

التقدير والاختبار الإحصائي لنماذج دوال الإنتاج والتكاليف

للحاصلات الزراعية بمحافظة دمياط

د. اشرف احمد البدرى

د. فاطمة على عبد العاطى

مجدى على كرات

الملخص

يستهدف هذا البحث تقدير واختبار دوال الإنتاج والتكاليف لمحصول القطن و القمح لكل من جمهورية مصر العربية ومحافظة دمياط . و استخدامهما فى التنبؤ و التعرف على كمية الإنتاج التى تعظم صافى ربح المزارعين .

وقد اعتمدت هذه الدراسة على بيانات زمنية عن الفترة من سنة ١٩٧٠ إلى سنة ١٩٩٣ لكل من جمهورية مصر العربية ومحافظة دمياط . و قد استخدم الباحث عند تقدير دوال الإنتاج (٦) صور مختلفة لدوال الإنتاج تم تقدير الدوال الخطية منها بثلاث طرق مختلفة للتقدير و هى طريقة المربعات الصغرى العادية (ols) و طريقة التقدير الانكماشية (sh) و طريقة الانحدار المعدل (rid).

وبالنسبة للدوال غير الخطية فقد تم تقديرها بطريقة المربعات الصغرى العادية (ols). و قد تم المقاضلة بين الصور المختلفة لدوال الإنتاج الخطية وفقا لمعيار الكفاءة النسبية للتقديرات والذى يقيس التحسين - ان وجد - الذى تضيفه طرق التقدير المختلفة بالمقارنة بتقديرات المربعات الصغرى . وهو عبارة عن النسبة بين قيم دالة الخطر للتقدير البديل وقيم دالة الخطر لتقديرات المربعات الصغرى . وتجدد الإشارة إلى أن نتائج الانحدار أثبتت انه لا توجد صورة مثلى لدوال الإنتاج وان طريقة التقدير الانكماشية تضيف تحسنا كبيرا بالمقارنة بطريقة المربعات الصغرى . حيث اتسمت طريقة المربعات الصغرى بكبر الأخطاء المعيارية و بالتالى صغر قيمة (t) المحسوبة لكل تقدير مما أدى إلى عدم معنوية هذه التقديرات إحصائيا.

أما عند تقدير دوال التكاليف فقد استخدم الباحثون ثلاث صور خطية مختلفة لدوال التكاليف جميعها تم تقديرها بطريقة المربعات الصغرى العادية (ols) وقد أثبتت نتائج الانحدار أن الصورة المثلى لدوال التكاليف هى الصورة التربيعية . كما تبين ان متوسط انتاج الفدان كان اقل من الكمية التى تجعل الايراد اعظم ما يمكن .

لذلك يوصى هذا البحث بضرورة دراسة كفاءة استخدام الموارد الانتاجية المستخدمة فى انتاج المحاصيل موضع الدراسة بهدف التعرف على دور كل منها فى العملية الانتاجية وتحديد الكميات المثلى الواجب استخدامها من الموارد الانتاجية حتى يمكن للمزارعين تحقيق اقصى دخل ممكن الامر الذى ينعكس على كل من الدخل الزراعى والدخل القومى .

أستاذ الإحصاء بكلية التجارة جامعة المنصورة .

مدرس الإحصاء بكلية التجارة جامعة المنصورة .

معيد بقسم الأساليب الكمية بكلية التجارة جامعة المنصورة .



مقدمة :

إن القطاع الزراعى فى أى بىان اقتصاى لا يخلو من مشاكل اقتصاىة سواء كان هذا القطاع يتنى إلى اقتصاى نامى أو متقدم .

فى الدول المتقدمة حيث يفىض الناتج القومى من العىاء و غيره من المنتجات الزراعىة عن حاجة السكان تنشأ المشاكل المتعلقة بأسالىب اأء من الإناى الزراعى و إعانة الزراع و العمل على رفع الأسعار الزراعىة إلى اأء الذى يضمّن ءخولاً فرءىة للسكان الزراعىين تناسب مع اءخول الفرءىة لغيرهم من السكان .

أما فى الدول النامىة فكءاء المشكلة أن تكون عكسىة إذ غالباً ما تنسم اقتصاىاىات هذه الدول بانخفاض الناتج العىائى القومى و عجزه عن مءابله الاىاباباء العىائىة الءاىلىة فنشأ المشاكل المتعلقة بتغىر التزكىب الاقتصاى للزراعة .

و العرض الءالى للمشاكل الزراعىة يجعلها تبدو مختلفة فى مختلف دول العالم . فىنما يسوء الجوع و نقص مءاىر الأعبىة فى بعض المناطق حيث المشكلة الملهة فى إيجاد الوسائل التى يمكن عن طرىقها زباءة القءر الناتج من السلع الزراعىة فإن المشكلة هى عكس ذلك فى مناطق أخرى حيث يفىض العىاء عن حاجة المستهلكىن . و المشكلة هنا تصىح إيجاد الوسائل التى يمكن بها اأء من المءاىر المنتجة و المعروضة من العىاء إلا أن هناك عنصراً مشتركاً بىن هءىن الوضعىن المعارضىن و هو انخفاض قىمة الناتج اأءى للجهء البشرى فى الزراعة إما مطلقاً و إما بالنسبة لمثىلة فى القطاعات الأخرى .

