبر المتغير المراد التنبؤ به متغيراً تابعاً Dependent Variable لمتغير أو أكثر من المتغيرات المستقلة Independent Variables (أو ما تسمى بالمتغيرات التفسيرية Explanatory Variables). ومن أمثلة هذه النماذج: نماذج الانحدار Classical Time Regression Models وكلا النوعين من النماذج تأخذ الصيغة الآتية^(١):

$$Z_t = f(x_t; \beta) + \varepsilon_t$$

حيث:

Z_t : تمثل المتغير التابع المراد التنبؤ به في المستقبل.

x^s : تمثل المتغيرات المستقلة أو التفسيرية، وهو دوال في الزمن، إما دوال كثيرات الحدود polynomial functions أو دوال مثلية Trigonometric functions

β : تمثل المعلمات Parameters المراد تقديرها. وهذه المعلمات يفترض ثباتها عبر الزمن في نماذج الانحدار وكذلك نماذج تحليل السلسل الزمنية التقليدية (وإن كان من خلال أساليب التمهيد SmoothingMethods) أمكن إسقاط هذا الافتراض).

ε : تمثل الخطأ في التقدير.

(١) Bovas Abraham & Johannes Ledolter, "Statistical Methods For Forecasting"
John Wiley & Sons, New York, 1983. PP. 192-193.

وبصفة عامة تفترض هذه النماذج -عادة- أن الأخطاء مستقلة - وهو ما يعني ضمناً أن المشاهدات (Z_t) أيضاً مستقلة. وهو الأمر الذي يصعب تصديقه أو توافره في الحياة العملية لأنه في الغالب الارتباط المتسلسل Serial correlation يتوقع وجوده خاصة إذا كانت البيانات تم تجميعها وفقاً لترتيب زمني.

يلاحظ هنا أن العيوب السابقة التي تواجه نماذج الانحدار بصفة عامة ونماذج السلسلات الزمنية بصفة خاصة، يمكن تجنبها من خلال الاعتماد على نماذج (Box-Jenkins) في تحليل السلسلات الزمنية الذي يأخذ في اعتباره هيكل الارتباطات Correlation Structure بين قيم السلسلة الزمنية عند فجوات زمنية مختلفة Time Lags، وبالتالي يمكن اعتبار أن عملية التنبؤ في هذه النماذج -نوعاً من أنواع العمليات العشوائية Stochastic Process.

٢ - مشكلة البحث :

على الرغم من مرور أكثر من ثلثين عاماً على اكتشاف نموذج ARIMA^(١)، أو ما يعرف بنموذج (Box-Jenkins) نسبة إلى مكتشفه هذا النموذج عام ١٩٧٠، إلا أنه تكاد تخلو المكتبة العربية من الأبحاث والدراسات في مجال التأمين والتي توضح كيفية استخدام هذا النموذج في حل مشاكل التنبؤ في شركات التأمين هذا من ناحية. ومن ناحية أخرى نجد أن معظم الدراسات التي تناولت بالبحث والدراسة معدلات الخسارة

(١) كلمة ARIMA: هي اختصار لـ Autoregressive Integrated Moving Average والتي تعني الانحدار الذاتي والمتروسطات المتحركة التكاملية.

تركزت حول جوانب أخرى خلافاً للتباوٌ مثل تقييم أداء شركات التأمين^(١)، استخدام معدلات الخسارة في تعديل الأسعار^(٢)، قياس الملاعة المالية لشركات التأمين^(٣).

ومن هناك تصبح مشكلة البحث هي كيفية بناء نسب نماذج الانحدار الذاتي والمتوسطات المتحركة التكاملية (ARIMA) بما يُمكّن من التنبؤ الدقيق بمعدلات الخسارة في شركات التأمين في السوق المصري.

٣ - الدراسات السابقة :

من الدراسات القليلة التي تناولت موضوع التنبؤ بمعدلات الخسارة في شركات التأمين باستخدام تحليل السلسل الزمنية، تلك الدراسة المميزة التي قدمها جلال حربى^(٤)، والتي اعتمد فيها على الأسلوب الكلاسيكي لتحليل السلسل الزمنية باستخدام التمهيد الأسني Exponential Smoothing للتنبؤ بمعدلات الخسارة في شركات التأمين الكويتية. ويلاحظ هنا أنه خلافاً للانتقادات السابق الإشارة إليها للأسلوب التقليدي للسلسل الزمنية، نجد أنه فترة الدراسة من ١٩٨٠ حتى ١٩٩٢ تمثل سلسلة زمنية

(١) خيري عبد القادر أحمد أحمد: استخدام الأساليب الكمية في وضع معايير مرضوعية لزيادة فاعلية دور هيئة الإشراف والرقابة على سوق التأمين التجاري بمصر العربية، رسالة دكتوراه غير منشورة، كلية التجارة - جامعة القاهرة - ١٩٩٤.

(٢) Paul Swadener. Ibid.

(٣) معرض حسن حسين (دكتور)، وآخرون: قياس الملاعة المالية لشركات التأمين الكويتية، مجلة العلوم التجارية، العدد (٣٥)، كلية التجارة والاقتصاد والعلوم السياسية - جامعة الكويت.

(٤) جلال عبد الحليم حربى (دكتور): مرجع سبق ذكره.

طولها ١٢ سنة، وهي فترة غير كافية في تحليل السلسل الزمنية للحصول على نموذج جيد للتنبؤ.

وهناك دراسة أخرى لـ ^(١) Margaret للتنبؤ بعدد من المتغيرات التأمينية منها معدل الخسارة، ولكن كانت بالاعتماد على أسلوب المحاكاة وليس تحليل السلسل الزمنية.

(٤) حدود الدراسة:

تتمثل حدود الدراسة في:

١/ الفترة الزمنية:

سوف تغطي الدراسة الفترة من ١٩٧٢ حتى ٢٠٠١، ٢٠٠٢، ولم يتمكن الباحث من الحصول على بيانات لفترة زمنية أطول من ذلك.

٢/ الشركات محل الدراسة:

تم تطبيق النموذج المقترن على البيانات الخاصة بمعدلات الخسارة في كل من :-

- شركة مصر للتأمين .
- شركة الشرق للتأمين .
- شركة الأهلية للتأمين .

وناك على اعتبار أن هذه الشركات هي التي يتوافر لديها الخبرة الكافية لتطبيق النموذج .

٣/ الفروع محل الدراسة:

نظراً لعدم توافر البيانات لجميع الفروع في الشركات السابقة الذكر، تم الإقتصرار على الفروع الآتية :

- فرع تأمين النقل البحري بضائع .
- فرع تأمين النقل البري .
- فرع تأمين الحوادث.

(١) Margaret Brown, Ibid.

المبحث الثاني

خطوات بناء وتحصيف نماذج الانحدار الذاتي والمتواسطات المتحركات التكاملية (ARIMA)

يعتبر العالمان G. Box ، G. Jenkins أول من قدما هذا الأسلوب في تحليل السلسل الزمنية، وذلك في كتابهما الشهير Time Series analysis: Forecasting & Control عام ١٩٧٠، وقد بينا في هذا الكتاب كيفية التطبيق العملي في مختلف المجالات سواء الاقتصادية أو غير الاقتصادية^(١).

