

# **السلوك المصرفى والسياسة النقدية**

**(دراسة زلابية)**

**فتحي خليل الفضراوى**

**أستاذ الاقتصاد المساعد**

**كلية التجارة - جامعة طنطا**

# السلوك المصرفى والسياسة النقدية

## (دراسة تحليلية)

### ١ - مقدمة:

رغم اختلاف وجهات نظر الاقتصاديين فيما يتعلق بطبيعة العملية التي تؤثر بها السياسة النقدية في المتغيرات الاقتصادية الكلية؛ فإن الأمر الذي لا جدال حوله هو أن النظام المصرفى يعتبر حلقة هامة بل وأساسية في هذه العملية. ومع ما تشهده الساحة الاقتصادية في مصر من عودة متزايدة إلى آليات السوق؛ تتزايد أهمية السياسة النقدية باعتبارها إحدى أدوات التوجيه الاقتصادي في ظل هذه الآليات. ويتطلب هذا الأمر دراسة السلوك المصرفى والتعرف على محدداته خاصة في مجال تحديد حجم الودائع المصرفية. وتكون أهمية ذلك في التعرف على قوة علاقة السببية التي تأتى من القاعدة النقدية إلى الرصيد النقدي مروراً بالاحتياطيات المصرفية، وبالتالي على مقدار ما يمتنع به البنك المركزى من سيطرة على الرصيد النقدي وإمكانية قيامه بالتوجيه السريع والدقيق لهذا الرصيد بما يكفل تحقيق الأهداف الاقتصادية.

ويستهدف هذا البحث استجلاءً أثر بعض نواحي السلوك المصرفى، التى لم تلق حظها من الإهتمام، على إدارة السياسة النقدية. وتنبع ضرورة ذلك في أن تجاهل هذه النواحي يفسر إلى حد كبير سبب فشل الكثير من توصيات هذه السياسة، أو على الأقل تضليل فعاليتها في معالجة المشاكل الاقتصادية. ولبيان هذه النواحي، نقدم نموذجاً نظرياً بسيطاً للسلوك على مستوى البنك الفرد. ومن هذا النموذج، يتم اشتقاء الأوضاع التوازنية للبنك في ظل افتراضات بديلة عن أهدافه التي يحاول تحقيقها. ويتبين ذلك تحليل ساكن مقارن لاستجابة البنك للتغير في أحوال سوق النقد وأدوات السياسة النقدية. ومن النتائج التي أمكن التوصل إليها أن التغيرات في المتغيرات المصرفية الداخلية Bank Endogenous Variables يمكن أن يكون حساساً في بعض الحالات لداالة  $y = f(x)$  الهدف المحددة للسلوك المصرفى، ليس فقط فيما يختص بمقدار هذه التغيرات وإنما أيضاً باشاراتها.

## ٥ – المقومات الثلاث للنماذج المصرفية:

يفكر الاقتصاديون، صراحةً أو ضمناً، عند صياغتهم لنماذج السلوك المصرفى فى وحدات اتخاذ القرار. والمشكلة الأساسية التى يهتم بها أغلب صناع نماذج السلوك المصرفى على مستوى البنك الفرد باعتبار أن هذه المشكلة وثيقة الصلة بالتحليل النقدى هى تلك المتعلقة بتخصيص الأموال على الأصول المتنافسة. ومن ثم، فإن الهدف التقليدى للنموذج هو تقديم «معلومات عن العوامل التى تحدد كيفية تخصيص أموال المودعين على الأصول المختلفة التى يمتلكها البنك». ولما كان التغير فى حجم الودائع المصرفية هو الورت الحساس الذى تلعب عليه السياسة النقدية، فإن معرفة السرعة والحد اللذين يتم بهما تعديل المحفظة المصرفية استجابة للتغير فى الودائع تعتبر ضرورية فى تحديد أي القطاعات الحقيقية في الاقتصاد سيتأثر مباشرة بالسياسة النقدية» (Pierce, 1967: 171). ومع تزايد النظر إلى اختيار الأصول على أنه مشكلة تختص بحلها نظرية البنك، كان من الطبيعي أن تستند معظم النماذج المصرفية، صراحةً أو ضمناً، على بعض الفروض التي تناولت هذه الفرضيات في كتاب *Portfolio Theory*. وتتناول هذه الفرضيات على التوالي:

### ١ - تأثير البنك على حجم الودائع:

أحد الفرضيات التي تقوم عليها نظرية المحفظة أن الحجم الكلى للأموال المطلوب تخصيصها هو من المعطيات أو أنه محدد سلفاً. ومن ثم، ففي النظام المصرفى تعتبر الودائع، أو أي متغير آخر يتخذ كمقاييس للأموال الكلية؛ إما من المعطيات الثابتة أو متغير عشوائى له قيمة متوقعة وانحراف معياري (Broaddus, 1972: 5). . ويعنى هذا الفرض ضمناً أن البنك ليس له تأثير على حجم الودائع والمخصص الآخر، وبالتالي ليس له تأثير على حجم المحفظة. وهذا الفرض ليس واقعياً، والأقرب إلى الواقع هو أن البنك يتصرفاتها وأفعالها تستهدف التحكم في حجم الوساطة المالية بل والتتوسيع فيه. ولانبالغ، إذا قلنا أن المنطقة التي تشهد مجالاً للاحتكار المالى هي التي تختص بادارة المخصص المصرفية (Gramley, 1983).

فمن المعروف أنه عندما لا تفرض اللوائح المنظمة للعمل حدوداً قصوى على معدلات

الفائدة التي تدفع على الودائع، فإن البنوك تستخدم هذه المعدلات بشكل مكثف للتوسيع في حجم ودائعها. وعندما توجد مثل هذه الحدود، فإن البنوك غالباً ما تبتكر أنواعاً جديدة من الخصوم المصرفي تكون بديلاً للودائع. لهذه الأسباب وغيرها، يعتبر الافتراض بأن حجم الودائع من المتغيرات الخارجية أو أن معدلات الفائدة على الودائع من المعطيات بجاهلاً خاصية هامة في السلوك المصرفي وفي آلية خلق النقود.

### ٤ - ٣ المنافسة في أسواق الودائع والقروض:

من الفروض الأخرى لنظرية المحافظ أن معدل العائد على كل أصل يعتبر من المتغيرات الخارجية بالنسبة لتخذل القرار. وبالتحديد، تؤخذ القيمة المتوقعة والانحراف المعياري لمعدل العائد على أنهما من المعطيات. ويعنى هذا الافتراض أن الأسواق المالية تخضع لظروف المنافسة الكاملة. وبالنسبة للبنك، فإن ذلك يشير إلى أن دوافل الطلب على الودائع والقروض، وكذلك دوافل عرض السندات ذات مرنة لانهائية لتغيرات معدل العائد. وإذا كان هذا ينطبق على سوق السندات، فإنه ليس صحيحاً بالنسبة لسوق الودائع والقروض.

### ٤ - ٣ تعظيم الأرباح أم تعظيم الودائع:

والخاصية الثالثة لنماذج المحافظ هي الخاصية اللصيقة بمعظم النماذج الاقتصادية المجزئية، وهي افتراض تعظيم الربح Profit Maximization Assumption . إذ يفترض أن هدف متتخذ القرار هو تعظيم مستوى الأرباح. وفي حالة عدم التأكد، فيكون الهدف هو تعظيم الربح المتوقع، أو دالة أكثر تعقيداً في عزوم التوزيع الاحتمالي للأرباح. ومع ذلك، فمن المعروف أن سلوك المنشآت الحديثة يمكن شرحه على نحو أفضل في ظل افتراضات أخرى كتعظيم الإيرادات، أو تعظيم حصة المنشأة من السوق، أو تعظيم معدل النمو (392-377: Baumol, 1977). وهناك ما يدعوه إلى الاعتقاد بأن البنك تشارك المنشآت الحديثة في هدف تعظيم الحجم. فنسبة رأس المال إلى إجمالى الخصوم تكون منخفضة جداً، الأمر الذي يجعل حجم البنك مستقلًا إلى حد كبير عن تقييم السوق لربحيته. أضف إلى ذلك، أن العديد من البنوك الكبيرة قد تكون مملوكة للدولة أو تدار بعرفتها، وفي هذه الحالة، فإن أداء هذه البنوك يتم قياسه أفضل بدرجة التوسيع في

الوساطة المالية وليس بقدر المكاسب التي تتحققها. لهذه الأسباب وغيرها، فقد يكون مفيدة اجراء التحليل النظري للسلوك المصرفى باعتبار أن البنك يحاول تعظيم حجم ودائعه.

وباختصار، فإن نظرية المحافظ رغم أنها أوضحت مشكلة إدارة الأصول المصرفية، إلا أنها تجعلنا ننظر إلى النظام المصرفى على أنه يتكون من وحدات تحاول تعظيم الأرباح في أسواق مالية تتسم بالمنافسة الكاملة، وتفتقر إلى الرغبة فى السيطرة على جمجم عملياتها. ولاشك أن النماذج التي تبنى على هذه الافتراضات تفتقد الخصائص الهامة للعملية التي يتحدد بها مقدار الأصول والخصوم المصرفية ومعدلات العائد والفائدة. الأمر الذى يجعل هذه النماذج غير قادرة على اعطاء تفسيرات لمجريات الأمور داخل الجهاز المصرفى، كما تقدم اجابات خاطئة لعدد من مشاكل السياسة النقدية. وننتقل الآن إلى بناء نموذج يأخذ هذه الخصائص فى الاعتبار.

### ٣ - نموذج نظري لسلوك البنك الغرد:

#### ٣ - ١ النموذج:

يمكن تلخيص الافتراضات الأساسية التي يستند إليها النموذج النظري لسلوك البنك الفرد فيما يلى:

أ - القرارات التي يتخذها البنك تتعلق بالحجم وكذلك بالمحفظة. ويتحدد الحجم بقدر الودائع، التي تتأثر بسلوك البنك عن طريق معدل الفائدة على الودائع. أما المحفظة فتتعلق بتركيب الائتمان المصرفى، أى تقسيمه بين سندات وقروض.

ب - يتميز سوق السندات، على خلاف أسواق الودائع والقروض، بالمنافسة الكاملة.

ج - يحاول البنك تحقيق أحد الأهداف الثلاثة البديلة التالية: تعظيم الأرباح، أو تعظيم الودائع مع حد أدنى من الأرباح، أو تعظيم توليفة الأرباح - الودائع.