و لما كانت اءاصىل الزراعىة من المنتجات الأساسية التى يمكن عن طرىقها إشباع رغباء المستهلكىن من العىاء و الكساء فانه نءم لذلك استغلال الموارد الزراعىة الءالىة الاستغلال الأمثل عن طرىق تعظىم ءالة الرىب فى ضوء الموارد المتاحة أو ءءنىة ءالة التكالىف فى ضوء الموارد المتاحة .

مشكلة البءء و اءءافه:

بالرغم من الجهور التى تسبء لزباءة متوسط اناىبىة القءان لمختلف اءاصىل الا ان متوسط اناىبىة القءان للععبىء منها لم تلغ بعء اأء الذى يءقق اقصى صافى ءءل للمزارعىن و من ثم فان الجهور المبءولة فى هذا الشأن لم ءءقق اءءافها بعء لذلك كان لا بء من إجراء ءراسة إءصائىة لءوال الإناى و التكالىف للمءاصىل المختلفة و تقوم تلك الءراسة على بعض اءاصىل الزراعىة الرىبىة بمءابفة ءمىاط لما لذلك من أهمىة سواء على المستوى القومى أو المستوى الإقلىمى .

و على ذلك فانه يمكن تلخىص اءءاف هذا البءء فى عدة نءاط وهى كالتالى :

- ١- ءءىر أفضل ءالة إناى ءصوى القطن و القمء بمءابفة ءمىاط .
- ٢- ءءىر ءوال التكالىف ءصوى القطن و القمء بمءابفة ءمىاط .
- ٣- العرف على كىمة الاناى المظى التى تعظم صافى الرىب الزرعى و بالتالى ترتفع الرفاهىة الاقتصاىة للزراع و المءمع .
- ٤- بعبر التبو بالقىم المسببىة لإناى اءاصلاى الزراعىة عنء قىم معىنة للمصغىرات المسببىة من اءءاف هذا البءء .

مصادر البيانات :

استمدت بيانات هذه الدراسة من المصادر التالية :

- ١- الجهاز المركزي للتعبئة العامة والإحصاء - الكتاب الإحصائي السنوي .
 - ٢- نشرات يصدرها قطاع الشؤون الاقتصادية بوزارة الزراعة واستصلاح الأراضي .
 - ٣- أعداد مختلفة من النشرة الاقتصادية التي يصدرها البنك الأهلي .
 - ٤- مركز المعلومات التابع لشئون مجلس الوزراء بمحافظة دمياط .
- وتجدر الإشارة إلى انه تم معالجة البيانات من اثر التضخم و ذلك عن طريق ضرب كل متغير نقدي في القوة الشرائية للنقود متخذًا سنة ١٩٨٠ سنة أساس .

أسلوب البحث :

مما لاشك فيه أن إنتاج اغاصيل الزراعية يتأثر بالعديد من العوامل مثل الأرض والعمالة و الري والخدمة الزراعية و رأس المال و المبيدات و التسميد سواء البلدى أو الكيماوى و غيرها من العوامل الأخرى . و قد اهتم الباحثون بدراسة العديد من دوال الانتاج وهى كالتالى:

$$Y_i = \beta_0 + \sum_{i=1}^n \beta_i X_i \quad (١) \text{ الدالة الخطية}$$

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 L_i + \beta_2 K_i - \beta_3 L_i^2 - \beta_4 K_i^2 + \beta_5 L_i K_i \quad (٢) \text{ الدالة التربيعية}$$

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 \sqrt{L_i} + \beta_2 \sqrt{K_i} - \beta_3 L_i - \beta_4 K_i + \beta_5 \sqrt{L_i K_i} \quad (٣) \text{ الدالة الجذر تربيعية}$$

$$Y_i = A L_i^\alpha K_i^\beta \quad (٤) \text{ دالة كوب دوجلاس}$$

$$Y_i = \gamma \left[(1-\lambda) L_i^{-\rho} + \lambda K_i^{-\rho} \right]^{-\frac{1}{\rho}} \quad (٥) \text{ دالة مرونة الإحلال الثابت}$$

$$Y_i = A (1 - R_1^{K_i}) (1 - R_2^{L_i}) \quad (٦) \text{ دالة سليمان}$$

كما قام الباحثون بتقدير الأربع دوال الأولى السابقة بثلاث طرق للتقدير وهى طريقة المربعات الصغرى العادية (ols) و طريقة التقدير الانكماشية (sh) و طريقة الانحدار المعدل (rid).

وبالنسبة لدالة مرونة الإحلال الثابت و دالة سليمان فقد تعذر تقديرهما بطريقة التقدير الانكماشية (sh) و طريقة الانحدار المعدل (rid). وذلك لأنهما دوال غير خطية ولا يمكن تحويلهما إلى دوال خطية .

وقد اتسمت طريقة المربعات الصغرى بكون الأخطاء المعيارية و بالتالى صغر قيمة (t) اغسوبة لكل تقدير مما أدى الى عدم معنوية هذه التقديرات إحصائيا .

أما بالنسبة لطريقة التقدير الانكماشية فقد اختار الباحث قيمة (c) التى عرضها Farebrother(1970)

$$C = 1 - \left[\frac{1 - R^2}{1 + (n - p + 2)R^2} \right] \quad (١) \text{ كالتالى:}$$

حيث لها أقل درجة خطر. وقد أدت هذه الطريقة إلى تصغير الأخطاء المعيارية للمعالم صغرا كبيرا الأمر الذى أصبح معه تقديرات المعالم معنوية إحصائيا.