- خطوات تحليل أسلوب (Box-Jenkins) في بناء النماذج الخطية للسلسل الزمنية:

يتكون هذا التحليل من أربعة مراحل أساسية:

المرحلة الأولى: التعرف على النموذج Model Specification

يقصد بالتعرف على النموذج: هو تحديد رتبة كل من نموذج الانحدار الذاتي $AR_{(P)}$ ، ورتبة نموذج المتواسطات المتحركة $MA_{(q)}$ ، باعتبارهما النموذجين اللذين يتكون منهما نموذج (ARIMA)^(٢).

وهي يمكن يأخذ النموذج أحد الأشكال الثلاثة الآتية:

(١) نموذج انحدار ذاتي بحت Pure Autoregressive Model ويعبر عنه بالشكل التالي .ARIMA (P,d,0)

(1) Rasha M. El-Souda "Time Series Identification". Unpublished Master's Thesis, Faculty Of Economics and Political Sciences, Cairo University, 2000, PP. 18:19.

(2) Ibid, P.1. (٢)

• Posterior Calculations

گریج، ۱۱۷۷ (Sharaway & Broomeiling) که این تغییرات را در
گذشته بسیاری از اندیشه‌ها و نظریه‌هایی که از مفهوم 'Variate(t) Distribution'
معنی داشتند، تغییراتی معرفی کرد (T) که این تغییرات را 'Multivariate' نامیدند.
این تغییرات اینکه اندیشه‌هایی که از مفهوم 'Variate(t) Distribution'
معنی داشتند، تغییراتی معرفی کرد (T) که این تغییرات را 'Multivariate' نامیدند.
این تغییرات اینکه اندیشه‌هایی که از مفهوم 'Variate(t) Distribution'
معنی داشتند، تغییراتی معرفی کرد (T) که این تغییرات را 'Multivariate' نامیدند.

Bayesian Approach (બેઝિન્યુન એપ્રોક્ચર) : જીવાન (જીવાન)

፳፻፲፭ ዓ.ም. በፌዴራል ከተማ የኢትዮጵያ

- Pure Moving Average Model $\hat{Y}_t = \bar{Y}_{t-d}$ (d)
- ARIMA ($0, d, q$) $\hat{Y}_t = \bar{Y}_{t-d} + \text{Error}_t$
- ARIMA (p, d, q) $\hat{Y}_t = \bar{Y}_{t-d} + \text{Error}_t$
- ARIMA (p, d, q) $\hat{Y}_t = \bar{Y}_{t-d} + \text{Error}_t$
- Box-Jenkins Approach $\hat{Y}_t = \bar{Y}_{t-d} + \text{Error}_t$
- (i) ARIMA (p, d, q) $\hat{Y}_t = \bar{Y}_{t-d} + \text{Error}_t$
- ACF (\hat{Y}_t) $\hat{Y}_t = \bar{Y}_{t-d} + \text{Error}_t$
- (PACF) (\hat{Y}_t) $\hat{Y}_t = \bar{Y}_{t-d} + \text{Error}_t$
- Automatic Approach $\hat{Y}_t = \bar{Y}_{t-d} + \text{Error}_t$
- ARIMA (p, d, q) $\hat{Y}_t = \bar{Y}_{t-d} + \text{Error}_t$
- Minimizing Estimated Error Variance $\hat{Y}_t = \bar{Y}_{t-d} + \text{Error}_t$

بمعنى أن تكون السلسلة الزمنية متوازنة ولا تتغير خصائصها عبر الزمن^(١).

ولكي يمكن وصف السلسلة الزمنية محل الدراسة بالسكون لابد وأن يتسم كل من المتوسط والتبابن بالثبات. ويقصد بثبات المتوسط: ألا تغير السلسلة الزمنية عن اتجاه عام مع الزمن. وتعد طريقة الفروق هي أشهر الطرق المستخدمة في التخلص من أثر الاتجاه العام^(٢). أما ثبات التبابن فيقصد به ألا يكون التبابن متزايداً أو متناقصاً مع الزمن، وتعتبر التحويلة اللوغاریتمية وتحويله الجذر التربيعي هي أكثر التحويلات استخداماً للتثبت التبابن^(٣).

والجدول التالي يبين مقارنة بين خصائص دوال الانحدار الذاتي (ACF) ، ودوال الانحدار الذاتي الجزئي (PACF)^(٤).

نوع النموذج	دالة الإرتباط الذاتي(ACF)	دالة الإرتباط الجزئي(PACF)
نمودج الانحدار الذاتي AR(P)	تقرب من الصفر تدريجيا	تصل إلى الصفر فجأة بعد الفجوة الزمنية (p)
نمودج المتوسطات المتحركة MA(q)	تصل إلى الصفر فجأة بعد الفجوة الزمنية (q)	تقرب من الصفر تدريجيا
نمودج المختلط ARIMA(p,d,q)	تقرب من الصفر تدريجيا	وصل إلى الصفر فجأة بعد الفجوة الزمنية (p)

(١) مصطفى غازي بن أحمد: تحليل إحصائي للسلسلات الزمنية واتخاذ القرار مع التطبيق على صناعة السكر في الجمهورية العربية السورية، رسالة ماجستير غير منشورة، كلية الاقتصاد والعلوم السياسية، ١٩٨٢، ص ٣٣.

(٢) المرجع السابق ص ٣٥.

(٣) والتر فاندل، تعرّيف: أحمد حسين هارون (دكتور)، عبد المرضي عزام (دكتور) : السلسلات الزمنية من الرجه التطبيقية، وغازج بوكس-جينكتر، دار المريخ للنشر، المملكة العربية السعودية ١٩٩٢.

(٤) محمد علي مهران (دكتور): مذكرات في تحليل السلسلات الزمنية وتطبيقاتها، معهد الدراسات والبحوث الإحصائية، جامعة الأزهر، بدون سنة نشر.

المرحلة الثانية: تقدير المعلمات الخاصة بالنموذج المقترن في الخطوة السابقة:

Model Estimation

يتم تحديد هذه المعلمات باستخدام إحدى طرق التقدير الآتية^(١):

- ١- طريقة المربعات الصغرى الخطية Linear Least Square سواء الشرطية أو غير الشرطية Method.
- ٢- طريقة المربعات الصغرى غير الخطية Non-Linear Least Square Method
- ٣- طريقة الإمكان الأعظم Maximum Likelihood Method

المرحلة الثالثة: التشخيص (٢) Model Diagnostic

بعد تقدير المعلمات الخاصة بالنموذج ، لابد من التأكد من توافر الإفتراضات الخاصة بنموذج ARIMA ، وبعد الإفتراض الأساسي لهذا النموذج أن الباقي تمثل تغيرات عشوائية مستقلة بمتوسط صفر وتباعين ثابت . وبعد أشهر الإختبارات التي يتم إجراءها في هذا الصدد هو اختبار Box & Peierce . ويلاحظ هنا اذا لم يجتاز النموذج هذا الإختبار فإنه يتم إعادة الخطوات السابقة حتى يتم التوصل إلى النموذج المناسب.