ويأخذ النموذج الشكل التالي:

$$(1) \quad U = T + S + Q$$

$$(2) \quad T = \Phi U$$

$$ع = أ + ب ف ع - ج ف س$$

$$ق = د - ه ف ق + و ف س$$

حيث  $T$  = الاحتياطيات النقدية المطلوبة،  $S$  = الاستثمار في السندات،  $Q$  = القروض،  $U$  = الودائع،  $F_U$  = معدل الفائدة على الودائع،  $F_Q$  = معدل العائد على القروض؛ وهذه هي المتغيرات الداخلية. أما  $\theta$  = نسبة الاحتياطيات المطلوبة إلى الودائع،  $F_S$  = معدل العائد على السندات فهي المتغيرات الخارجية. وتعتبر الودائع ع المخصوص الوحيدة في هذا النموذج، ويدفع عنها معدل فائدة هو  $F_U$ . أما الأصول فهي الاحتياطيات المطلوبة  $T$ ، (وهي نسبة ثابتة  $\theta$  من الودائع وتحقق ايراداً بمعدل  $F_S$ )، والاتمان المصرفى، ويكون من السندات  $S$  والقروض  $Q$  حيث معدل العائد عليهما هو  $F_S$ ، والذي يتضمن عنصراً يمثل المكاسب الرأسمالية المتوقعة، وفيه على التوالى.

وكما يتضح، فإن دوال الطلب على الودائع والقروض دوال خطية في معدل كل منها وكذلك في معدل العائد على السندات، وتشير إلى أن إمكانية الإخلال بين عناصر المحافظ المالية غير كاملة سواء للمودعين بين الودائع والسندات، أو للمقترضين بين القروض والسندات. ويلاحظ أننا لم ندخل المتغيرات الأخرى التي لا ترتبط مباشرة وبشكل صريح بالتحليل الذي نزمع القيام به حتى نتجنب التعقيد غير الضروري. ومع ذلك، فإيمكان تصور أن هذه العوامل تؤثر على الودائع والقروض المطلوبة من خلال تأثيرها على المعلمتين  $A$ ،  $D$  على التوالى.

ويتحدد الربح في كل وحدة زمنية كما يلى:

$$ح = T ف ن + S ف س + Q ف ق - U ف ع - T خ$$

حيث  $T خ$  هي اجمالي التكاليف الأخرى كالعمل والضرائب بعد طرح الايرادات الأخرى كالرسوم على الخدمات المؤداة للجمهور. ولما كانت  $S + Q = U - T$  =  $(1 - \theta)U$ ، فإن  $S = (1 - \theta)U - Q$ . ويحل (٣) و (٤) لكل من معدل الفائدة على الودائع ومعدل العائد على القروض، ثم التعويض في (٥) بما تساويه كل من  $T$  و  $S$  و  $U$  و  $Q$ ، فإن دالة الأرباح الكلية يمكن التعبير عنها بدالة  $ح$  و  $Q$  ومعلمات

لدوال والمتغيرات الخارجية لتكون كما يلى:

$$ح = (ا_1/b) ع - (ا_1/b) ع^2 + (ا_2/b) اق - (ا_1/b) اق^2 - ت خ \quad (٦)$$

$$\begin{aligned} \text{حيث } a_1 &= a + b [طفت + (1 - ط) فس] - حف س \\ a_2 &= د - (ه - و) فس \end{aligned}$$

وتتمثل المتغيرات القرارية في دالة الأرباح الكلية في حجم الودائع والقروض. ويساعد حجم الودائع في تحديد حجم الاحتياطيات المصرفية المطلوبة. كما يساعد مع القروض في تحديد مقدار الاستثمارات المالية (السندات). وإذا ما عالم معدل العائد على السندات، فإن حجم الودائع يحدد معدل الفائدة على الودائع، بينما يحدد حجم القروض معدل العائد المرغوب على القروض. وبذلك، يكون قد تحدد حجم كل من الأصول والخصوم المصرفية<sup>(١)</sup>.

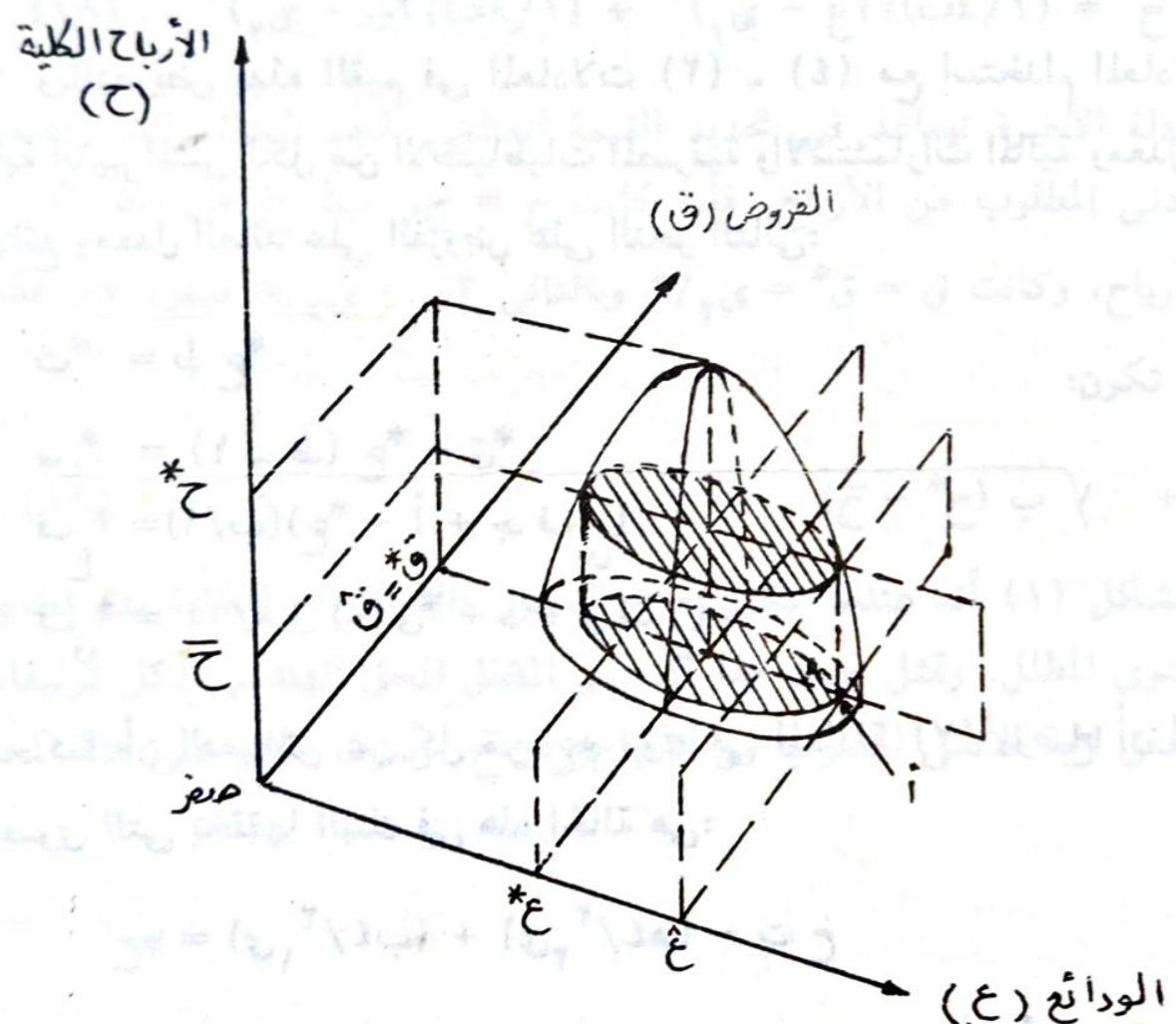
وليس من شك في أن الذي قدمناه يعتبر تبسيطًا في عدد من الجوانب. فالنموذج ساكن وبخاصة بفترة زمنية واحدة. كما أنه يفترض وجود حالة من التأكيد التام سواء بالنسبة للأحجام أو الأسعار حيث يتتجاهل النموذج التغيرات العشوائية سواء في الودائع المصرفية أو في معدل العائد على السندات، وكذلك بالنسبة لاحتمالات التوقف عن سداد القروض. كما يتتجاهل النموذج أيضًا الاقتراض من البنك المركزي وعمليات ترشيد الائتمان أو التحديد الكمي أو النسبي له. وبعض هذه الأمور يمكن إدخالها بسهولة في النموذج كالتفرق بين الودائع الجارية والودائع الزمنية ووضع الأسقف الائتمانية، إلا أن بعضها الآخر يتطلب المزيد من التحليل.

(١) يمكن اختيار ع و ق كمتغيرات قرارية بدلاً من ع و ق. وهذا المدخل المعادل تحليلياً للمدخل المتابع أعلاه يتضمن أن البنك تقرر مباشرة المعدلات المرغوبة لكل من الفائدة والعائد، ثم تحدد بعد ذلك المستويات التي تكفل هذه المعدلات تحقيقها. ولقد اتبع (Monti 1972) هذا الأسلوب البديل، ولكننا فضلنا الأسلوب المتابع في المتن لمساهمته في تبسيط العمليات الجبرية، ولأنه يساعد في التوصل إلى وضع التوازن جديراً في ظل هدف تعظيم توليفة الأرباح - الودائع، وهو

### ٣ - ٢ الترازد في حالة تعظيم الأرباح:

نعرف من المعادلة (٦) أن دالة الأرباح الكلية دالة من الدرجة الثانية في كل من ع وق، وأن هذه الدالة كما يظهر من الشكل (١) لها نهاية عظمى عند  $(u^*, q^*)$ . ولما كانت المعادلة (٦) يمكن كتابتها على النحو التالي:

**الشكل (١) دالة الأرباح الكلية**



$$ح = -\frac{1}{4}b(u-2)^2 - \frac{1}{4}d(q-2)^2 + \frac{1}{2}(q^2)$$

$$+ \frac{1}{2}d^2 - c$$

فإن الشرط الضروري للتعظيم، سواء باستخدام (٦) أو (٧)، يأخذ الصورة التالية:

$$(٨) \quad \text{ج} / \text{ع} = - (1/b) \text{ع} - i_1 = \text{صفر}$$

$$(٩) \quad \text{ج} / \text{ق} = - (1/h) \text{ق} - i_2 = \text{صفر}$$

ومن ثم، فإن حجم الودائع وحجم القروض التي تعظم الأرباح الكلية هي (٣،٢):

$$(١٠) \quad \text{ع}^* = i_1 / 2$$

$$(١١) \quad \text{ق}^* = i_2 / 2$$

وبالتعويض بهذه القيم في المعادلة (١) مع استخدام المعادلات (٢) - (٤) يمكن كتابة القيم المثلثى لكل من الاحتياطيات المصرفية والاستثمارات المالية ومعدل الفائدة على الودائع ومعدل العائد على الفروض على النحو التالي:

$$(١٢) \quad \text{ت}^* = \text{ط} \text{ع}^*$$

$$(١٣) \quad \text{س}^* = (1 - \text{ط}) \text{ع}^* - \text{ق}^*$$

$$(١٤) \quad \text{ف}^* = (1/b)(\text{ع}^* - \text{أ} + \text{ج} \text{ف}_s)$$

$$(١٥) \quad \text{ف}^* = (1/h) (-\text{ق}^* + \text{د} + \text{و} \text{ف}_s)$$

كما أن التعويض عن كل من  $\text{ع}^*$  و $\text{ق}^*$  في المعادلة (٧) يوضح أن الأرباح الكلية القصوى التي يحققها البنك في هذه الحالة هي:

$$(١٦) \quad \text{ح}^* = (i_1^2 / 4b) + (i_2^2 / 4h) - \text{ت خ}$$

### ٣ - التوازن في حالة تعظيم الودائع مع حد أدنى من الأرباح:

ننتقل الآن إلى حالة البنك الذي يرغب في تعظيم ودائعه مع تحقيق حد أدنى من

(٢) يلاحظ أن الشرط الكافى للتعظيم أيضاً متحقق حيث أن:

$$= \begin{vmatrix} \text{ج} / \text{ع} & \text{ج} / \text{ع} & \text{ج} / \text{ق} \\ \text{ع} / h & -2/b & \text{صفر} \\ \text{ع} / h & \text{صفر} & -2/h \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \text{ج} / \text{ع} & \text{ج} / \text{ع} & \text{ج} / \text{ق} \\ \text{ع} / h & -2/b & \text{صفر} \\ \text{ع} / h & \text{صفر} & -2/h \end{vmatrix}$$

الأرباح (٤). وما يهمنا التوصل إليه هو مقدار والاتجاه التغير الذي بطرأ على قيم التغيرات الداخلية نتيجة لتغير هدف البنك.

أخذنا في الاعتبار ماتساويه  $h^*$  في المعادلة (٦)، فإن دالة الأرباح الكلية التي تحددها المعادلة (٧) يمكن أن تكتب كما يلى:

$$h = h^* - \frac{1}{4}b(2u - i_1)^2 - \frac{1}{4}d(2c - i_2)^2 \quad (17)$$

وبالتالى يكون الفرق بين الأرباح القصوى والأرباح الفعلية هو :

$$h^* - h = \frac{1}{4}b(2u - i_1)^2 + \frac{1}{4}d(2c - i_2)^2 \quad (18)$$

وهذه المعادلة الأخيرة تساعد فى تحديد القيمة العظمى لحجم الودائع التى تضمن تحقيق الحد الأدنى المطلوب من الأرباح. فإذا كانت  $h = h^*$ , حيث  $h^*$  هو الحد الأدنى المطلوب من الأرباح، وكانت  $c = c^* = i_2/2$  وبالتالي  $2c - i_2 = 0$  = صفر، فإن هذه القيمة العظمى تكون:

$$u^* = u^* + \sqrt{b(h^* - h)} \quad (19)$$

ويوضح الشكل (١) أنه عندما تكون  $h = h^*$ , فإن دالة الأرباح الكلية يتم قطعها أفقيا عند المستوى المظلل. وتمثل حدود هذا المستوى المظلل المحل الهندسى لكل توليفات  $u$  و  $c$  التي تحقق الحد الأدنى المطلوب من الأرباح وهو  $h^*$ . وسوف نطلق على هذا المحل

الهندسى اسم «خط الأرباح المتساوية» An Isoprofit Line<sup>(٥)</sup>. ويمكن تصور وجود عدد لإنهاى من الخطوط الموازية للمحور  $Q$  فى الشكل (١) كل منها يمثل قدرًا ثابتًا من الودائع. وسوف نطلق على هذه الخطوط اسم «خطوط الودائع المتساوية» Isodeposit Lines . (لا يظهر بالشكل (١) من هذه الخطوط إلا اثنين فقط هما  $U^*$  و  $U$ ). ويتتحقق توازن البنك عندما يمس خط الأرباح المتساوية أبعد خط ودائع متساوية ممكن. ومن السهل أن نرى أن هذا التوازن يحدث عند النقطة (أ) في الشكل (١) حيث تكون  $U$  هي أكبر حجم ودائع يمكن للبنك أن يحققه دون أن يخل بالحد الأدنى المطلوب من الأرباح وهو  $\bar{H}$  . ويلاحظ أن الحجم الأمثل للودائع في حالة البنك المعظم للودائع مع حد أدنى من الأرباح، وهو  $U$ ، يكون أكبر من مشيله في حالة البنك المعظم للأرباح، أما الحجم الأمثل للقروض فيظل كما هو، أي أن  $U^* = \bar{H}$ .

وبالتعریض عن  $U$  و  $U^*$  في المعادلات (٢) - (٤) واستخدام المعادلة (١)، مع ملاحظة أن  $\sqrt{B(\bar{H}^* - \bar{H})} = U - U^*$  نجد أن القيم المشتقة لبقية المتغيرات الداخلية هي:

$$T^* = T + \bar{H} (U - U^*) \quad (٢٠)$$

$$S^* = S + (1 - \bar{H}) (U - U^*) \quad (٢١)$$

$$F^* = (1/B) (U - \bar{H} + \bar{H} F) = F^* + \{(U - U^*)/B\} \quad (٢٢)$$

٥) يمكن بيان أن المعادلة (١٧) تصف قطع ناقص An Ellipse مركزه عند  $(U^*, \bar{H}^*)$ . وعندما تكون  $Q = Q^*$ ، فإن هذه المعادلة تصبح  $\bar{H} = \bar{H}^* - (1/B) (U^* - \bar{H}^*)^2$ . وتحدد هذه المعادلة الإحداثى السيني للتقاء بين القطع الناقص والمحور  $Q^*$  حيث يكون التقاء عند  $U = U^* \pm (1/B) (\bar{H}^* - \bar{H})$  . أما إذا كانت  $U = U^*$ ، فبيان المعادلة (١٧) تصبح  $\bar{H} = \bar{H}^* - (1/B) (Q^* - \bar{H}^*)^2$ . وهذه المعادلة تحديد الإحداثى الصادى للتقاء بين القطع الناقص والمحور  $U$  حيث يكون التقاء عند  $Q = Q^* \pm (1/B) (\bar{H}^* - \bar{H})$  . وتتجدر الإشارة إلى أن القطع الناقص في الشكل (١) قد تم رسمه بفرض أن  $B < H$  (أى بفرض أن حساسية طلب الودائع لمعدلها أقل من حساسية طلب القروض لمعدلها). ولو كانت  $B > H$  لكان المحور  $U$  هو الأكبر. أما إذا كانت  $B = H$  لتحول القطع الناقص إلى دائرة. وفي جميع الأحوال يظل جوهر النتائج المتوصل إليها كما هو.

٦) من الواضح أن قيمة  $U$  التي تحدها المعادلة رقم (١٩) هي نفسها قيمة الإحداثى السيني للتقاء بين القطع الناقص ومحوره السيني على الجانب الأيمن من هذا القطع. وبالتالي، فإن  $U$  تتحدد من معادلة  $U$  في الملاحظة الهماسية رقم (٥) مع جعل الجذر التربيعي مسيقا بالإشارة الموجبة.

$$f^* = (1/h) (-\dot{q} + d + \dot{w}) = \frac{1}{h} q$$

### ٣ - ٤ التوازن في حالة تعظيم توليفة الأرباح - الودائع:

يمكن اعتبار دالة الهدف للحالتين السابقتين دوالاً متطرفة لحالة أكثر عمومية يفترض فيها أن البنك يحاول الوصول إلى توليفة الأرباح - الودائع التي تعظم منفعته الكلية مـ المستمرة من هذه التوليفة. بعبارة أخرى، تكون دالة الهدف المطلوب تعظيمها هي:

$$M = M(H, U)$$

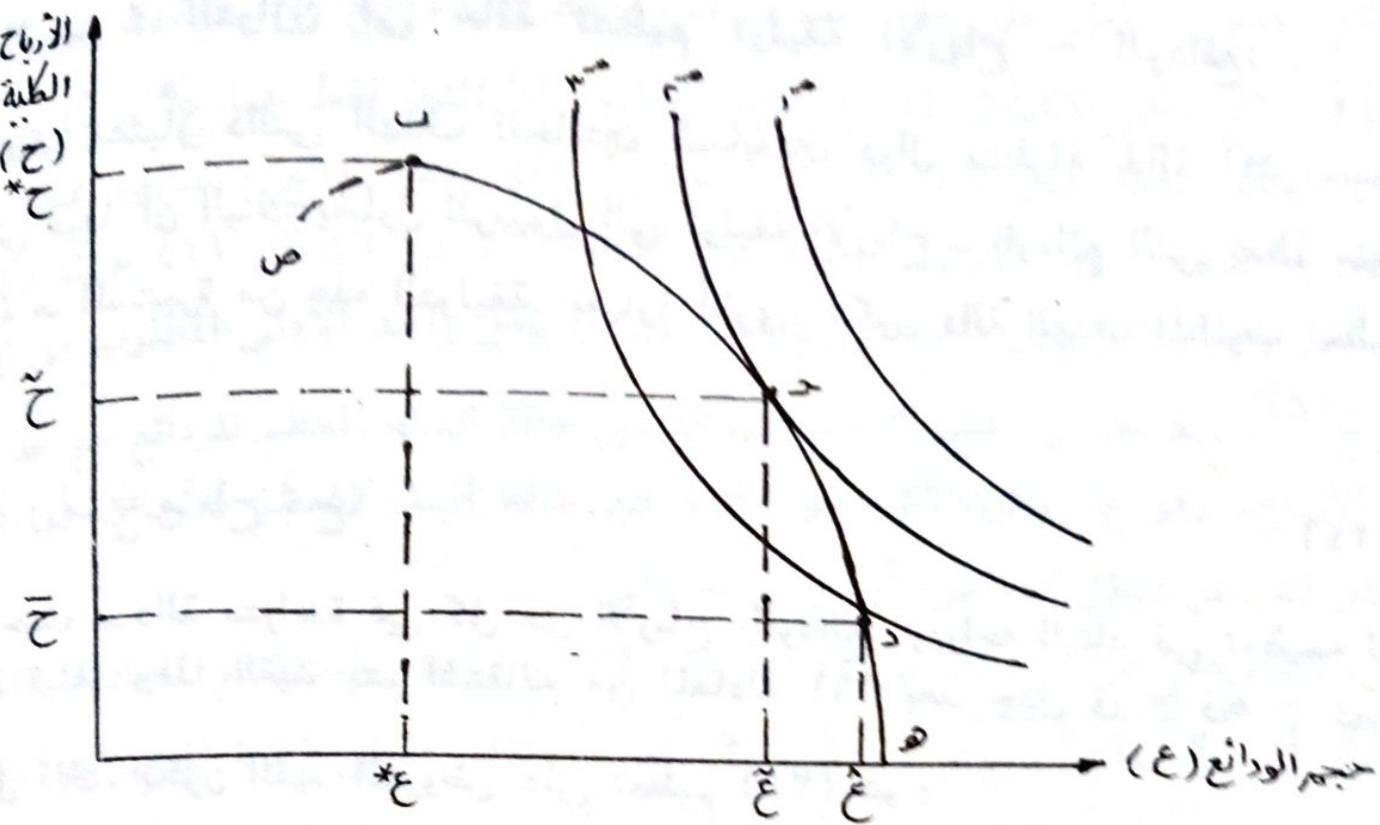
حيث  $M$  دالة متزايدة في كل من الأرباح والودائع. ويواجه البنك في تعظيمه لهذه الدالة قيداً. وهذا القيد يتم اشتقاقه من المعادلة (٦) بعد جعل  $q = q^* = \frac{1}{h}$  ويعمل ذلك، يكون القيد المفروض على تعظيم (٢٤) هو :