وبالنسبة لطريقة الانحدار المعدل فقد اقترح (Hoerl and Kennard 1970) العديد من الصيغ لاختيار قيمة ل c و أحد هذه الصيغ-والتي اعتمدها الباحث- المصيغة التالية :

$$C = \frac{S^2}{\max(\hat{\alpha}_i)^2} \quad (2)$$

حيث $(\hat{\alpha}_i)$ هي مقدر المربعات الصغرى ل α و ذلك إذا أعيد كتابة نموذج الانحدار العام كالآتي :

$$Y = X^* \alpha + e \quad (3)$$

حيث :

$$X^* = XT \quad \alpha = T \beta \quad T \text{ مصفوفة المتجهات المميزة .}$$

و قد بين Hoerl and Kennard أن دالة الخطر الكنية للمقدر البديل ستكون أقل من مثيلتها في المربعات الصغرى وتعد هذه الطريقة إحدى طرق حل مشكلة الازدواج الخطي .و للمفاضلة بين التقديرات السابقة فقد استخدم الباحث معيار الكفاءة النسبية للتقديرات وهو يقيس التحسين-ان وجد- الذى تضيفه طرق التقدير المختلفة على تقديرات المربعات الصغرى .وهو عبارة عن النسبة بين قيم دالة الخطر للتقدير البديل و قيم دالة الخطر لتقديرات المربعات الصغرى .

$$\text{relative efficiency} = \frac{R(b^*)}{R(b_{ols})} \quad (4)$$

حيث :

$$R(b^*) = \text{قيم دالة الخطر للتقدير البديل .}$$

$$R(b_{ols}) = \text{قيم دالة الخطر لتقديرات المربعات الصغرى .}$$

وعلى هذا إذا كانت قيمة الكفاءة النسبية أقل من واحد هذا معناه أن التقدير البديل أفضل من تقديرات المربعات الصغرى أما إذا كانت قيمة الكفاءة النسبية أكبر من واحد هذا معناه أن تقديرات المربعات الصغرى أفضل من التقدير البديل .

وتقدير دالة الخطر لتقديرات المربعات الصغرى يعطى بالعلاقة التالية :

$$R(b_{ols}) = S^2 \sum_{i=1}^{k+1} \left(\frac{1}{\lambda_i} \right) \quad (5)$$

حيث :

$$S^2 = \text{التباين المقدر .}$$

$$k = \text{عدد المتغيرات التفسيرية .}$$

$$\lambda_i = \text{الجدور المميزة للمصفوفة } (X'X) .$$

وتقدير دالة الخطر لطريقة التقدير الانكماشية يعطى بالعلاقة التالية :

$$R(b_{sh}) = \frac{1}{k+1} \left(\sum_{i=1}^{k+1} (\lambda_i)^{-1} (b_{ish} - b_{iols})^2 \right) \quad (6)$$

حيث :

$$b_{ish} = \text{التقديرات الانكماشية .} \quad \& \quad b_{iols} = \text{تقديرات المربعات الصغرى .}$$

وتقدير دالة الخطر لطريقة الانحدار المعدل يعطى بالعلاقة التالية :

$$R(b_{rid}) = \frac{1}{k+1} \left(\sum_{i=1}^{k+1} (\lambda_i)^{-1} (b_{i rid} - b_{i ols})^2 \right) \quad (٧)$$

حيث b_{rid} = تقديرات الانحدار المعدل .

أما عند تقدير دوال التكاليف فقد أجريت ثلاث محاولات لتقدير دالة التكاليف الكلية حيث تم تقدير الدالة في الصورة الخطية والصورة التربيعية وأخيرا الصورة التكعيبة والتي تأخذ الشكل التالي :

$$C_i = \beta_0 + \beta_1 Y_i \quad (١) \text{ الدالة الخطية}$$

$$C_i = \beta_0 + \beta_1 Y_i + \beta_2 (Y_i)^2 \quad (٢) \text{ الدالة التربيعية}$$

$$C_i = \beta_0 + \beta_1 Y_i + \beta_2 (Y_i)^2 + \beta_3 (Y_i)^3 \quad (٣) \text{ الدالة التكعيبة}$$

حيث عقدت مقارنة بين الصور الثلاث على أساس القدرة التفسيرية للنموذج و مستوى المعنوية للنموذج بهدف الوصول لأفضل صورة معبرة عن التكاليف الكلية للمحصول وذلك لكل من جمهورية مصر العربية ومحافظة دمياط . وقد استعان الباحثون في تقديرها بطريقة المربعات الصغرى العادية (ols) وقد قام الباحثون باختيار محصول القطن كمحصول صيفي و القمح كمحصول شتوي وذلك لكل من جمهورية مصر العربية ومحافظة دمياط . و شملت الدراسة كل من النواتج الرئيسية والثانوية لكل محصول وذلك لأهمية الناتج الثانوي بالنسبة لجملة الإنتاج المحصولي وتلك النقطة تعد قصوراً في الدراسات السابقة ولذلك حاول الباحثون تلافي هذا القصور .

و قد استعان الباحثون في تحليل البيانات بالبرامج الجاهزة التالية :

- البرنامج الجاهز SPSSWIN .
- البرنامج الجاهز BMDP .
- البرنامج الجاهز MINTAB .