المرحلة الرابعة: التنبؤ Forecasting

تمثل هذه المرحلة التطبيق العملي للنموذج المقترن حيث يتم الحصول على القيم المتوقعة للظاهرة محل الدراسة . وقد أشارا Box- Jenkins إلى فكرة تحديث التنبؤات بمعنى أنه كلما أمكن الحصول على

^(١) Bovas Abraham & Johannes Ledolter., Op. Cit., PP250-258.

^(٢) Ibid., P261.

بيانات جديدة ، أو كلما دخلنا بشكل عملي في سنوات التوقع (التحرك للأمام). فإنه يمكن استخدام النتائج الفعلية لسنة التوقع في تحديد التنبؤ للسنة التي تليها، وذلك بنفس الأسلوب الذي تم به الوصول إلى القيم المقدرة للمشاهدات الفعلية وفي تحديد توقعات المشاهدات المستقبلية.^(١)

وفي النهاية، نود الإشارة إلى أنه على الرغم من أن منهج أو أسلوب Box-Jenkins في تحليل السلسل الزمنية يتسم بالعديد من المزايا منها واقعية الافتراضات التي يعتمد عليها، بالإضافة إلى أنه يعتبر أكثر المناهج تنظيمياً في بناء وتحليل السلسل الزمنية، إلا أنه يواجه بعض الانتقادات - خلافاً صعوبة التعرف على النموذج- من أهم هذه الانتقادات^(٢) :-

- يتطلب عدد كبير من المشاهدات لكي يمكن بناء نموذج جيد.
- عدم وجود أسلوب ثقائي لتحديد النموذج كلما حصلنا على بيانات جديدة حيث لابد من إعادة بناء النموذج - كما أشرنا - سابقاً.

(١) مصطفى غازى بن أحمد : مرجع سبق ذكره ، ص ٨٠ .

(٢) Patricia E. Gragnor & Ricky C. K." Introduction To Time- Series Modeling &Forecasting In Business and Economics" McGraw -Hill Book Co. N.Y.1994 PP458- 460.

المبحث الثالث

نتائج تطبيق النموذج المقترن

تم الاعتماد على برنامج Minitab لتشغيل البيانات ، وكانت النتائج كما يلى .

١- نتائج نموذج شركة مصر للتأمينين :

القيمة المتبعة بها	مغنوية الباقي	مغنوية معلمات النموذج	مدى توافق شرط السكنى و/أو الإيجاكس	المعادلات	النموذج المفترض	الفرع
القرار	P.Value	القرار	P.Value			
غير مغنوية	51.7668	غير مغنوية	0.3530	مغنوية مغنوية	$\Phi = 0.9988$ $\theta = 0.5829$	ARIMA (1,0,1)
غير مغنوية	67.5271	غير مغنوية	0.418	مغنوية مغنوية	$\theta_1 = -0.36$ $\theta_2 = -0.4949$	ARIMA (0,0,2)
غير مغنوية	54.1395	غير مغنوية	0.299	مغنوية	$\theta = 0.9609$	فرع الحوادث
			0.0000	شرط الانعدام متوازنة	ARIMA (0,1,1)	

٢٣ - نشائج نموذج شركة الشرق للتأمين.

القيمة المتبعة	متغيره معلمات التوزيع	مدى تأثير شروط السككـون و/or الإبعاد	المعلمات	النحوذ المقترـج	الفرع
	P.Value	P.Value			
42.1244	غير معمولية	0.667	متغيره معمولية	شروط الإمكانات متغيره	فرع التقـل البحري بمدحـج
35.4724	غير معمولـة	0.331	متغيره معمولـة	شروط السكـون متغيره	فرع التقـل البري
				ARIMA (0,0,0)	فرع الحالـات

٣- نتائج نموذج شركات التأمين للأهمية.

المراجع:

١. جلال عبد الحليم حربى (دكتور): "التحليل البيزى لمعدلات الخسارة في تأمين الممتلكات والمسئوليات"، مجلة المحاسبة والإدارة والتأمين، كلية التجارة، جامعة القاهرة، العدد (٥٠)، السنة السادسة والثلاثون، سنة ١٩٩٦.
 ٢. خيري عبد القادر أحمد أحمد: استخدام الأساليب الكمية في وضع معايير موضوعية لزيادة فاعلية دور هيئة الإشراف والرقابة على سوق التأمين التجارى بجمهورية مصر العربية، رسالة دكتوراه غير منشورة، كلية التجارة - جامعة القاهرة - ١٩٩٤.
 ٣. محمد علوى مهران (دكتور): مذكرات فى تحليل السلسل الزمنية وتطبيقاتها، معهد الدراسات والبحوث الإحصائية، جامعة الأزهر، بدون سنة نشر.
 ٤. مصطفى غازى بن أحمد: تحليل إحصائى للسلسل الزمنية واتخاذ القرار مع التطبيق على صناعة السكر في الجمهورية العربية السورية، رسالة ماجستير غير منشورة، كلية الاقتصاد والعلوم السياسية، ١٩٨٢.
 ٥. معرض حسن حسنين (دكتور)، وأخرون: قياس الملاءة المالية لشركات التأمين الكويتية، مجلة العلوم التجارية، العدد (٣٥)، كلية التجارة والاقتصاد والعلوم السياسية- جامعة الكويت،
6. Bovas Abraham & Johannes Ledo Lter, "Statistical Methods For Forecasting" John Willy & Sons, New York, 1983.

7. C. Chatfield; "The Analysis Of Time Series: An Introduction, Second Edition, 1980.
 8. Margaret Brown, "Modeling And Forecasting In Insurance Management", A Guide To Insurance Management, Edited by: Stephen Diacon, Macmillan, 1996.,
 9. Rasha M. El-Souda "Time Series Identification". Unpublished master's thesis, Faculty Of Economics And Political Sciences, Cairo University, 2000.
 10. Paul Swadener, "The Loss Ratio Method Of Rating And Feedback Control Loop Concept", Journal of Risk and Insurance Vol.XXI March 1984.
Number 2.
1. Patricia E. Gragnor & Ricky C. K." Introduction To Time- Series Modeling &Forecasting In Business and Economics" McGraw -Hill Book Co. N.Y.1994.

الملاحق

أولاً فرع التأمين البحري بضائع:-

ARIMA Model

ARIMA model for Misr (Marine Cargo)

Final Estimates of Parameters

Type	Coef	StDev	T	P
AR 1	0.9988	0.0307	32.55	0.000
MA 1	0.5829	0.1569	3.72	0.001

Number of observations: 30

Residuals: SS = 14721.1 (backforecasts excluded)
MS = 525.8 DF = 28

Modified Box-Pierce (Ljung-Box) Chi-Square statistic			
Lag	12	24	36
Chi-Square	11.1	20.9	*
DF	10	22	*
P-Value	0.353	0.526	*

ARIMA Model

ARIMA model for sharq (Mar.Carg.)