$$B(H - \frac{1}{h}U + U^2) = B \frac{1}{h} M$$

$$\text{حيث } \frac{1}{h} M = (\frac{1}{h} - T) X.$$

وفي الشكل (٢)، حيث  $U$  على المحور الأفقي و  $H$  على المحور الرأسى، تمثل  $M$ ،  $M$  منحنيات السواه المعبرة عن (٢٤). أما القيد (٢٥)، فيمثله في ذلك الشكل المنحنى  $S$ ، الذى يربط بين  $H$  و  $U$ ، وهو شريحة رأسية مأخوذة من الشكل (١) عند  $q = q^*$ . ويلاحظ أنه لو أخذت الشريحة الرئيسية عند  $q$  أكبر أو أقل من  $q^*$  لكان المحننات الناتجة منخفضة عن  $S$ . ولذلك، فإن هذا المنحنى، خاصة في المنطقة  $B$  منه، يحدد أفضل التوليفات المتاحة من الأرباح والودائع التي يمكن لتخذ القرار في البنك أن يختار من بينها. وسوف نطلق على هذا المنحنى  $S$  اسم «خط الفرص المتاحة».

الشكل (٢) ، التوليفة المثلثي من الأرباح والودائع



ويتحقق توازن البنك عند النقطة التي يس فيها خط الفرص المتاحة أعلى منعنى سواً ممكناً. ومن الواضح أن هذا يتحقق عند النقطة ح. ومن ثم، فإنه بصرف النظر عن أوزان الترجيع المعطاة لكل من الأرباح والودائع في دالة الهدف (٢٤) يظل الحجم الأمثل للقروض ثابتًا عند  $q = q^*$ . كما يظل معدل العائد الأمثل على القروض أيضًا ثابتًا عند  $q_i = q_i^*$ . أما الحجم الأمثل للودائع، فإنه يتغير بتغيير هذه الأوزان. ففي حالة تعظيم الأرباح (الحالة الأولى)، يتحقق التوازن في الشكل (٢) عند النقطة ب حيث يكون الحجم الأمثل للودائع هو  $U^*$ . وفي حالة تعظيم الودائع مع حد أدنى من الأرباح (الحالة الثانية)، يكون التوازن عند النقطة د ويتم اختيار  $U$  كحجم للودائع. أما في حالة التعظيم المقيد للتوليفة الأرباح - الودائع (الحالة الثالثة)، فإنه يأخذ قيمة وسطاً بين هذين النقيضين، هي  $U'$ . مالم تكن  $U'$  أكبر من  $U$ . ومن ثم، فإن القيم المثلثي ت و س و ف  $U'$  كما يتضح من المعادلات (٢٠) - (٢٢)، تتوسط أيضًا مشيلاتها في هذين النقيضين. وترتيباً على ذلك، يمكن القول بأن معدل الفائدة على الودائع يكون أكبر كلما اكتسب اعتبارات الحجم (الودائع) أهمية أكبر عند صياغة دالة الهدف.

ويفرض أن دالة الهدف (٢٤) تأخذ شكل دالة كب - دوجلاس التالية:

$$= \text{ربح}^2 \text{ ع}^2$$

(٢٦)

وإنه لتعظيم (٢٦) مع الوفاء بالقييد (٢٥) يتم تكوين دالة لاجرانج التالية:

$$(27) L = \text{ربح}^2 \text{ ع}^2 - M (\text{بح} - \text{ى} \text{ ع} + \text{ع}^2 - \text{ب} \text{ى}_3)$$

حيث  $M$  هي مضاعف لاجرانج. ويكون الشرط الضروري لتعظيم (٢٧) هو:

$$(28) \frac{\partial L}{\partial \text{ح}} = \text{ربح}^2 \text{ ع}^2 - M \text{ ب} = \text{صفر}$$

$$(29) \frac{\partial L}{\partial \text{ع}} = \text{ربح}^2 \text{ ع}^2 - M (\text{ع} - \text{ى}) = \text{صفر}$$

$$(30) \frac{\partial L}{\partial M} = \text{بح} - \text{ى} \text{ ع} + \text{ع}^2 - \text{ب} \text{ى}_3 = \text{صفر}$$

ومن (٢٨) و (٢٩)، مع جعل  $\text{ر}_1/\text{ر}_2 = k$  ، نجد أن:

$$(31) \text{ح} = (k/b)(\text{ع}^2 - \text{ى} \text{ ع})$$

وبالتعويض بذلك في (٣٠) نجد أن:

$$(32) (\text{ا} + \text{ك}) \text{ ع}^2 - (\text{ا} + \text{k}) \text{ى} \text{ ع} - \text{ب} \text{ى}_3 = \text{صفر}$$

ومن ثم، يكون الحجم الأمثل للودائع هو:

$$(33) \tilde{U} = \sqrt{\frac{(\text{ا} + \text{ك})(\text{ا} + \text{k}) \text{ى} \text{ ع}^2 + (\text{ا} + \text{k})^2 \text{ى}^2 + \text{ب} \text{ى}_3}{(\text{ا} + \text{ك})(\text{ا} + \text{k})}}$$

وهذه المعادلة يمكن كتابتها بدالة  $U^*$  و  $H^*$  كما يلى:

$$(34) \tilde{U} = \frac{(\text{ا} + \text{ك}) \text{ ع}^* + \text{ى} \text{ ع}^*}{(\text{ا} + \text{ك}) \text{ ب} \text{ ح}^*}$$

حيث  $\text{ى} \text{ ع}^* = \sqrt{(\text{ا} + \text{ك}) \text{ ب} \text{ ح}^*}$ . وتشير المعادلة (٣٤) إلى أنه

عندما تكون  $k = \text{صفر}$ ، أى عندما تختلف تماما اعتبارات الريعية ( $R_1 = \text{صفر}$ )، فإن أقصى ما يمكن أن يصل إليه حجم الودائع هو:

$$(35) \tilde{U} = \sqrt{\text{ب} \text{ ح}^* + \text{ا} \text{ ع}^*}$$

وهو أكبر من  $\bar{U}$  التي تحددها المعادلة (١٩) <sup>(٨)</sup>. وحيث أن القيمة المثلثي لحجم القروض  $Q$  في هذه الحالة هي  $\bar{Q}$  وهي تساوى  $Q^*$ ، فإنه يمكن استخدامها مع  $\bar{U}$  في تحديد قيمة المتغيرات الداخلية. وكما أشرنا من قبل فإن القيم التوازنية للمتغيرات الداخلية في حالة البنك المعظم لتوليفة الأرباح- الودائع تكون وسطاً بين الحالتين السابقتين مالم تكن  $\bar{U} > \bar{Q}$  أو  $\bar{Q} = 0$ .

### ٣ - ٥ الدلالة الاقتصادية للشرط الضروري:

في جميع دول الهدف التي تم عرضها، كانت قاعدة الحجم الأمثل للأصول المصرفية هي تساوى الإيراد الحدي بين أنواع الأصول المختلفة. ولما كانت الأصول المصرفية في نموزجنا هي القروض والسنادات، فإن ذلك يعني تساوى الإيراد الحدي للقروض مع الإيراد الحدي للسنادات. وحيث أن الإيراد الكلى من القروض هو :

$$A_k = F_Q$$

$$(36) \quad A_k = (1/h) - Q - D + F_S$$

فإن الإيراد الحدي للقروض يساوى:

$$(37) \quad A_{\bar{Q}} = - (2/h) + (1/h) (D + F_S)$$

وكلنتيجة لافتراض سيادة المنافسة الكاملة في سوق السنادات، فإن الإيراد الحدي للسنادات يساوى الإيراد المتوسط لها. وكلاهما يساوى معدل العائد على السنادات. وبالتالي، فإن:

$$(38) \quad A_{\bar{S}} = F_S$$

ويساواة المعادلة (٣٧) بالمعادلة (٣٨) والخل لقيمة  $Q^*$  نحصل على المعادلة (١١).

٨) يلاحظ أنه عندما تكون  $R_1 = \bar{Q} = 0$  صفر، فإن  $\bar{U} = \bar{U}$ .

٩) يلاحظ أن الحجم الأمثل للقروض الذي تحدده المعادلة (١١)، والتي يمكن النظر إليها على أنها دالة العرض المصرفى للقروض، يتوقف فقط على معدل العائد على السنادات ومعلمات دالة الطلب على القروض. ومن ثم، ليس لمعدل الفائدة على الودائع، ولا لمعلمات دالة الطلب على الودائع، ولا لأوزان الترجيع الخاصة بالربح والودائع أي تأثير على هذا الحجم الأمثل. ويفسر هذا سبب جعل

أما قاعدة الحجم الأمثل للودائع (الخصوص المصرفية)، فإنها تتغير بتغيير دالة الهدف. ففي حالة تعظيم الأرباح تكون القاعدة هي جعل التكلفة الحدية للودائع مساوية للايراد الحدي للأصول المصرفية معبراً عنه بالمتوسط المرجح لمعدل العائد على الاحتياطيات المصرفية ومعدل العائد على السندات (وهو يساوى عند التوازن الايراد الحدي للقرض) وحيث أن التكاليف الكلية للودائع تساوى:

$$ت_ك = ف_ع$$

$$= \frac{1}{1+b}(ع - أ + حف)$$

(٣٩)

فتكون التكلفة الحدية للودائع هي.

$$تح = \frac{2}{1+b} - \frac{1}{1+b}(أ - حف)$$

(٤٠)

أما الايراد الحدي للأصول، فإنه يساوى:

$$أح + س + ق = طف + ١ - ط$$

ويجعل (٤٠) تساوى (٤١) والحل لقيمة  $ع^*$  نحصل على المعادلة (١٠).