كما استعان الباحثون ايضا في تحليل البيانات باعداد برامج بلغة BASIC

ملخص النتائج

يتناول هذا الجزء تقييم لدوال الإنتاج والتكاليف -التي توصلت إليها هذه الدراسة - وفقا للمعايير الاقتصادية والإحصائية وذلك للوصول الى افضل النماذج الإحصائية لدوال الإنتاج والتكاليف محصولي القطن والقمح على مستوى جمهورية مصر العربية و محافظة دمياط وذلك لكل من النواتج الرئيسية والثانوية لكلا المحصولين .

التقييم الاقتصادي والإحصائي لدوال الإنتاج

لقد قام الباحثون بتطبيقات مختلفة لدوال الإنتاج وفقا للصور المقترحة لدوال الإنتاج تبين ان افضل هذه الصور من وجهة نظر المعايير الاقتصادية والاحصائية هي تلك الدوال الموضحة في جدول رقم (١)

جدول رقم (1)

نتائج تحليل الانحدار للدوال الإنتاجية

المعيار الإحصائية							المعيار الاقتصادية		
المتغير	شكل الدالة	R ²	F	D	χ ²	مسائل تيل	الكفاءة النسبية	الإنتاج المتدى ل L ₁	الإنتاج المتدى ل K ₁
لطن (ع ٢ ج)	$Y_1 = 1.613 + 3.09L_1 + 1.75K_1 - 0.003L_1^2 - 0.001K_1^2 + 0.011L_1K_1$ (0.177) (1.245) (0.412) (0.0010) (0.0001) (0.0001)	.788	18.15 (.000)	1.982	19.49	0.53	.00005	$\frac{\partial Y_1}{\partial L_1} = 0.309 - 0.006L_1 + 0.001K_1$	$\frac{\partial Y_1}{\partial K_1} = 0.175 - 0.002K_1 + 0.001L_1$
حطب (ع ٢ ج)	$Y_2 = 56 + 7.55\sqrt{L_2} + 5.22\sqrt{K_2} - 14L_2 - 3K_2 + 4\sqrt{L_2K_2}$ (0.558) (0.905) (2.396) (0.489) (0.212) (1.447)	.899	41.79 (.000)	2.090	25.03	.576	.0041	$\frac{\partial Y_2}{\partial L_2} = -14 + \frac{3.8}{\sqrt{L_2}} + 19\sqrt{\frac{K_2}{L_2}}$	$\frac{\partial Y_2}{\partial K_2} = -3 + \frac{2.61}{\sqrt{K_2}} + 19\sqrt{\frac{L_2}{K_2}}$
لطن (دسيارت)	$Y_3 = 2.410 + 1.47L_3 + 0.23K_3 - 0.011L_3^2 - 0.001K_3^2 + 0.011L_3K_3$ (0.348) (0.387) (0.0019) (0.0001) (0.0003) (0.0002)	.737	13.89 (.000)	2.004	23.93	.612	.0000432	$\frac{\partial Y_3}{\partial L_3} = 0.147 - 0.002L_3 + 0.001K_3$	$\frac{\partial Y_3}{\partial K_3} = 0.023 - 0.002K_3 + 0.001L_3$
حطب (دسيارت)	$Y_4 = 16.4 + 5.3\sqrt{L_4} + 1.32\sqrt{K_4} - 2L_4 - 0.9K_4 + 2\sqrt{L_4K_4}$ (0.70) (0.31) (2.49) (0.17) (0.03) (0.01)	.837	24.62 (.000)	2.051	26.24	.554	.0045	$\frac{\partial Y_4}{\partial L_4} = -2 + \frac{2.7}{\sqrt{L_4}} + 0.8\sqrt{\frac{K_4}{L_4}}$	$\frac{\partial Y_4}{\partial K_4} = -0.9 + \frac{66}{\sqrt{K_4}} + 0.8\sqrt{\frac{L_4}{K_4}}$
لحج (ع ٢ ج)	$Y_5 = 34.3 + 9.43\sqrt{L_5} + 18.6\sqrt{K_5} - 6.8L_5 - 2K_5 + 8.5\sqrt{L_5K_5}$ (1.53) (4.03) (6.60) (3.75) (0.73) (0.94)	.733	13.64 (.000)	2.033	28.01	.497	.00001	$\frac{\partial Y_5}{\partial L_5} = 6.78 + \frac{4.71}{\sqrt{L_5}} + 4.3\sqrt{\frac{K_5}{L_5}}$	$\frac{\partial Y_5}{\partial K_5} = -2 + \frac{9.70}{\sqrt{K_5}} + 4.25\sqrt{\frac{L_5}{K_5}}$
بن (ع ٢ ج)	$L_n Y = 2.558 + 3.44L_n L_n + 2.62L_n K_n$ (0.517) (0.306) (0.571)	.547	14.91 (.0001)	2.354	26.35	.541	.000004	.344	.262
لحج (دسيارت)	$Y = 16.94 + 4.097L_7 + 1.52K_7 - 1.69L_7^2 - 0.001K_7^2 + 0.07L_7K_7$ (1.520) (5.291) (0.260) (0.139) (0.0001) (0.0028)	.694	11.41 (.000)	1.908	27.13	.737	.00001	$\frac{\partial Y}{\partial L_7} = 4.097 - 0.338L_7 + 0.007K_7$	$\frac{\partial Y}{\partial K_7} = 0.125 - 0.002K_7 + 0.007L_7$
بن (دسيارت)	$L_n Y = 1.218 + 1.39L_n L_n + 1.18L_n K_n$ (0.558) (0.449) (0.313)	.65	22.34 (.000)	2.357	19.51	.425	.00001	.139	.118