Final Estimates of Parameters

Type	Coef	StDev	T	P
MA 1	0.9498	0.0901	10.55	0.000

Number of observations: 29

Residuals: SS = 13038.5 (backforecasts excluded)
MS = 465.7 DF = 28

Modified Box-Pierce (Ljung-Box) Chi-Square statistic			
Lag	12	24	36
Chi-Square	8.5	18.5	*
DF	11	23	*
P-Value	0.668	0.727	*

ARIMA Model

ARIMA model for Ahliya (Mar Carg)

final Estimates of Parameters

Type	Coef	StDev	T	P
MA 1	-0.6865	0.1332	-5.15	0.000
Constant	44.479	5.353	8.31	0.000
Mean	44.479	5.353		

Number of observations: 30
 Residuals: SS = 8626.63 (backforecasts excluded)
 MS = 308.09 DF = 28

 Modified Box-Pierce (Ljung-Box) Chi-Square statistic
 Lag 12 24 36 48
 Chi-Square 13.5 25.1 * *
 DF 10 22 * *
 P-Value 0.198 0.291 * *

ثانياً فرع تأمين النقل البري:-

ARIMA Model

ARIMA model for Misr (Inland Trans.)

Final Estimates of Parameters
 Type Coef StDev T P
 MA 1 -0.3600 0.1648 -2.19 0.007
 MA 2 -0.4949 0.1647 -3.00 0.006
 Number of observations: 30
 Residuals: SS = 68510.9 (backforecasts excluded)
 MS = 2446.8 DF = 28

Modified Box-Pierce (Ljung-Box) Chi-Square statistic
 Lag 12 24 36 48
 Chi-Square 10.3 16.8 * *
 DF 10 22 * *
 P-Value 0.418 0.776 *

ARIMA Model

ARIMA model for Sharq (Inland Trans.)

Final Estimates of Parameters
 Type Coef StDev T P
 AR 1 -0.5756 0.1544 -3.73 0.001

Differencing: 1 regular difference
 Number of observations: Original series 30, after differencing 29
 Residuals: SS = 13014.5 (backforecasts excluded)
 MS = 464.8 DF = 28

Modified Box-Pierce (Ljung-Box) Chi-Square statistic				
Lag	12	24	36	48
Chi-Square	12.4	16.3	*	*
DF	11	23	*	*
P-Value	0.331	0.844	*	*

ARIMA Model

ARIMA model for Misr (Accident)

Final Estimates of Parameters				
Type	Coef	StDev	T	P
MA 1	0.9609	0.1136	8.46	0.000

Differencing: 1 regular difference

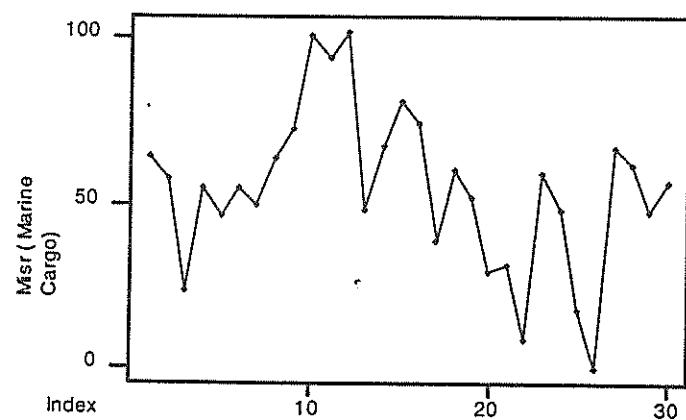
Number of observations: Original series 30, after differencing 29

Residuals: SS = 59711.7 (backforecasts excluded)
 MS = 2132.6 DF = 28

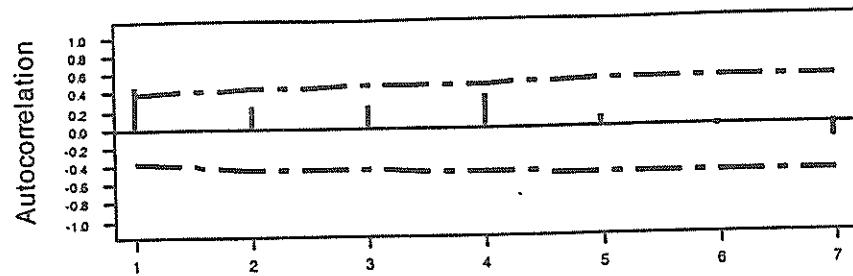
Modified Box-Pierce (Ljung-Box) Chi-Square statistic				
Lag	12	24	36	48
Chi-Square	12.9	30.8	*	*
DF	11	23	*	*
P-Value	0.299	0.129	*	*

أولاً: فرع التأمين البحري بضائع :-

١- شركة مصر للتأمين :

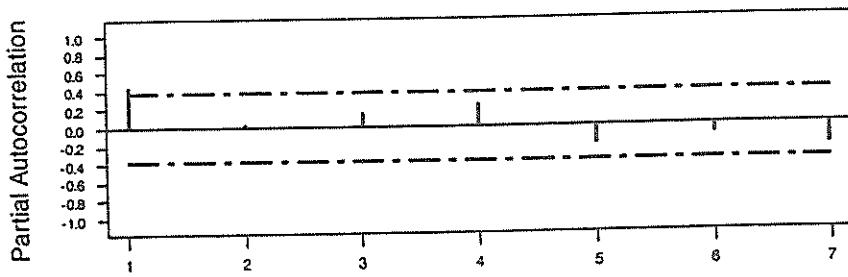


Autocorrelation Function for Misr (Marin



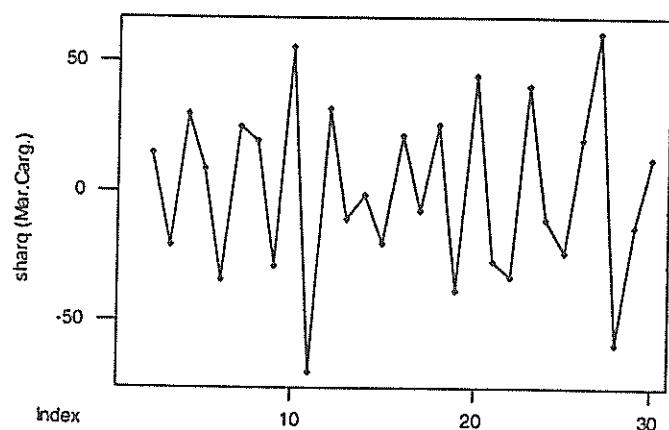
Lag	Corr	T	LBQ
1	0.45	2.49	6.84
2	0.23	1.08	8.72
3	0.24	1.06	10.74
4	0.35	1.52	15.37
5	0.10	0.41	15.79
6	-0.05	-0.18	15.87
7	-0.18	-0.72	17.27

Partial Autocorrelation Function for Misr (Marin

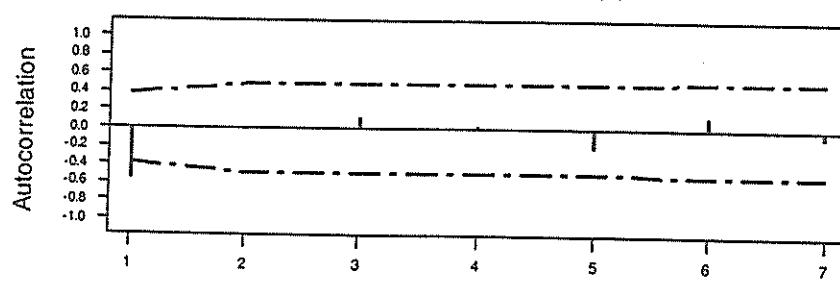


Lag	PAC	T
1	0.45	2.49
2	0.03	0.19
3	0.15	0.83
4	0.24	1.34
5	-0.21	-1.15
6	-0.11	-0.62
7	-0.25	-1.36