وفي حالة تعظيم الودائع مع حد أدنى من الأرباح، تكون القاعدة هي جعل التكلفة الحدية للودائع التي تحددها المعادلة (٤) مساوية للايراد الحدي للأصول في المعادلة (٤١) مضافاً إليه المقدار  $\frac{1}{b}(ح^* - ح)$  وبجعل المعادلة الناتجة لقيمة  $ع^*$  نحصل على المعادلة (١٩). وبقدر ما تكون  $ح$  أكبر أو  $b$  أقل بقدر ما يكون الفرق بين  $ع^*$  و  $ع$  أقل.

أما في حالة تعظيم توليفة الأرباح - الودائع، فإن تحليل الأمثلية المقيدة Constrained Optimization Analysis (الخضراوى، ١٩٩٩) يشير إلى أن الحجم الأمثل للودائع يتعدد في مواجهة نقطة التماس بين خط الفرص المتزايدة وأبعد منحنى سواه ممكناً حيث يكون المعدل الحدي للتتحول من الأرباح إلى الودائع (ميل المنحنى ص في الشكل ٢) مساوباً للمعدل الحدي لاحتلال الودائع محل الأرباح (ميل المنحنى ص في الشكل ٢). ويعتبر المعدل الحدي للتتحول من الأرباح إلى الودائع تكلفة الفرصة البديلة

للتوسيع في الودائع، وهو يساوي  $(10)$  :

$$محت = (2ع - i) / b$$

أما المعدل الحدي للإحلال فإنه يساوي نسبة المنفعة الحدية للأرباح، ومن ثم فإن:

$$متح = (ربح) / (رأع)$$

و يجعل  $متح$  تساوى  $مح$  نحصل على المعادلة  $(31)$  .

### ٣ - ٦ مثال عددي:

نقدم فيما يلى مثالا عدديا يستند إلى بيانات افتراضية لأحد البنوك لتوضيح كيف تتباين القيم التوازنية للمتغيرات الداخلية في النموذج بتباين دالة الهدف. وسوف نفترض القيم التالية لعلمات النموذج ومتغيراته الخارجية حيث المبالغ بعشرات الملايين الجنيهات:

نسبة الاحتياطيات المصرفية :  $t = 0.20$

علمات دالة الطلب على الودائع :  $a = 25$  .  $b = 77$  .  $c = 100$  .

علمات دالة الطلب على القروض:  $d = 300$  .  $e = 250$  .  $f = 200$  .

علمات دالة المنفعة :  $r_1 = 1$  .  $r_2 = 0.6$  .  $r_3 = 0.4$  .

قيم المتغيرات الخارجية :  $x_t = 2$  .  $y_f = 17\%$  .  $z_v = 15\%$  .

$$\bar{h} = 6$$

ويحل النموذج على الحاسب باستخدام البرنامج الموضح بملحق البحث، كانت النتائج كما

يلخصها الجدول رقم  $(1)$ :

المتغير	قيمة
$t$	0.20
$a$	25
$b$	77
$c$	100
$d$	300
$e$	250
$f$	200
$r_1$	1
$r_2$	0.6
$r_3$	0.4
$x_t$	2
$y_f$	17%
$z_v$	15%
$\bar{h}$	6

١) يلاحظ أن هذه التكلفة البديلة تساوى التكلفة الحدية للودائع (المعادلة .٤) ناقصا الإيراد الحدي

الجدول (١١): القيمة التوازنية للمتغيرات الداخلية (الحالة الأصلية)

الحالة (٢) تعظيم توليفة الأرباح - الودائع	الحالة (٢) تعظيم الودائع مع حد أدنى من الأرباح	الحالة (١) تعظيم الأرباح	الرمز	التغير الداخلي
٣٨٥,٤٥٢	٤٥,٤٦٧	٢٥٤,١٠٠	ع	حجم الودائع
١,٧,٥٠٠	١,٧,٥٠٠	١,٧,٥٠٠	ق	حجم القروض
٢٠٠,٨٦٢	٢٥٢,٨٧٤	٩٥,٧٨٠	س	حجم السندات
٧٧,٠٩٠	٩٠٠,٩٣	٥,٠٨٢٠	ت	احتياطيات المصرفية
%١٥,٠٠٠	%١٥,٨٥٠	%١٣,٣٠٠	ف	معدل الفائدة على الودائع
%٢١,٣٠٠	%٢١,٣٠٠	%٢١,٣٠٠	ف	معدل العائد على القروض
٨,٧٦٧	٦,٠٠٠	١١,٠٨	ح	أرباح الكلية

ويتبين من الجدول السابق أنه باستثناء حجم القروض ومعدل العائد عليها، فإن القيم والعدلات التوازنية تختلف باختلاف دالة الهدف المطلوب تعظيمها. كما يتضح أيضاً أن التبديل والعدلات التي تحقق التوازن في الحالة (٢) تتوسط تلك الخاصة بالحالتين (١) و (٢). وكما ذكرنا، فإن هذا صحيح فقط إذا كانت حـ أقل من حـ و رـ، لاتساوى صفرـ، وهذا هو ماتحققه البيانات الافتراضية باعتباره الأمر الأكثر واقعية.

### ٢- تحليل ساكن مقاون لاستجابة البنك:

يساعد استخدام التحليل الساكن المقارن مع النموذج السابق في التعرف على الكتبة التي يستجيب بها البنك للتغير في أحوال السوق أو في السياسة النقدية. ونناقش هنا بعض الأمثلة لهذه التغيرات، وهي على وجه التحديد تغير في الطلب على الودائع، وتغير في الطلب على القروض، وتغير في صافي التكاليف الأخرى، وتغير في نسبة الاحتياطي، وتغير في معدل العائد على الاحتياطيات. وهذه التغيرات قد ترجع كلها أو جزئياً إلى تغيرات في إجراءات السياسة النقدية. ويجب أن ننوه إلى أن النتائج التي قد نخرج بها من هذا التحليل تحتاج قبل أن تعمم على النظام المالي ككل، إلى

قياسياً واختبارها احصائياً. ومع ذلك، فإن هذا التحليل، بالإضافة إلى كونه خطوة أولى على الطريق نحو التحديد السليم للعلاقات الكلية التي يمكن اخضاعها للاختبار، يوضح أننا قد نفقد قدرًا كبيراً من المعلومات التي تهم في رسم السياسة النقدية بتجاهلنا نوافع هامة في سلوك البنك، كالأهداف التي يحاول تحقيقها على سبيل المثال.

#### ٤ - ١ تغير الطلب على الودائع:

توضح المعادلة (٣) أن حجم الودائع المطلوبة يتغير طردياً مع معدلفائدة على الودائع، وعكسياً مع معدل العائد على السندات. ومع ذلك، فإن من المحتمل أن يتغير حجم الودائع أيضاً بعد آخر من العوامل. فزيادة الدخل، والميل المتوسط للأدخار، والقاعدة النقدية التي يوفرها البنك المركزي للجمهور تزيد حجم الودائع عند نفس المستويات السائدة لمعدلفائدة على الودائع ومعدل العائد على السندات. وعلى النقيض من ذلك، يؤدي الارتفاع في معدلات العائد على الأصول الأخرى التي يعتبرها الجمهور بدائل للايداع في البنك خلاف السندات إلى انخفاض في حجم الودائع. وهذه التغيرات التي تحدث لحجم الودائع بشكل مستقل عن معدل الودائع ومعدل السندات تدخل إلى المعادلة (٣) على شكل تغير في قيمة المعلمة  $\alpha$  كما أشرنا إلى ذلك في موضع سابق.

والسؤال الآن، ما هي ردود الفعل المتوقعة من جانب البنك في هذه الحالة؟ لنجيب على هذا السؤال، سوف نفترض أن هناك زيادة في  $\alpha$ ، وأن المعلمات الأخرى والمتغيرات الخارجية لم يصبها أي تغير، وسيقتصر بيان ردود الفعل فقط بالنسبة لكل من حجم القروض وحجم الودائع باعتبارهما المدخل إلى تحديد قيم المتغيرات الداخلية الأخرى مالم يتطلب الأمر بيان وضع هذه المتغيرات الأخرى.

أيا كانت دالة الهدف، فإن زيادة  $\alpha$  لن تؤثر على الحجم الأمثل للقروض. وسبب ذلك، كما يظهر من المعادلة (١١)، أن هذا الحجم ليس دالة في  $\alpha$ . ولذلك، فإنه مالم تكن الزيادة في الطلب على الودائع ناشئة من تغير في معدل العائد على السندات أو في الرصيد الذي يرغبه الجمهور من القروض معبراً عنه بتغير في أحدى معلمات دالة الطلب على القروض، فإن قاعدة الحجم الأمثل للأصول المصرفية تظل كما هي. وبالتالي، لا يتواجد لدى البنك دافع لأن يغير من مقدار الأموال التي يعرضها للقرض أو من معدل العائد عليها.

أما بالنسبة لحجم الودائع الذي يعظم الأرباح الكلية للبنك، وهو  $\alpha^*$ ، فإنه يزيد مع

العملة أ حيث نجد أن:

$$\sigma^* = 0.5 < \text{صفر}$$

(٤٢)

ويلاحظ أن المعدل الأمثل للفائدة على الودائع في حالة البنك المعظم للأرباح سوف ينخفض مع زيادة أ، حيث أن تفاضل (١٤) بالنسبة للمعلمة أ هو: (١١)

$$\sigma^* = (1/b) \{ \sigma^* - 1 \} - (2/b) < \text{صفر} \quad (٤٣)$$

وتفسير ذلك أن التكلفة الخدية للودائع في المعادلة (٤)، وهي دالة متزايدة في كل من أ و ف، لابد أن تكون متساوية عند التوازن للايراد الخدي للأصول في المعادلة (٤١) الذي يظل ثابتا. ومن ثم، ينبغي على البنك أن يوازن الزيادة في أ بانقاص

(٤٢)

ن.