وباستعراض جدول رقم(١) يتضح ما يلي

اولا تقييم الدوال وفقا للمعايير الاقتصادية

- ١- جاءت الاشارات لكل المعالم متفقة مع الفروض القبلية للنظرية الاقتصادية .
- ٢- فى حالة دوال الانتاج الربيعية نجد ان المرونة الانتاجية متغيرة وليست ثابتة حيث انها تتناقص مع تزايد المورد .
- ٣- دالة الجزر الربيعي تسمح بتناقص الإنتاج الكلى و كذلك الإنتاج الحدى بمعدل متناقص و هو يقرب من الصفر و لكن لا يصبح سالباً و المرونة تنخفض بالمخاض المورد و زيادة الإنتاج .
- ٤- تقدر المرونة الانتاجية لعنصر العمل (L_0) بحوالى (٠,٣٤٤) و هذا معناه أنه بزيادة الكمية المستخدمة من ذلك العنصر بمقدار (١٠٪) فان الكمية المنتجة من تبن القمح ستزداد بمقدار (٣,٤٤٪)
- ٥- تقدر المرونة الانتاجية لعنصر العمل (k_0) بحوالى (٠,٢٦٢) و هذا معناه أنه بزيادة الكمية المستخدمة من ذلك العنصر بمقدار (١٠٪) فان الكمية المنتجة من تبن القمح ستزداد بمقدار (٢,٦٢٪)
- ٦- فى حالة دوال انتاج كوب - دوجلاس نجد ان الغلة الانتاجية متناقصة حيث ان ($\alpha + \beta < 1$)
- ٧- تقدر المرونة الانتاجية لعنصر العمل (L_0) بحوالى (٠,١٣٩) و هذا معناه أنه بزيادة الكمية المستخدمة من ذلك العنصر بمقدار (١٠٪) فان الكمية المنتجة من تبن القمح ستزداد بمقدار (١,٣٩٪)
- ٨- تقدر المرونة الانتاجية لعنصر العمل (k_0) بحوالى (٠,١١٨) و هذا معناه أنه بزيادة الكمية المستخدمة من ذلك العنصر بمقدار (١٠٪) فان الكمية المنتجة من تبن القمح ستزداد بمقدار (١,١٨٪)

ثانيا تقييم الدوال وفقا للمعايير الاحصائية

- ١- كان هذه الدوال أعلى معامل تحديد معدل وهذا يعنى ارتفاع القدرة التفسيرية لتلك الدوال بالمقارنة بغيرها من الدوال الأخرى .
- ٢- ارتفاع قيمة F المحسوبة وبالتالي معنوية العلاقات المقدره عند مستويات المعنوية المذكورة بين الافواس .
- ٣- اثبتت قيمة t دربن-واطسون المحسوبة انه لا يوجد ارتباط ذاتى "موجب او سالب" عند مستوى معنوية (٥٪) .
- ٤- يلاحظ ايضا ان الاخطاء المعيارية اقل من نصف المعلمات المقدره وبالتالي معنوية التقديرات ($\hat{\beta}_i$)
- ٥- اثبتت قيمة r^2 المحسوبة اجتاز هذه الدوال لاختبار جودة التوليف مما يعنى جودة توليف النماذج عند مستوى معنوية (٥٪) .
- ٦- تراوحت قيمة معامل ليل لهذا النماذج بين (٠,٤٢٥) و (٠,٧٣٧) مما يدل على ان مقدره تلك النماذج على التنبؤ جيدة .
- ٧- كان هذه الدوال والمقدره بطريقة التقدير الانكماشية اقل درجة خطر بالمقارنة بتقديرات المربعات الصغرى. وقد بلغ معيار الكفاءة النسبية ادنى حد له مما يعنى ان طريقة التقدير الانكماشية قد اضافت تحسينا ملموسا على تقديرات المربعات الصغرى .

التقييم الاقتصادي والإحصائي لدوال التكاليف

أجريت ثلاث محاولات لتقدير دالة التكاليف الكلية حيث تم تقدير الدالة في الصورة الخطية والصورة التربيعية وأخيرا الصورة التكميلية حيث عقدت مقارنة بين الصور الثلاث على أساس القدرة التفسيرية للنموذج و مستوى المعنوية للنموذج بهدف الوصول لأفضل صورة معبرة عن التكاليف الكلية محصول القطن و القمح وذلك لكل من جمهورية مصر العربية ومحافظة دمياط . والجدول رقم (٢) يتناول نتائج التقدير الإحصائي لدوال التكاليف حيث كانت معادلة الدرجة الثانية (الصورة التربيعية) هي أنسب نموذج يمثل العلاقة بين التكاليف الإنتاجية وكمية الإنتاج للفدان و كانت هذه الدوال هي الأقرب الى النطق الاقتصادي .

كما اتسمت هذه الدوال بكون معامل التحديد المعدل وهذا يعنى ارتفاع القدرة التفسيرية لتلك الدوال بالمقارنة بغيرها من الدوال الأخرى .

كما اتسمت أيضا بارتفاع قيمة F المحسوبة وبالتالي معنوية العلاقات المقدرة عند مستويات المعنوية المذكورة بين الاقواس .