٢- شركة الشرق للتأمين :

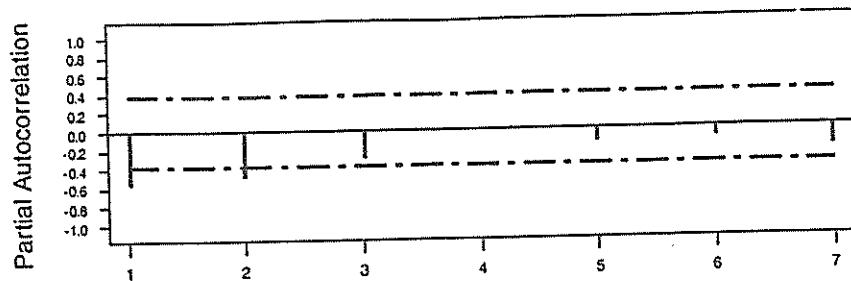


Autocorrelation Function for sharq (Mar.C)



Lag	Corr	T	LBO
1	-0.56	-3.04	10.23
2	-0.02	-0.08	10.24
3	0.14	0.58	10.90
4	0.05	0.20	10.98
5	-0.21	-0.88	12.65
6	0.15	0.62	13.57
7	-0.08	-0.31	13.83

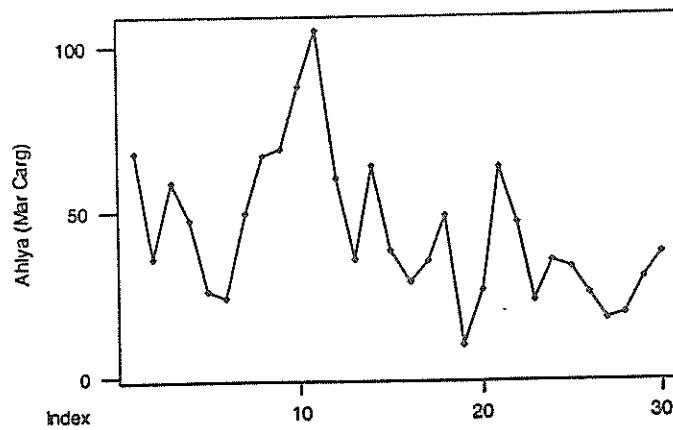
Partial Autocorrelation Function for sharq (Mar.C)



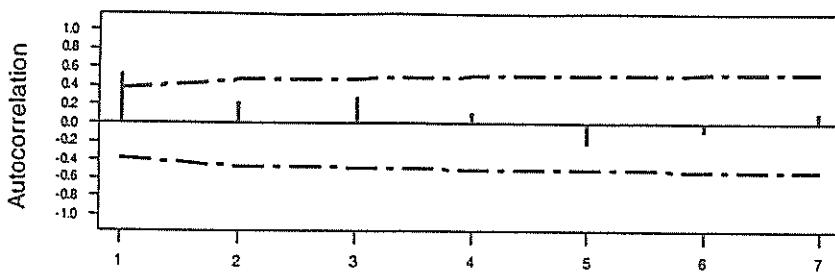
Lag PAC T

Lag	PAC	T
1	-0.56	-3.04
2	-0.49	-2.66
3	-0.31	-1.65
4	-0.01	-0.03
5	-0.15	-0.80
6	-0.11	-0.57
7	-0.23	-1.26

٢- شركة التأمين للإهليّة:

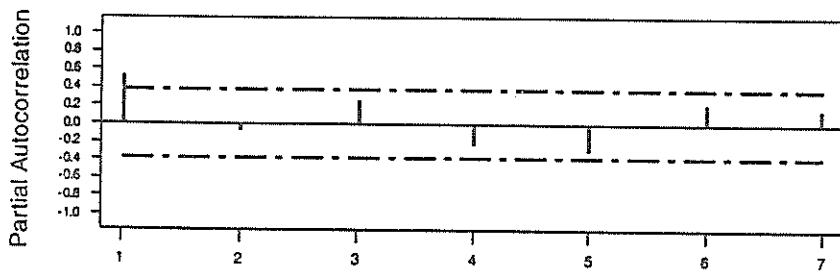


Autocorrelation Function for Ahlya (Mar C)



Lag	Corr	T	LBQ
1	0.53	2.90	9.27
2	0.23	0.99	11.02
3	0.29	1.21	13.92
4	0.11	0.45	14.36
5	-0.23	-0.93	16.41
6	-0.10	-0.38	16.78
7	0.12	0.47	17.38

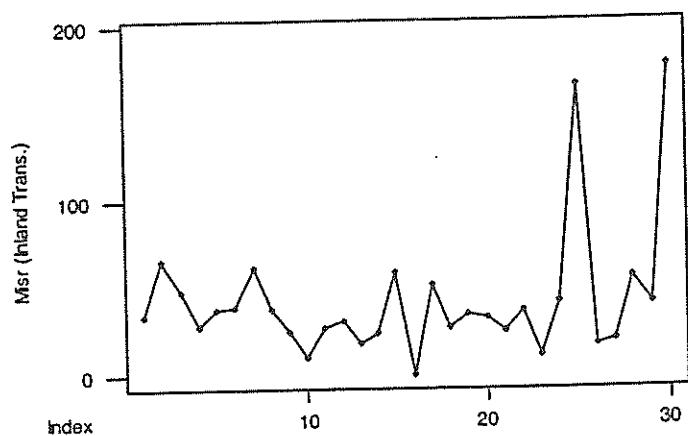
Partial Autocorrelation Function for Ahlya (Mar C)



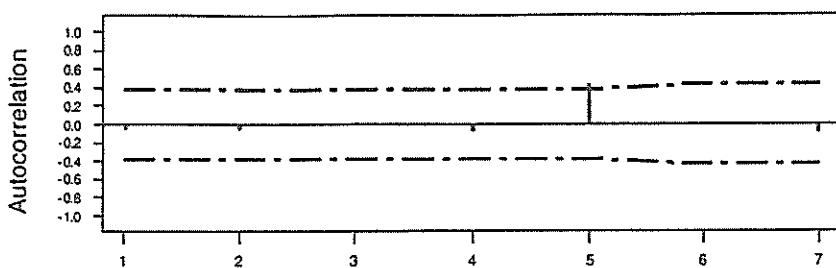
Lag	PAC	T
1	0.53	2.90
2	-0.07	-0.41
3	0.27	1.50
4	-0.23	-1.25
5	-0.31	-1.69
6	0.23	1.27
7	0.18	0.97