وننتقل الآن إلى حالة البنك الذي يرغب في تعظيم الودائع مع تحقيق حد أدنى من الأرباح. بفاضلة (١٩) بالنسبة للمعلمة أ، نجد أن:

$$\sigma^* = 0.5 + \{ \sigma^* / (2(b(\bar{h}^* - \bar{h})) \} = \sigma^* / 2 < \text{صفر} \quad (٤٤)$$

وبالتالي، فإن حجم الودائع سوف يزيد أيضا في هذه الحالة ولكن بقدر أكبر مما يحدث مع البنك المعظم للأرباح كما يظهر من مقارنة المعادلة (٤٤) بالمعادلة (٤٢). ولكن إذا كان معدل الفائدة على الودائع ينخفض مع زيادة أ في حالة تعظيم الأرباح، فإن اتجاه التغير فيه هنا لا يمكن التكهن به مقدما كما يتضح من مفاضلة (٢٢) بالنسبة للمعلمة أ حيث نجد أن:

$$\sigma^* = (1/b) \{ \sigma^* - 1 \} \quad (٤٥)$$

وحيث أننا لا نعرف ما إذا كانت المشتقة ( $\sigma^*/\sigma$ ) أكبر من الواحد الصحيح أم لا،

<sup>١١</sup> يلاحظ أن المستوى الأقصى الجديد للأرباح الكلية سوف يكون أكبر من نظيره السابق حيث أن:

$$\sigma^* = (\sigma^* / b) < \text{صفر}$$

<sup>١٢</sup> في نموذج أكثر تفصيلا للقطاع النقدي، يمكن أن يكون معدل العائد على السنديات متغيرا داخليا،

فلا يمكن تحديد اشارة (٤٥) مسبقاً، ولكن التحليل العددي يظهر أنها موجبة.  
أما بالنسبة للبنك الذي يعظم توليفة الأرباح - الودائع، فإن زيادة الطلب على الودائع، عند المستويات السائدة لكل من معدل الفائدة على الودائع ومعدل العائد على السترات، تعمل على زيادة حجم ودائعه. فبمقابلة المعادلة (٣٤) بالنسبة للمعلومة أن نجد

أن:

$$\text{جـ} / \sigma = \{ (1+k) / (1+k+1) \}^{\frac{1}{k}} + \{ (1+k+1) / (1+k) \}^{\frac{1}{k}} > 0 \quad (٤٦)$$

ولما كانت  $\bar{f}$  =  $(1/b)$  ( $\bar{u} - \sigma + \bar{h}$  ) ، فإن :

$$\bar{h} = (1/b) \{ (\bar{u} / \sigma) - 1 \} \quad (٤٧)$$

وليس لدينا هنا أيضاً ما يساعد على تحديد اشارة (٤٧) مسبقاً، ولكن التحليل العددي يظهر أنها سالبة. وبذلك يقوم البنك في هذه الحالة بتخفيض معدل الفائدة على الودائع مثله في ذلك مثل البنك الذي يعظم الأرباح فقط.

ويوضح الجدول رقم (٢) ما يطرأ على القيم التوازنية للمتغيرات الداخلية في الحالات الثلاث لداالة الهدف التي تظهر بالجدول رقم (١) عندما تزداد قيمة المعلومة  $\sigma$  في المعادلة (٣) من ٢٥ إلى ٣٥. والشيء الجدير باللاحظة هو أنه على الرغم من القبول البديهي لفكرة أن الزيادة المستقلة في الطلب على الودائع من شأنها تشجيع البنك على تخفيض معدل الفائدة الذي ينحه للمودعين، إلا أن هذه الفكرة تفتقر إلى الصحة بوجه عام. فهي صحيحة بالنسبة للبنك الذي يعظم الأرباح، ولكن إلى حد معين. إذ لا يستطيع هذا البنك أن يستمر في خفض معدل الفائدة على الودائع حتى بعد أن يصل المعدل إلى الصفر. وينطبق ذلك أيضاً على البنك الذي يعظم توليفة الأرباح - الودائع، وإن كان التغير اللازم في  $\sigma$  ليصل معدل الفائدة على الودائع إلى الصفر يكون أكبر. أما بالنسبة للبنك الذي يعظم الودائع مع حد أدنى من الأرباح، فالواضح هو أن مثل هذا البنك يستخدم الأرباح التي كان يمكن تحقيقها نتيجة لزيادة الطلب على الودائع في «شراء» المزيد من هذه الودائع. ومن أجل هذا، فإنه يعمد إلى رفع معدل الفائدة على الودائع.

**المدول (٢): القيم التوازنية للمتغيرات الداخلية**  

$$(1 - \Delta) = 100$$

المتغير الداخلي	الرمز	الحالات (١) تعظيم الأرباح	الحالات (٢) تعظيم الودائع مع حد أدنى من الأرباح	الحالات (٣) تعظيم توليفة الأرباح - الودائع
حجم الودائع	ع	٣٠٤,١٠٠	٥٦١,٩١٨	٤٥٣,٥١١
حجم القروض	ق	١٧,٥٠٠	١٧,٥٠٠	١٧,٥٠٠
حجم السندات	س	١٣٥,٧٨٠	٣٤٢,٠٣٤	٢٥٥,٣٠٩
الاحتياطيات المصرفية	ت	٦٠,٨٢٠	١١٢,٣٨٤	٩٠,٧٠٢
معدل الفائدة على الودائع	ف	٪ ١٢,٦٥١	٪ ١٥,٩٩٩	٪ ١٤,٥٩١
معدل العائد على القروض	ف	٪ ٢١,٣٠٠	٪ ٢١,٣٠٠	٪ ٢١,٣٠٠
الأرباح الكلية	ح	١٤,٦٣٢	٦,٠٠٠	١١,٧٣٣

#### ٤ - ٢ تغير الطلب على القروض:

كثيراً ما يواجه البنك بانتقال منحنى الطلب على القروض، فيتغير تبعاً لذلك مقدار القروض المطلوبة رغم عدم تغير معدلات العائد على القروض والسندات، مما هو أثر ذلك على قيم المتغيرات الداخلية؟ للإجابة، سوف نفرض أن هناك انتقالاً إلى اليمين، وهو يعني من الناحية التحليلية زيادة قيمة المعلمة  $D$  في المعادلة (٤)، وأنه ليس هناك تغيرات أخرى في معلمات النموذج أو متغيراته الخارجية.

أيا كانت دالة الهدف، فمن المتوقع أن يرتفع حجم المعروض من القروض حيث أن مفاضلة المعادلة (١١) بالنسبة للمعلمة  $D$  يشير إلى أن:

$$\sigma_{\bar{Q}/D}^* = \sigma_{\bar{Q}/D} = \sigma_{Q/D} = 0.5 < \text{صفر}$$

ويتبين من ذلك أن القيمة التوازنية الجديدة للقروض تزيد عن سابقتها بنصف الزيادة في المعلمة  $D$ . ويمكن تعليل ذلك باستخدام قاعدة الحجم الأمثل للأصول المصرفية التي تتطلب تساوى الإيراد الحدى للقروض مع الإيراد الحدى للسندات. فزيادة  $D$  في المعادلة (٤) تعنى

السندات الذى لم يتغير فلابد أن يرتفع حجم القروض المعروضة. ويتوقع أيضاً أن يرتفع معدل العائد على القروض حيث يتضح من مفاضلة (١٥) بالنسبة للمعلمة د أن:

$$\sigma_{\bar{U}/D}^* = \sigma_{\bar{U}/D} = \sigma_{\bar{U}/D}$$

$$= (1/\bar{U}) - (\sigma_{\bar{U}/D}^*)^2 / (1 + \sigma_{\bar{U}/D}^*) < 0 \quad (49)$$

ويختلف الأمر بالنسبة لحجم الودائع ومعدل الفائدة عليها إذ يتوقفان على الشكل الذى تأخذه دالة الهدف. وبالتحديد، يمكن القول أنه لن يكون هناك أى تغيير فى حالة البنك الذى يعظم الأرباح حيث أن  $\bar{U}$ \* فى المعادلة (١٤) ليست دالة فى المعلمة د. وباستخدام قاعدة الحجم الأمثل للودائع، فإن التغير فى د لن يغير من الايراد الخدي للأصول فى المعادلة (٤١). ومن ثم، ينبغي ألا تتغير التكفة الخدية للودائع فى المعادلة (٤٠)، الأمر الذى ينتفى معه أى مبرر لتغيير حجم الودائع أو معدل الفائدة عليها (١٣).

وعلى النقيض من ذلك، يتوقع من البنك فى حالة تعظيم الودائع مع حد أدنى للأرباح أن يزيد حجم الودائع، وأن يبحث الجمهور على ذلك برفع معدل الفائدة عليها. فبمفاضلة المعادلة (١٩) والمعادلة (٢٢) على التوالى بالنسبة للمعلمة د، نجد أن:

$$\sigma_{\bar{U}/D}^* = \{\bar{U}^* / (1 + \bar{U}^*) - \bar{U}\} < 0 \quad (50)$$

$$\sigma_{\bar{U}/D}^* = (1/\bar{U}) - \sigma_{\bar{U}/D}^* < 0 \quad (51)$$

ولا يختلف الأمر كثيراً فى حالة البنك الذى يعظم توليفة الأرباح - الودائع عن الحالة السابقة، حيث يتضح من مفاضلة المعادلة (٣٤) بالنسبة للمعلمة د أن:

$$\sigma_{\bar{U}/D}^* = (1/(1 + \bar{U})) \{ (1 + \bar{U}) / (1 + \bar{U}) - \bar{U} \} < 0 \quad (52)$$

ولما كانت  $\sigma_{\bar{U}/D}^* = (1/\bar{U}) - \sigma_{\bar{U}/D}^*$ ، فإن:

$$\sigma_{\bar{U}/D}^* = (1/\bar{U}) - \sigma_{\bar{U}/D}^* < 0 \quad (53)$$

(١٣) إذا كان حجم الودائع فى البنك الذى يعظم الأرباح لم يتغير فى الوقت الذى زاد فيه حجم القروض، فهذا يعني أن المحفظة المالية لهذا البنك لا بد أن تشهد تحولاً من السندات إلى القروض. ويتربّب

يعنى ذلك أن البنك فى هذه الحالة سوف يعهد إلى زيادة كل من حجم الودائع ومعدل الفائدة عليها، ولكن أرباحه رغم ذلك سوف تزيد حيث أن (١٦) :

$$\text{متحدة} / ٥ = (ك/ب)(٤ ع - ٥ ع / ٥) \times \text{صفر}$$

ويوضح الجدول رقم (٣) ما يطرأ على القيم التوازنية للمتغيرات الداخلية التي تظهر بالجدول رقم (١) في كل من الحالات الثلاث لدالة الهدف عندما تزداد قيمة المعلمة  $D$  في المعادلة (٤) من ٣٠٠ إلى ٤٠٠. وكما يظهر فإنه عندما يزيد الطلب على القروض يشهد البنك معظم للأرباح تحولاً من السندات إلى القروض، ويشهد البنك معظم للمودائع مع حد أدنى من الأرباح توسيعاً في نطاق وساطته المالية. أما البنك المعظم لتوليفة الأرباح المدانية فإنه يشهد الظاهرتين معاً.