وباستعراض جدول رقم(٢) يتضح ما يلي :

١- عند تقدير دالة التكاليف الكلية لمحصول القطن بجمهورية مصر العربية تبين ما يلي :

أ- بلغت التكلفة المتوسطة (٣٣,٧٩) جنية للقنطار ومقارنتها بمتوسط سعر القنطار خلال فترة البحث حيث بلغ (٥٠,٠٠٧) جنية للقنطار وجد أن إنتاج القطن يعتبر مربحا لان سعر القنطار اكبر من متوسط التكلفة الكلية .

ب- كما بلغت التكلفة الحدية (٣٥,٧٠) جنية للقنطار ومقارنتها بالإيراد الحدى " متوسط سعر القنطار خلال فترة البحث " تبين زيادة متوسط سعر القنطار عن التكلفة الحدية وهذا معناه أن الإنتاج لم يصل بعد إلى المستوى الأمثل الذى يحقق اعظم ربح ممكن بالنسبة للزراع .

٢- عند تقدير دالة التكاليف الكلية لمحصول القطن بمحافظة دمياط تبين ما يلي :

أ- بلغت التكلفة المتوسطة (٢٩,٤٦) جنية للقنطار ومقارنتها بمتوسط سعر القنطار خلال فترة البحث حيث بلغ (٥٩,٢٨) جنية للقنطار وجد أن إنتاج القطن يعتبر مربحا لان سعر القنطار اكبر من متوسط التكلفة الكلية .

ب- كما بلغت التكلفة الحدية (٢٩,٦٥) جنية للقنطار ومقارنتها بالإيراد الحدى " متوسط سعر القنطار خلال فترة البحث " تبين زيادة متوسط سعر القنطار عن التكلفة الحدية وهذا معناه أن الإنتاج لم يصل بعد إلى المستوى الأمثل الذى يحقق اعظم ربح ممكن بالنسبة للزراع .

٣- عند تقدير دالة التكاليف الكلية لمحصول القمح بجمهورية مصر العربية تبين ما يلي :

أ- بلغت التكلفة المتوسطة (٢,٦٩) جنية للاردب ومقارنتها بمتوسط سعر الاردب خلال فترة البحث حيث بلغ (١٣,٠٤) جنية للاردب وجد أن إنتاج القمح يعتبر مربحا لان سعر الاردب اكبر من متوسط التكلفة الكلية .

ب- كما بلغت التكلفة الحدية (٢,٣٣) جنية للاردب ومقارنتها بالإيراد الحدى " متوسط سعر الاردب

خلال فترة البحث " تبن زيادة متوسط سعر الاردب عن التكلفة الحدية وهذا معناه أن الإنتاج لم يصل بعد إلى المستوى الأمثل الذي يحقق اعظم ربح ممكن بالنسبة للزراع .

٤- عند تقدير دالة التكاليف الكلية لخصول القمح بمحافظة دمياط تبين ما يلي :

أ- بلغت التكلفة المتوسطة (٢,٣٥) جنية للاردب ومقارنتها بمتوسط سعر الاردب خلال فترة البحث حيث بلغ (١٢,٥٧) جنية للاردب وجد أن إنتاج القمح يعتبر مربحاً لان سعر الاردب اكبر من متوسط التكلفة الكلية .

ب- كما بلغت التكلفة الحدية (٠,١٥) جنية للاردب ومقارنتها بالإيراد الحدى " متوسط سعر الاردب خلال فترة البحث " تبين زيادة متوسط سعر الاردب عن التكلفة الحدية وهذا معناه أن الإنتاج لم يصل بعد إلى المستوى الأمثل الذي يحقق اعظم ربح ممكن بالنسبة للزراع .

كما امكن حساب بعض المؤشرات الاقتصادية المقصورة من بيانات البحث والمشتقة من دوال التكاليف الانتاجية لخصول القطن والقمح لكل من جمهورية مصر العربية و محافظة دمياط و باستعراض جدول رقم (٣) يتضح الاتي :

١- عند تقدير كمية الانتاج التي تحقق اقل تكلفة حدية وذلك بمساواة التكلفة الحدية بالصفر تبين ان هذه الكمية اختلفت على مستوى جمهورية مصر العربية و محافظة دمياط .

فبالنسبة لخصول القطن بلغت الكمية التي تحقق اقل تكلفة حدية (٨,٤١) قنطار على مستوى جمهورية مصر العربية في حين بلغت تلك الكمية (٢,٢٨) قنطار بالنسبة لمحافظة دمياط . اما بالنسبة لخصول القمح بلغت الكمية التي تحقق اقل تكلفة حدية (١١,٣٩) اردب على مستوى جمهورية مصر العربية في حين بلغت تلك الكمية (١٠,٤٥) اردب بالنسبة لمحافظة دمياط .

٢- عند تقدير كمية الانتاج التي تمثل بداية المرحلة الاقتصادية للإنتاج وذلك بمساواة التكلفة الحدية بمتوسط التكاليف الكلية و مقارنة تلك الكمية بمتوسط انتاج القطن تبين الاتي:

(أ) انتاج القطن على مستوى جمهورية مصر العربية لم يدخل بعد الى المرحلة الاقتصادية للإنتاج حيث بلغ متوسط انتاج القطن في جمهورية مصر العربية (٦,١٥) قنطار في حين ان الكمية التي تمثل بداية المرحلة الاقتصادية للإنتاج (٦,٢٩) قنطار .

(ب) انتاج القطن على مستوى محافظة دمياط لم يدخل بعد الى المرحلة الاقتصادية للإنتاج حيث بلغ متوسط انتاج القطن في محافظة دمياط (٥,٠٤) قنطار في حين ان الكمية التي تمثل بداية المرحلة الاقتصادية للإنتاج (٥,٥٣) قنطار .