ثانياً: فرع تأمين النقل البري:-

١- شركة مصر للتأمين:-

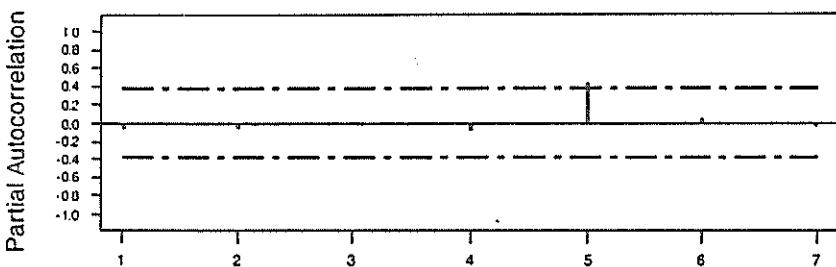


Autocorrelation Function for Misr (Inland)



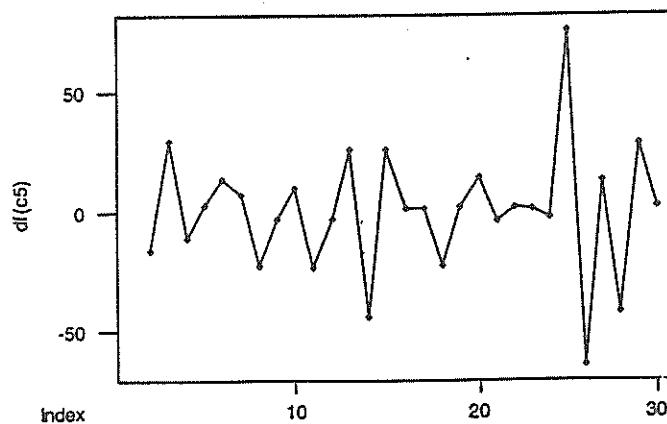
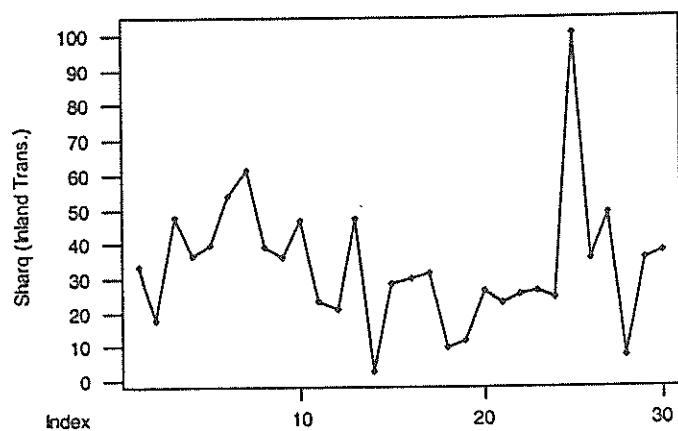
Lag	Corr	T	LBO
1	-0.05	-0.29	0.09
2	-0.06	-0.30	0.20
3	0.02	0.09	0.21
4	-0.07	-0.39	0.40
5	0.43	2.34	7.57
6	0.02	0.07	7.58
7	-0.09	-0.44	7.95

Partial Autocorrelation Function for Misr (Inland)

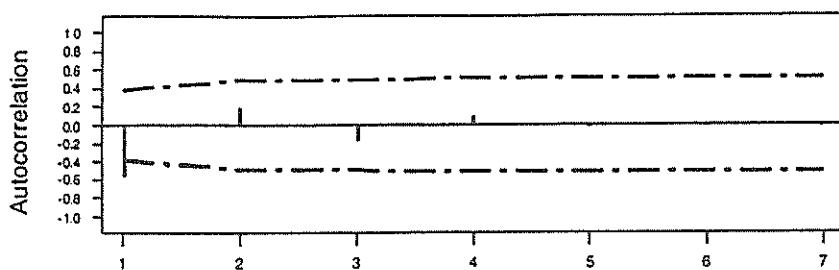


Lag	PAC	T
1	-0.05	-0.29
2	-0.06	-0.32
3	0.01	0.06
4	-0.07	-0.41
5	0.43	2.36
6	0.05	0.27
7	-0.05	-0.25

٢- شركة الشرق للتأمين :

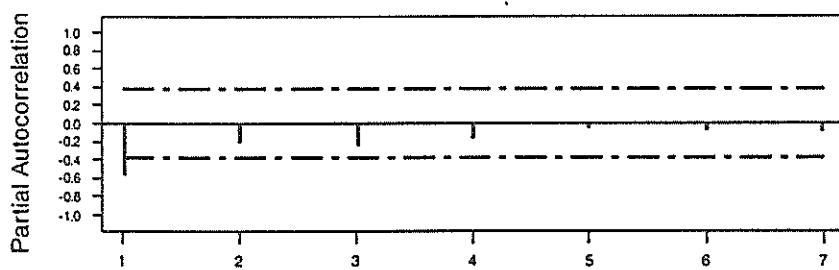


Autocorrelation Function for df(c5)



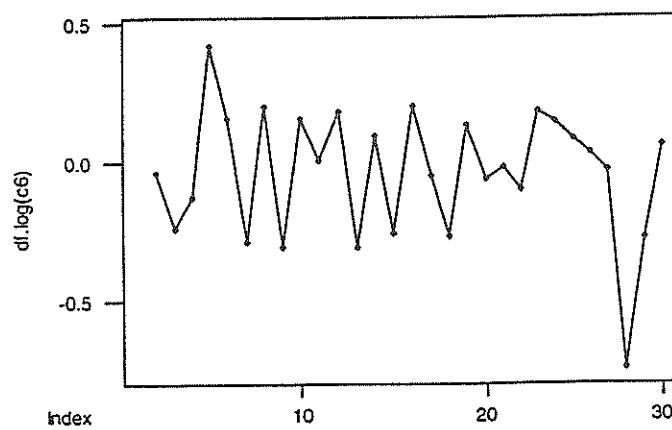
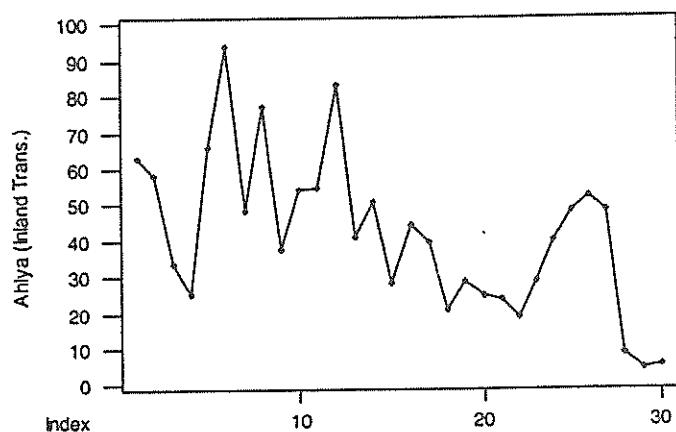
Lag	Corr	T	LBQ
1	-0.57	-3.06	10.37
2	0.19	0.79	11.54
3	-0.17	-0.72	12.60
4	0.10	0.39	12.94
5	-0.01	-0.05	12.95
6	-0.02	-0.06	12.95
7	-0.01	-0.05	12.96

Partial Autocorrelation Function for df(c5)