الجدول (٣): القيم التوازنية للمتغيرات الداخلية  $(D = ٥ + ١٠٠)$

المتغير الداخلي	الرمز	الحالة (١)	الحالة (٢)	الحالة (٣)
		تعظيم الأرباح	تعظيم الودائع مع حد أدنى من الأرباح	تعظيم توليفة الأرباح - الودائع
حجم الودائع	ع	٢٥٤,١٠٠	٥٣٥,٨٢٧	٤٢٤,٥٧٧
حجم القروض	ق	١٥٧,٥٠٠	١٥٧,٥٠٠	١٥٧,٥٠٠
حجم السندات	س	٤٥,٧٨٠	٢٧١,١٦٢	١٨٢,١٦٢
الاحتياطيات المصرفية	ت	٥٠,٨٢٠	١٠٧,١٦٥	٨٤,٩١٥
معدل الفائدة على الودائع	ف	٪ ١٣,٣٠٠	٪ ١٦,٩٥٩	٪ ١٥,٥١٤
معدل العائد على القروض	ف	٪ ٢٣,٣٠٠	٪ ٢٣,٣٠٠	٪ ٢٣,٣٠٠
الأرباح الكلية	ح	١٦,٣٠٨	٦,٠٠٠	١٢,٥٣٣

#### ٤ - ٣ التغير في التكاليف والإيرادات الأخرى:

سبق تعريف ت خ على أنها تمثل التكاليف الأخرى كالمرببات والأجور والضرائب مطروحاً منها الإيرادات الأخرى كالرسوم على الخدمات التي تؤدي للجمهور والإيرادات

الناتجة عن المضاربة في البورصة وعمليات النقد الأجنبي. وعندما تتغير ت خ، نتيجةً للتغير في التكاليف الأخرى أو في الإيرادات الأخرى أو الاثنين معاً، فإن ذلك لن يؤثر على القيم المثلث لحجم القروض ومعدل العائد عليها أياً كانت دالة الهدف لأن هذه القيم المثلث لا تتوقف على ت خ.

وينطبق نفس الشيء لنفس السبب على القيم المثلث لحجم الودائع ومعدل الفائدة عليها في حالة البنك الذي يهتم بتعظيم الأرباح. ولكن الأمر يختلف بالنسبة للبنوك التي تهتم بتعظيم الودائع مع حد أدنى من الأرباح أو بتعظيم توليفة الأرباح - الودائع. فالمتوقع أن يقوم البنك في هاتين الحالتين بتغيير حجم ودائعه ومعدل الفائدة عليها في اتجاه عكسي لاتجاه التغير في ت خ، كما تشير إلى ذلك مقاولات المعدلات (١٩) و (٢٢) و (٣٤) بالنسبة للعنصر ت خ، حيث نجد أن:

$$\sigma_{\text{غ}}^2 / \sigma_{\text{ت خ}} = - \{ b / (\sigma_{\text{غ}}^2 - \sigma_{\text{ت خ}}^2) \} \quad \text{صفر (٥٤)}$$

$$\sigma_{\text{ف}}^2 / \sigma_{\text{ت خ}} = (1/b) (\sigma_{\text{غ}}^2 / \sigma_{\text{ت خ}}) \quad \text{صفر (٥٥)}$$

$$\sigma_{\text{غ}}^2 / \sigma_{\text{ت خ}} = - \{ b / 2 \} \quad \text{صفر (٥٦)}$$

$$\text{كما أن } \sigma_{\text{ف}}^2 / \sigma_{\text{ت خ}} = (1/b) (\sigma_{\text{غ}}^2 / \sigma_{\text{ت خ}}) \quad \text{صفر (٥٧)}$$

ويتبين من ذلك أن زيادة التكاليف الأخرى أو انخفاض الإيرادات الأخرى تدفع البنك في هاتين الحالتين إلى تخفيض حجم الودائع بتخفيض معدل الفائدة عليها. وعندما يحدث العكس، فيمكن للبنك أن يتسع في الودائع بتقديم معدل أعلى.

وتؤكّد نتائج التحليل العددى التي تظهر بالجدول رقم (٤) مقارنة بالجدول رقم (١) صحة التوقعات السابقة فلم تتأثر النتائج في حالة البنك المعظم للأرباح، أما في الحالتين الثانية والثالثة، فإن انخفاض ت خ من ٢ إلى صفر قد أدى إلى زيادة حجم الودائع ومعدل الفائدة عليها وحجم السنديات، وكذلك الأرباح الكلية في الحالة الثالثة. ويلاحظ أن حجم القروض ومعدل العائد عليها لم يتغيرا. ويتبين من ذلك أن ترشيد الأداء ورفع إنتاجيته داخل الوحدات المصرفية من شأنه تنشيط دور البنك في تجميع المدخرات خاصة في الحالتين الثانية والثالثة.

**المدخل (٤): القيم التوازنية للمتغيرات الداخلية**  
**(٢ - خ - آ)**

المتغير الداخلي	الرمز	الحالة (١)	الحالة (٢)	الحالة (٣)
حجم الودائع	ع	٢٥٤,١٠٠	٤٨٦,٣٩٣	تعظيم توليفة الأرباح - الودائع
حجم القروض	ق	١,٧,٥..	١,٧,٥..	تعظيم الودائع مع حد أدنى من الأرباح
حجم السندات	س	٩٥,٧٨.	٢٨١,٦١٥	٢١٣,٣٣.
الاحتياطيات المصرفية	ت	٥.,٨٢.	٩٧,٢٧٩	٨.,٢٧
معدل الفائدة على الودائع	ف	٪ ١٣,٣٠٠	٪ ١٦,٣١٧	٪ ١٥,٢٨
معدل العائد على القروض	ف	٪ ٢١,٣٠٠	٪ ٢١,٣..	٪ ٢١,٣..
الأرباح الكلية	ح	١١..٨	٦,...	١,٠٢٤

#### ٤ - التغير في نسبة الاحتياطي:

عندما تتغير نسبة الاحتياطيات المصرفية ط، فإن القيم المثلث لحجم القروض ومعدل العائد عليها لا تتغير لعدم توقفها على هذه المعلمة في أية حالة من حالات دالة الهدف. وبختلف الأمر بالنسبة للقيم المثلث لحجم الودائع ومعدل الفائدة عليها. فعندما يكون معدل العائد على الاحتياطيات أقل من معدل العائد على السندات فإن هذه القيم تتغير في اتجاه عكسي للتغير في ط. وينطبق ذلك على حالات دالة الهدف الثلاث كما يتضح من مفاضلة (١٠) و (١٤) و (١٩) و (٢٢) و (٣٤) على التوالي بالنسبة للمعلمة ط حيث نجد أن:

$$(58) \quad \frac{\Delta U}{U} = \frac{1}{b} \left( \frac{\Delta V}{V} - \frac{\Delta R}{R} \right)$$

$$(59) \quad \frac{\Delta F}{F} = \frac{1}{b} \left( \frac{\Delta V}{V} - \frac{\Delta R}{R} \right)$$

$$(60) \quad \frac{\Delta G}{G} = \frac{1}{b} \left( \frac{\Delta V}{V} - \frac{\Delta R}{R} \right)$$

$$(61) \quad \frac{\Delta E}{E} = \frac{1}{b} \left( \frac{\Delta V}{V} - \frac{\Delta R}{R} \right)$$

$$\sigma^2 = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k (x_i - \bar{x})^2$$

$$\sigma^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$$

وكل هذه المشتقات تكون سالبة عندما تكون  $\sigma < \bar{x}$ . ومن ثم، فإن ما يشيع من أن تخفيض (رفع) نسبة الاحتياطي وسيلة لزيادة (التخفيض) الائتمان (السندات + القروض)، إنما يفترض أن معدل العائد الذي يدفعه البنك المركزي للبنوك التجارية على احتياطياتها لديه يقل عن معدل العائد الذي يتحقق بالاستثمار في السندات. وتتجلى أهمية ذلك في أن البنوك المركزية التي تدفع فائدة على الاحتياطيات يتحتم عليها لأغراض الادارة السليمة للسياسة النقدية أن تضع نصب عينيها تطورات السوق المالية (١٥) ويوضح الجدول (٥) صحة التحليل السابق بفرض أن  $\sigma$  قد انخفضت من ٢٪ إلى ١٪.

### المدول (٥) القيم التوازنية للمتغيرات الداخلية

$$\Delta \sigma = -1\%$$

المتغير الداخلي	الرمز	الحالة (١)	الحالة (٢)	الحالة (٣)
حجم الودائع	ع	٢٦١,٨..	٤٦٨,٠٣٤	٣٩٥,٨٦٢
حجم القروض	ق	١,٧,٥..	١,٧,٥..	١,٧,٥..
حجم السندات	س	١٢٨,١٢.	٣١٣,٧٣١	٢٤٨,٧٧٦
الاحتياطيات المصرفية	ت	٢٦,١٨.	٤٦,٨.٣	٣٩,٥٨٦
معدل الفائدة على الودائع	ف	٪١٣,٤..	٪١٦,٠٨.	٪١٥,١٤١
معدل العائد على السندات	ف	٪٢١,٣..	٪٢١,٣..	٪٢١,٣..
الأرباح الكلية	ح	١١,٥٢٤	٦,...	٩,١٩.

(١٥) تؤثر السوق المالية بشكل مباشر أيضاً على حجم الودائع والائتمان وبقية المتغيرات الداخلية الأخرى عن طريق التغير الخارجي  $\sigma$ . وهنا تجدر الإشارة إلى أن تزايد اعتماد وزارة المالية في مصر مؤخراً في تمويل عجز الميزانية العامة على الموارد الحقيقة بطرح أذونات الخزانة على البنوك والمؤسسات والأفراد سيكون له أثر على هذا التغير، الأمر الذي يتطلب المزيد من الاهتمام

## ٤ - ٥ التغير في معدل العائد على الاحتياطيات:

يمكن للبنك المركزي أن يتخد من معدل العائد الذي يمنحه للبنوك التجارية على احتياطياتها لديه أداة للتحكم في حجم الودائع والاتساع المصرفي<sup>(١٦)</sup>. ولا يتوقع أن يؤثر التغير في معدل العائد على الاحتياطيات، فـ، على حجم القروض أو معدل العائد عليها لأن القيم المثلثى لهذه المتغيرات في نموذجنا لا تتوقف عليه. أما بالنسبة لحجم الودائع ومعدل الفائدة عليها، فالمتوقع أن تتغير القيم المثلثى لهذه المتغيرات طردياً مع تغير فـ، بصرف النظر عن دالة الهدف، كما يتضح من المشتقات التفاضلية التالية:

$$\frac{\partial \text{ع}^*}{\partial \text{ف}} = (\text{ب} \cdot \text{ط} / ٢) < صفر \quad (٦٤)$$

$$\frac{\partial \text{ع}^*}{\partial \text{ف}} = [\text{غ} / (\text{غ} - \text{ع}^*)] (\frac{\partial \text{ع}^*}{\partial \text{ف}}) < صفر \quad (٦٥)$$

$$\frac{\partial \text{ع}^*}{\partial \text{ف}} = \{(\text{ب} \cdot \text{ط} / ١ + \text{k}) / ((١ + \text{k}) / (٢ + \text{k}))\} \{(\text{ع}^* / ٢) - \text{غ}\} < صفر \quad (٦٦)$$

وتتفق نتائج التحليل العددى التى تظهر بالجدول رقم (٦) مع هذه التوقعات، حيث أن خفض فـ من ١٥٪ إلى ١٪ قد أدى إلى خفض القيم المثلثى لجميع المتغيرات الداخلية في ظل الأهداف الثلاثة باستثناء القروض ومعدل العائد عليها اللذين ظلا عند مستواهما السابق كما ذكرنا. ويتضح من ذلك أن بإمكان البنك المركزي أن يزيد من حجم الودائع والاتساع برفع معدل العائد على الاحتياطيات التى لديه.