(ج) انتاج القمح على مستوى جمهورية مصر العربية لم يدخل بعد الى المرحلة الاقتصادية للإنتاج حيث بلغ متوسط انتاج القمح في جمهورية مصر العربية (١٠,٨٩) اردب في حين ان الكمية التي تمثل بداية المرحلة الاقتصادية للإنتاج (١١,٩٣) اردب .

(د) انتاج القمح على مستوى محافظة دمياط لم يدخل بعد الى المرحلة الاقتصادية للإنتاج حيث بلغ متوسط انتاج القمح في محافظة دمياط (١٠,٥٣) اردب في حين ان الكمية التي تمثل بداية المرحلة الاقتصادية للإنتاج (١١,٥١) اردب .

٣- عند تقدير كمية الانتاج التي تعظم ارباح المزارعين وذلك بمساواة التكلفة الحدية بمتوسط السعر للمحصول وجد اختلاف تلك الكمية بين جمهورية مصر العربية و محافظة دمياط .

فبالنسبة محصول القطن بلغت الكمية التي تحقق اعظم ربح ممكن (١٦,٥٨) قنطار على مستوى جمهورية مصر العربية في حين بلغت تلك الكمية (٧,٩) قنطار بالنسبة لمحافظة دمياط . اما بالنسبة محصول القمح بلغت الكمية التي تحقق اعظم ربح ممكن (١٤,٢١) اردب على مستوى جمهورية مصر العربية في حين بلغت تلك الكمية (١٦,٣٧) اردب بالنسبة لمحافظة دمياط .

٤- عند حساب اعظم ايراد ممكن تحقيقه نلاحظ ايضا وجود اختلاف كبير بين جمهورية مصر العربية و محافظة دمياط فبالنسبة لحصول القطن بلغ اعظم ايراد ممكن تحقيقه (٥٧٩) جنيه للفدان على مستوى جمهورية مصر العربية في حين بلغت تلك القيمة (٤٦٨,٣) جنيه للفدان بالنسبة لمحافظة دمياط . اما بالنسبة لحصول القمح بلغ اعظم ايراد ممكن تحقيقه (١٨٥,٣) جنيه للفدان على مستوى جمهورية مصر العربية في حين بلغت تلك القيمة (٢٠٥,٨) جنيه للفدان بالنسبة لمحافظة دمياط . كما يلاحظ ايضا ان الايرادات الفعلية تقل كثيرا عن اعظم ايراد ممكن تحقيقه مما يعنى انخفاض ارباح المزارعين عن المستوى المنشود .

جدول رقم (٣)

المؤشرات الاقتصادية المقدرة من بيانات البحث والمشقة من دوال التكاليف الانتاجية لحصول القطن والقمح لكل من جمهورية مصر العربية و محافظة دمياط

القمح		القطن		بيان
دمياط	ج ٤٠٠	دمياط	ج ٤٠٠	
١٠,٥٣	١٠,٨٩	٥,٠٤	٦,١٥	متوسط انتاج الفدان (قنطار/ اردب)
١٠,٤٥	١١,٣٩	٢,٢٨	٨,٤١	الكمية التي تحقق اقل تكلفة حدية (قنطار/ اردب)
١١,٥١	١١,٩٣	٥,٥٣	٦,٢٩	كمية الانتاج المقابلة لادنى نقطة على متوسط التكلفة الكلية (قنطار/ اردب)
١٦,٣٧	١٤,٢١	٧,٩	١١,٥٨	كمية الانتاج التي تعظم الارباح (قنطار/ اردب)
٢٠٥,٨	١٨٥,٣	٤٦٨,٣	٥٧٩	اعظم ايراد ممكن بالجنية
١٣٢,٤	١٤٢	٢٩٨,٨	٣٠٧,٦	متوسط الايراد الفعلى بالجنية

التوصيات :

لقد انتهت هذه الدراسة إلى مجموعة من التوصيات و التي يمكن عرضها على النحو التالي :

١- يوصى هذا البحث بضرورة دراسة كفاءة استخدام الموارد الانتاجية المستخدمة في انتاج المحاصيل موضع الدراسة بهدف التعرف على دور كل منها في العملية الانتاجية وتحديد الكميات المثلى الواجب استخدامها من الموارد الانتاجية حتى يمكن للمزارعين تحقيق أقصى دخل ممكن الامر الذي ينعكس على كل من الدخل الزراعى والدخل القومى .

٢- يوصى هذا البحث ايضا باعادة مثل هذه الدراسة على محاصيل اخرى كالمحاصيل الزيتية والخضر و الفاكهه والمواخ .