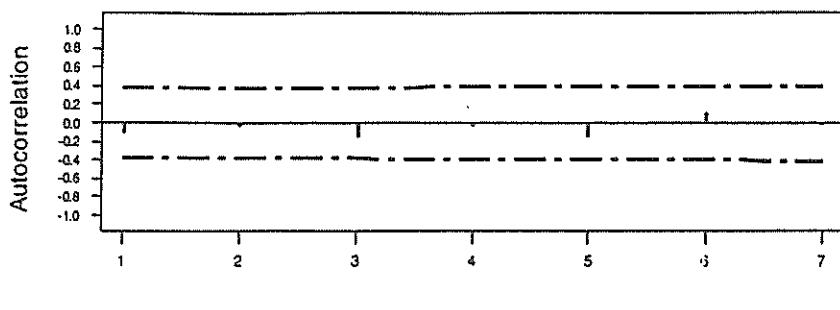


Lag	PAC	T
1	-0.57	-3.06
2	-0.20	-1.08
3	-0.25	-1.33
4	-0.17	-0.89
5	-0.06	-0.34
6	-0.08	-0.42
7	-0.09	-0.50

٣- شركة التأمين للأهلية:-

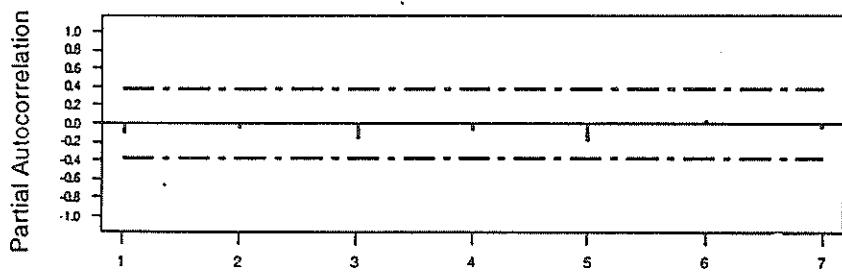


Autocorrelation Function for df.log(c6)



Lag	Corr	T	LBQ
1	-0.11	-0.57	0.36
2	-0.04	-0.19	0.40
3	-0.15	-0.81	1.19
4	-0.03	-0.17	1.23
5	-0.16	-0.81	2.14
6	0.11	0.55	2.59
7	-0.03	-0.13	2.62

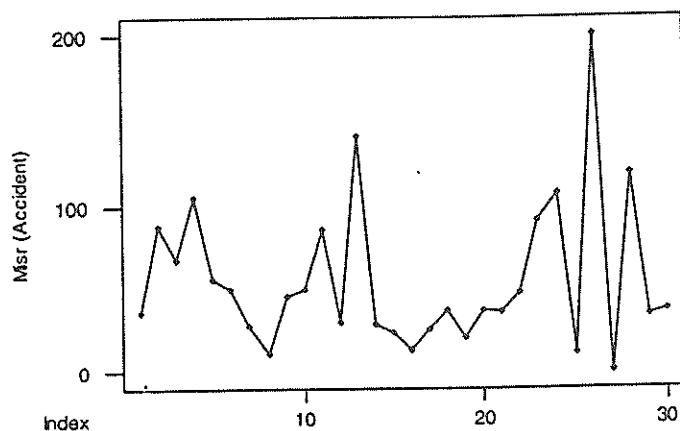
Partial Autocorrelation Function for df.log(c6)



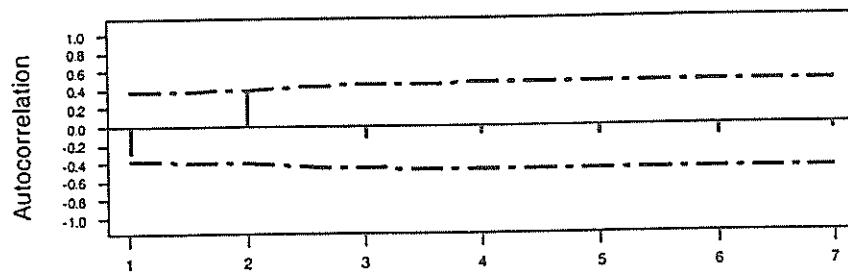
Lag	PAC	T
1	-0.11	-0.57
2	-0.05	-0.26
3	-0.16	-0.88
4	-0.07	-0.39
5	-0.19	-1.04
6	0.03	0.17
7	-0.05	-0.29

ثالثاً تأمين الحوادث :

١- شركة مصر للتأمين:

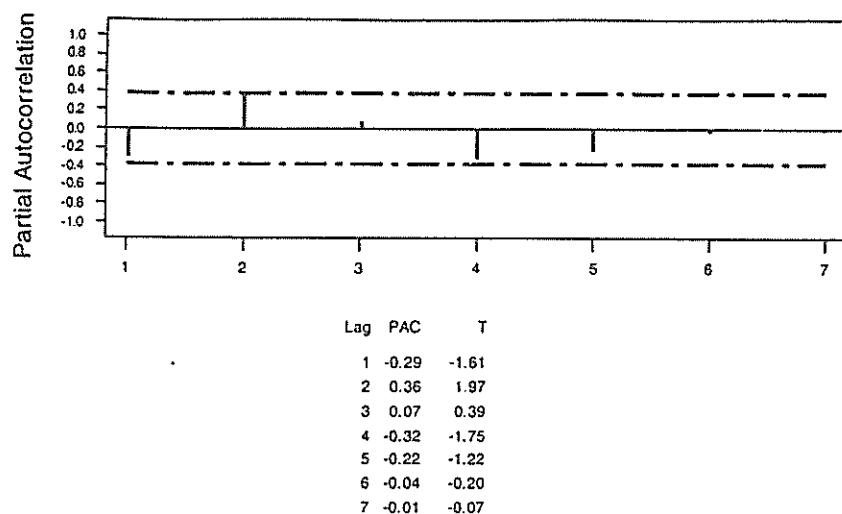


Autocorrelation Function for Misr (Accide

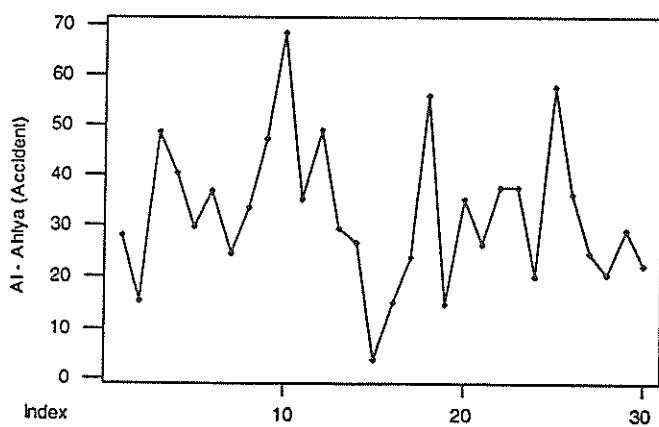


Lag	Corr	T	LBO
1	-0.29	-1.61	2.87
2	0.42	2.10	8.80
3	-0.13	-0.57	9.38
4	-0.09	-0.40	9.68
5	-0.11	-0.48	10.14
6	-0.14	-0.61	10.93
7	-0.08	-0.32	11.16