**المدول (٦) : القيمة العوازنية للتغيرات الداخلية**  
**(٨ ف - ٥٪)**

الحالات (٣) تعظيم توليفة الأرباح - الودائع	الحالات (٢) تعظيم الودائع مع حد أدنى من الأرباح	الحالات (١) تعظيم الأرباح	الرمز	المتغير الداخلى
٣٣٣,٩١٧	٣٥٨,٦٩٧	٢١٥,٦..	ع	حجم الودائع
١,٧,٥..	١,٧,٥..	١,٧,٥..	ق	حجم القروض
١٥٩,٦٣٤	١٧٩,٤٥٧	٦٤,٩٨.	س	حجم السنادات
٦٦,٧٨٣	٧١,٧٣٩	٤٣,١٢.	ت	الاحتياطيات المصرفية
%١٤,٣٣٧	%١٤,٦٥٨	%١٢,٨..	ف	معدل الفائدة على الودائع
%٢١,٣..	%٢١,٣..	%٢١,٣..	فـ	معدل العائد على القروض
٦,٨٤١	٦,...	٨,٦٥٩	ح	الأرباح الكلية

## ٥ - الموجز والنتائج:

استهدف هذا البحث مناقشة الفروض التي تستند إليها، صراحة أو ضمناً، معظم نماذج السلوك المصرفية. وأوضح أن هذه الفروض ليست واقعية، بل وتفتقر إلى الجوانب الهامة في السلوك المصرفى الحديث. وقدم نموذجاً نظرياً بسيطاً يصور سلوك البنك الفرد، لا يستند إلى هذه الفروض، وإنما يفترض أن البنك يواجه مشكلة اتخاذ قرار بالحجم الأمثل لودائعه والمحفظة المثلثى، وأن أسواق الودائع والفروض لا تخضع للمنافسة الكاملة، وأن إدارة البنك قد تهدف إلى تحقيق أقصى حجم للودائع مع حد أدنى من الأرباح، أو إلى تحقيق توليفة مثلى من الأرباح والودائع، وليس مجرد تعظيم الأرباح.

ولقد أستخدم النموذج في تحديد أوضاع التوازن في ظل دوال الهدف الثلاث لكل من أصول البنك وخصومه ومعدلات العائد والفائدة عليها. كما أستخدم أيضاً في دراسة الاستجابة المتوقعة لسلوك البنك في مواجهة خمس من التغيرات الخارجية أوردهناها على سبيل المثال لا الحصر. ورغم أهمية النتائج التي أمكن التوصل إليها في ذاتها، إلا أن الجدير باللاحظة هو أن هذه النتائج قد أظهرت إلى أي مدى يمكن للسلوك المصرفى أن يؤثر بالأهمية النسبية التـى سـلكـها متـخذـ القرـارـ لـاعتـبارـاتـ الـربحـ وـاعتـبارـاتـ المـخـاطـرـ.

وخلص فيما يلى أهم ماتم التوصل إليه من نتائج:

- (أ) لدالة هدف البنك تأثير واضح على القيم المثلث لأصوله وخصومه. إذ تصل هذه القيم إلى أدنى مستوى لها في حالة تعظيم الأرباح فقط. لكنها تصل إلى أقصى مستوى لها في حالة تعظيم الودائع مع حد أدنى من الأرباح. أما في حالة تعظيم توليفة الأرباح - الودائع، فإنها تقع بصفة عامة بين المستويين السابقين.
- (ب) يتناسب تأثير التغير المستقل في الطلب على الودائع على حجم الودائع ومعدل الفائدة عليها عكسياً مع تزايد الأهمية النسبية لاعتبارات الربح في دالة هدف البنك، وطردياً مع تزايد الأهمية النسبية لاعتبارات الحجم في هذه الدالة.
- (ج) يفضل البنك الذي يعظم الأرباح أن يواجه الزيادة في الطلب على القروض بالتحول من الاستثمار في السندات إلى القروض حتى لا يدخل بالحجم الأمثل للودائع الذي لديه. بينما يفضل البنك الذي يعظم الودائع مع حد أدنى من الأرباح أن يواجه ذلك بزيادة حجم وساطته المالية، أي زيادة حجم ودائعه. أما البنك الذي يعظم توليفة الأرباح - الودائع، فإنه يواجهها بالأسلوبين معاً.
- (د) يعتبر ترشيد الأداء ورفع انتاجيته داخل الوحدات المصرفية أحد العوامل الهامة المحددة لمقدرة البنك على التوسيع في الوساطة المالية خاصة عندما يكون لاعتبارات الحجم أهميتها في دالة الهدف.
- (هـ) أن ما يشيع عن العلاقة العكssية بين نسبة الاحتياطي وحجم الودائع المصرفية يفتقر إلى الصحة بوجه عام. وليس صحيحاً إلا إذا كان معدل العائد الذي ينحه البنك المركزي للبنوك التجارية على احتياطياتها لديه أقل من معدل العائد على السندات. ولذلك، يتحتم على البنك المركزي التي تدفع مثل هذا العائد أن تراعي، في استخدامها لسياسة نسبة الاحتياطي، النشاط المالي في بورصة الأوراق المالية حتى تضمن لسياساتها النجاح.
- (و) يرتبط بالنتيجة السابقة أمران: الأمر الأول، أن بإمكان البنك المركزي أن يتخذ من معدل العائد على الاحتياطيات أداة للتحكم في حجم الودائع والإئتمان المصرفى. والأمر الثاني، أن تزايد اعتماد الدولة في تمويل عجز الميزانية العامة على الموارد الحقيقة بطرح أذونات الخزانة على البنك والمؤسسات والأفراد سوف يؤثر على معدل العائد على السندات، وبالتالي على آلية خلق الإئتمان. ويطلب نجاح السياسة

ونلقت الانتباه إلى أن هذه النتائج لا ينبغي التسليم بقبولها فلا يزال، بالامكان ادخال تحسينات كثيرة على النموذج المقترن. كما أن هناك مشاكل تتعلق بعملية التجميع لابد من حلها قبل أن يتم تقدير النموذج كميا وتطبيقه على النظام المصرفي ككل. ورغم ذلك، فأهمية هذا الجهد تتجل في إبراز الحاجة إلى بناء نماذج تعبر عن سلوك البنك الفرد إذا كان لنا أن نصيغ فروضاً مرضية (يمكن اختبارها) عن السلوك الكلى للبنك وعن آلية خلق النقود بما يكفل النجاح لاجراءات السياسة النقدية.

برنامج بلغة البيسك لتجديد القيم التوازنية للمتغيرات الداخلية في ظل الحالات  
الثلاث لدالة الهدف:

```

10 REM * Bank Equilibrium Under Alternative Objectives
20 REM * BY Dr. Fathi Khalil El-Khadrawi
30 CLEAR:CLS :PRINT :PRINT
40 READ K, A, B, C, D, E, F, RS, RR, OC, PBAR, AL, BE
50 PRINT TAB (4)"D"; TAB (15) "L"; TAB (23)"S"; TAB (33) "R"; TAB
(43) "RD"; TAB (57) "RL"; TAB (68) "P": PRINT : PRINT
60 u1 = A + B * (K * RR + (1 - K) * RS) - C * RS
70 u2 = D - (E - F) * RS
80 u3 = u2^2/(4 * E) - OC
90 G = AL/BE
100 W = u1/2
110 L = u2 / 2
120 GOSUB 180
130 W = W + SQR (B * (P - PBAR))
140 GOSUB 180
150 W = ((1 + G) * u1 + SQR (((1 + G) * u1) ^2 + 4 * (1+2*G) * B *
u3))/ (2* (1+2 * G)).
160 GOSUB 180
170 END
180 R = K * W
190 S = (1-K) * W-L
200 RW = (W - A + C * RS) / B
210 RL = (- L + D + F * RS)/E
220 P = R * RR + S * RS + L * RL - W * RW-OC
230 PRINT W; TAB (12) L; TAB (19) S; TAB (30) R; TAB (40) RW; TAB
(55) RL; TAB (66) P

```

## ٧ - المصادر العربية والأجنبية:

### ٧ - ١ المصادر العربية:

الخضراوى ، ف ١٩٩٩. مذكرة في الاقتصاد الرياضي لطلبة الدراسات العليا . كلية التجارة، جامعة طنطا.

بشای، ک. ف. ١٩٨١ دور الجهاز المصرفی فى التوازن المالي: دراسة خاصة بالاقتصاد المصري. القاهرة : الهيئة المصرية العامة للكتاب.

### ٧ - ٢ المصادر الأجنبية:

Baumol, W.J.

1977: Economic Theory and Operations Analysis, 4th ed. New Jersey: Prentice-Hall Inc.

Broaddus, A.

1972: "Linear Programming: A New Approach to Bank Portfolio Management". Monthly Review, Federal Reserve Bank of Richmond, November .

Gramley, L.E.

1983: "Financial Innovation and Monetary Policy". Economic Impact 1 : 50-57.

Monti, M.

1972: "Deposit, Credit, and Interest Rate determination Under Alternative Bank Objective Functions", PP. 430-454 in G.P. Szego and K. Shell (Eds), Mathematical Methods in Investment and Finance. Amsterdam: North-Holland Publishing Company.

Pierce, J.L.

1967: "An Empirical Model of Commercial Bank Portfolio Management" in D.D. Hester and J. Tobin (Eds.), Studies of Portfolio Behavior.