ملحق رقم (١)

الرموز المستخدمة في البحث

محافظة دمياط		جمهورية مصر العربية		محافظة دمياط		جمهورية مصر العربية			
بن بالحمل	لحج بالاروب	بن بالحمل	لحج بالاروب	حطب بالحمل	لقطن زهر بالقتطار	حطب بالحمل	لقطن زهر بالقتطار	نوع النعير	بيان
Y ₈	Y ₇	Y ₆	Y ₅	Y ₄	Y ₃	Y ₂	Y ₁	غير نقدي	متوسط إنتاج القدان
L ₈	L ₇	L ₆	L ₅	L ₄	L ₃	L ₂	L ₁	نقدي	العمل
K ₈	K ₇	K ₆	K ₅	K ₄	K ₃	K ₂	K ₁	نقدي	رأس المال
X ₈₁	X ₇₁	X ₆₁	X ₅₁	X ₄₁	X ₃₁	X ₂₁	X ₁₁	نقدي	تحضير الأرض للزراعة
X ₈₂	X ₇₂	X ₆₂	X ₅₂	X ₄₂	X ₃₂	X ₂₂	X ₁₂	نقدي	التقاوى الزراعية
X ₈₃	X ₇₃	X ₆₃	X ₅₃	X ₄₃	X ₃₃	X ₂₃	X ₁₃	نقدي	الري
X ₈₄	X ₇₄	X ₆₄	X ₅₄	X ₄₄	X ₃₄	X ₂₄	X ₁₄	نقدي	السماد
—	—	—	—	X ₄₅	X ₃₅	X ₂₅	X ₁₅	نقدي	مقاومة الآفات
—	—	—	—	X ₄₆	X ₃₆	X ₂₆	X ₁₆	نقدي	الخدمة الزراعية
X ₈₇	X ₇₇	X ₆₇	X ₅₇	X ₄₇	X ₃₇	X ₂₇	X ₁₇	نقدي	مصاريف عمومية
X ₈₈	X ₇₈	X ₆₈	X ₅₈	X ₄₈	X ₃₈	X ₂₈	X ₁₈	نقدي	الإيجار

المراجع العربية :

١. احمد محمد الشاطر : دراسة تحليلية لاهم السياسات السمادية في جمهورية مصر العربية ، رسالة ماجستير ، قسم الاقتصاد الزراعى ، كلية الزراعة ، جامعة اسيوط ، ١٩٨٣ .
٢. جامع مصطفى جامع (دكتور) : الرياضة للاقتصاديين ، شبين الكوم : مكتبة الولاة للطبع والتوزيع ، اكتوبر ١٩٩٠ .
٣. عبد القادر محمد عبد القادر (دكتور) : طرق قياس العلاقات الاقتصادية مع تطبيقات الحاسب الالىكترونى ، الاسكندرية : دار الجامعات المصرية ، ١٩٩٠ .
٤. عبد اللطيف عبد الفتاح ابو العلاء (دكتور) ، ابراهيم محمد مهدى (دكتور) ، فاطمة على عبد العاطى (دكتور) : مقدمة الاحصاء التطبيقي ، المنصورة : مكتبة الجلاء الجديدة ، ١٩٨٨ .
٥. عثمان احمد الخولى (دكتور) و اخرون : الزراعة المصرية - مشكلات - سياسات - تنمية ، القاهرة ١٩٨٥ .
٦. على عبد الجليل عيسى : التقدير الاحصائى لدالة انتاج القمح بمركز البدارى بمحافظة اسيوط ، بحث منشور بمجلة اسيوط للعلوم الزراعية ، مجلد ٩ العدد ٣ ، ١٩٧٨ .
٧. متولى مختار محمد (دكتور) : النظرية الاقتصادية "مدخل رياضى" ، جامعة الملك سعود ، عمادة شئون المكتبات ، الرياض ١٩٩٣ .

- ٨ . محمد عبد السميع عناني (دكتور) : مبادئ الاقتصاد القياسى النظرى و التطبيقى ، الطبعة الثانية ، الزقازيق ١٩٩٣ .
- ٩ . محمد محمود سليمان : دراسة اقتصادية لاهم العوامل المؤثرة الفجوة الغذائية فى مصر ، رسالة دكتوراة ، قسم الاقتصاد الزراعى ، كلية الزراعة ، جامعة الاسكندرية ، ١٩٨٨ .
- ١٠ . مشروع تطوير النظم الزراعية ، نشاط الكفاءة الزراعية بمشروع مصر - كاليفورنيا ، وزارة الزراعة سبتمبر ١٩٨٤ .

المراجع الأجنبية :

1. Alam , K . and Hawkes ,J. S . (1979) .Minimax Property of Stein's Estimator , Communications in Statistics - Theory and Methods , a(6) , 581-590 .
2. Alam , K . (1973) A family of Admissible Minimax Estimators of The Mean of A multivariate Normal Distribution , Annals of Statistics , Vol.1, 517-525 .
3. Allen , D. M . (1974) . The Relationship Between Variable Selection And Data Agumentation And A method For Prediction, Technometrics , Vol. 16 , 125-127 .
4. Bain , L. J. & Engelhardt , M. , Introduction To Probability And Mathematical Statistics , Second Edition , New York : McGraw-Hill , 1993 .
5. Gunst , R . F . and Mason , R . L . (1977) Biased Estimation In Regression ; An Evaluation Using Mean Squared Error , Journal of The American Statistical Association , Vol. 72 , 616-627 .
6. Hocking , R. R. , Speed , F. M . and Lynn , M. J . (1976) . A Class of Biased Estimators In Linear Regression , Technometrics , Vol. 18 , 425-437 .
7. Hoerl , A. E. , Kennard , R. W. & Paldwin , K. F. , (1975).Ridge Regression ; Some Simulation , Communications in Statistics, A(2), 105 - 123 .
8. Pindyck , P & Rubinfeld D. , Econometric Models And Economic Forecasts , International Edition , McGraw-Hill , 1991 .
9. Richards , A. , Egypt's Agricultural Development , 1800 - 1980 : Technical And social Change , U.S.A. Westview Press , 1982 .