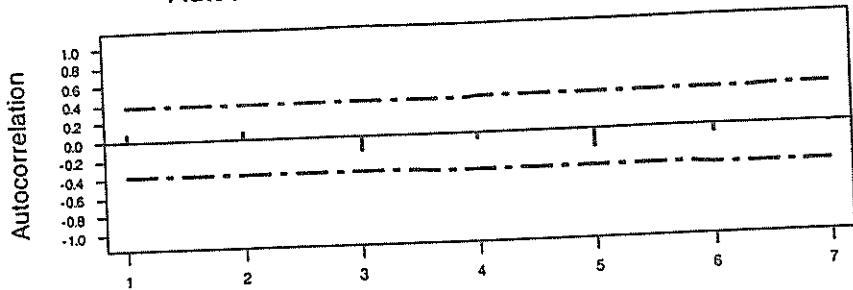
Partial Autocorrelation Function for Misr (Accide



٢- شركة التأمين للاهلية:

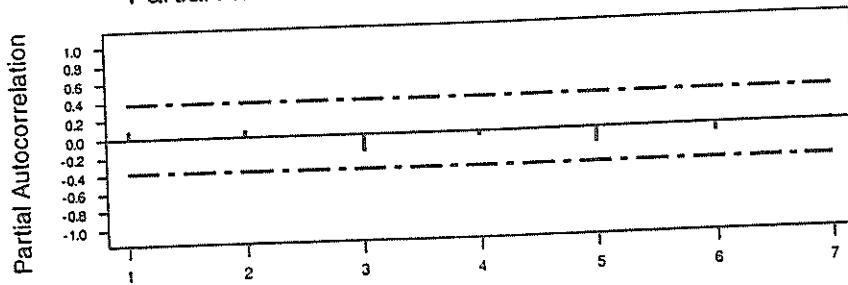


Autocorrelation Function for Al - Ahlya (



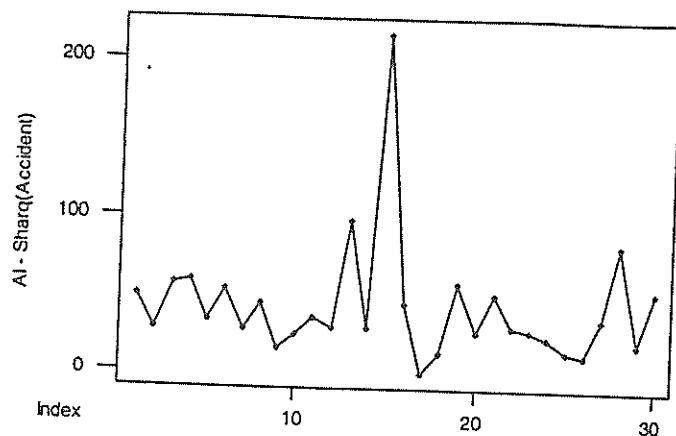
Lag	Corr	T	LBO
1	0.09	0.47	0.25
2	0.09	0.48	0.52
3	-0.17	-0.90	1.50
4	-0.08	-0.41	1.72
5	-0.20	-1.07	3.33
6	-0.10	-0.52	3.75
7	-0.01	-0.06	3.76

Partial Autocorrelation Function for Al - Ahlya (

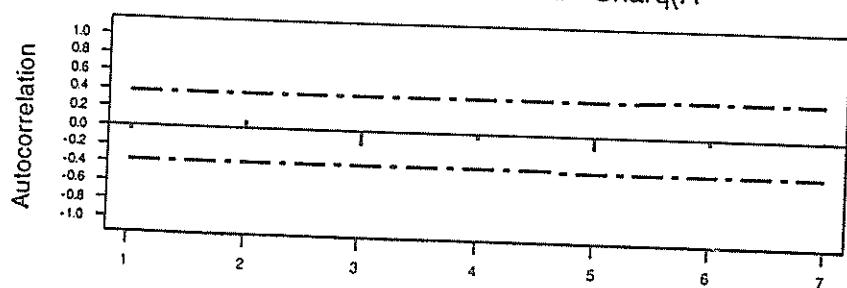


Lag	PAC	T
1	0.09	0.47
2	0.08	0.45
3	-0.18	-1.00
4	-0.06	-0.31
5	-0.17	-0.92
6	-0.10	-0.54
7	0.01	0.06

٢- شركة الشرق للتأمين:

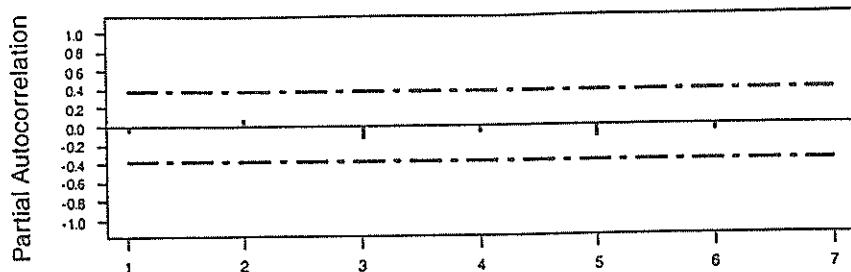


Autocorrelation Function for AI - Sharq(A)



Lag	Corr	T	L8Q
1	-0.06	-0.31	0.11
2	0.08	0.44	0.33
3	-0.15	-0.81	1.12
4	-0.05	-0.27	1.21
5	-0.14	-0.74	1.96
6	-0.05	-0.27	2.07
7	0.01	0.05	2.07

Partial Autocorrelation Function for Al - Sharq(A)



Lag PAC T

Lag	PAC	T
1	-0.06	-0.31
2	0.08	0.42
3	-0.14	-0.78
4	-0.07	-0.39
5	-0.13	-0.70
6	-0.08	-0.45
7	0.00	0.01

السيرة الذاتية للباحث

الأسم : أسماء ربيع أمين سليمان

الوظيفة : مدرس مساعد بقسم الإحصاء الرياضة والتأمين ،

كلية التجارة - جامعة المنوفية

المؤهلات الدراسية :

١. ماجستير العلوم التجارية - تخصص "تأمين" ، كلية
التجارة - جامعة المنوفية ، ٢٠٠٢ .

٢. دبلوم الدراسات العليا في " الإحصاءات الصناعية و
ضبط الجودة" ، كلية الاقتصاد والعلوم السياسية -
جامعة القاهرة ، ٢٠٠١ .

٣. دبلوم الدراسات العليا في " بحوث العمليات التطبيقية " ،
كلية الاقتصاد والعلوم السياسية - جامعة القاهرة ،
٢٠٠٣ .

٤. بكالوريوس التجارة - شعبة تأمين ، كلية التجارة -
جامعة القاهرة ، ١٩٩٢ .

Abstract

Forecasting Loss Ratio In Property And
Liability Insurance Companies Using
Autoregressive And Integrated Moving Average
Models (ARIMA) For Time Series Analysis

Osama Rabie Amin Soliman

This study aims at applying Box - Jenkins analysis for time series to forecast loss ratio, in P/L insurance companies ,which is considered one of most important indicators that many important and strategic decisions rely on, such as reinsurance decisions, rate making decisions ,and underwriting decisions

The proposed model is characterized by many features ,especially realism of its assumptions ,that make forecasts more reliable and accurate than other that forecasting models produce.

✓