

## البرمجة الخطية كمدخل لحساب المساحات الامثل للبرنامج الفراغي

### أثناء مرحلة البرمجة المعمارية للمشروعات

م.م. ابراهيم دسوقي عبدالله  
مدرس مساعد بكلية الهندسة جامعة الفيوم  
[eng\\_id\\_2010@yahoo.com](mailto:eng_id_2010@yahoo.com)

أ.م.د. محمد سعيد مصيلحي  
أستاذ مساعد بكلية الهندسة جامعة الفيوم  
[dr.meselhy@waveegypt.com](mailto:dr.meselhy@waveegypt.com)

أ.د. شريف محمد صبرى العطار  
أستاذ العمارة بكلية الهندسة جامعة الفيوم  
[sma00@fayoum.edu.eg](mailto:sma00@fayoum.edu.eg)

المستهدفة للمساحات التي تحقق أعلى كفاءة ممكنة للمشروع وبتكلفة تتناسب مع ميزانية المشروع المخصصة مسبقاً، وقد خلصت الدراسة إلى إمكانية استخدام تقنية البرمجة الخطية وإستعمالها أثناء حساب المساحات عند إعداد البرامج الفراغية للمشروعات المعمارية قبل التصميم وثبت نجاح الالية المقترحة في حساب الحلول الأمثل التي تحقق جودة المشروع في مرحلة مبكرة أثناء العمل بمرحلة البرمجة المعمارية قبل البدء في التصميم التخطيطي للمشروع .

**الكلمات المفتاحية :** حساب المساحات , الكفاءة , التكلفة , البرنامج الفراغي

#### مقدمة :

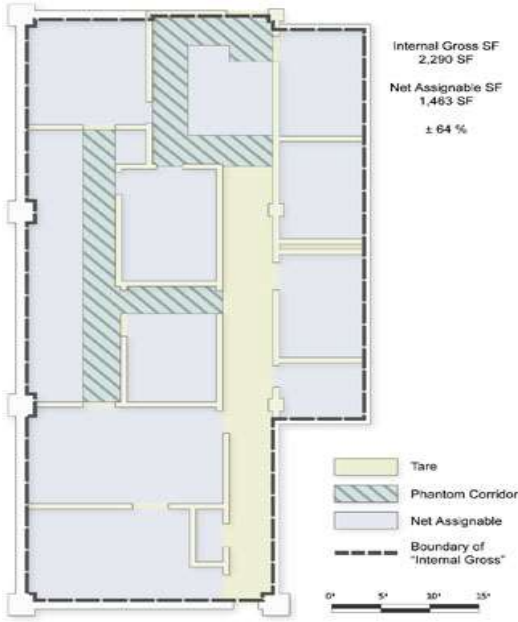
تحسب مساحات الفراغات المعمارية من خلال معايير التصميم كحدود دنيا، بينما تحسب حدودها القصوى من خلال متطلبات العميل وأهدافه الحالية والمستقبلية، ويقوم بحساب المساحات في مصر إما مصمم المشروع أو قد يحضر العميل فى بعض الأحيان قائمة باحتياجاته والمساحات المتوقعة لكل فراغ حسب رؤيته، وبالتالي تخضع عملية حساب مساحات الفراغات المعمارية أثناء إعداد البرنامج التصميمي للمشروع في مصر لنفس الطرق التقليدية المستخدمة قديماً في الوقت الذي تهتم فيه أغلب دول العالم بالعمل على تطوير مناهج إعداد البرامج التصميمية منذ نشأتها في ستينيات القرن الماضي وحتى وقتنا الحالى، وهو ما ينعكس على جودة البرامج

#### المخلص :

إن إعداد البرامج المعمارية وفقاً للمناهج المعتمدة عالمياً يترتب عليها تصميم ذو كفاءة عالية وبتكلفة مناسبة، وتستخدم أغلب دول العالم مناهج متعددة عند إعداد البرامج الفراغية للمشروعات أثناء العمل بمرحلة البرمجة المعمارية، إلا أن واقعنا المحلي في مصر ما زال يعتمد على الطرق التقليدية لحساب المساحات أثناء إعداد تلك البرامج وما يترتب على ذلك من ضعف جودة المنتج المعماري، وتعتبر المساحة أحد العناصر الهامة المطلوب حسابها بدقة لضمان جودة مناسبة للمشروع وبتكلفة منخفضة، وتوصل البحث أن حساب المساحة الإجمالية للمشروع يؤثر بشكل مباشر في قيمة كفاءة وتكلفة المشروع، لذا يقترح الباحث استخدام تقنية البرمجة الخطية بحيث تكون نتائجها عبارة عن قيمة المتغيرات الآتية : (المساحة الصافية، مساحه الخدمات والدعم , مساحه عناصر الإتصال والحركة ) .

ونستهدف بالبحث الحصول على تصغير المساحة الإجمالية في ضوء مجموعة قيود كالمعايير والأشتراطات والميزانيه، والحدود الدنيا والقصوى للمساحات .. وغيرها، ثم حل مسألة البرمجة بطريقة "سيمبلكس" لإيجاد القيم الأمثل لمكونات المساحة الإجمالية التي تمثل متغير الدراسة المستقل وقياس مدى التغير على المتغيرات التابعة الممثلة في كفاءة وتكلفة المشروع، وقد أجريت الدراسة التطبيقية على برنامج فراغي إفتراضي، وتم الحصول على نتائج الحلول الأمثل

وهو ما ينعكس على ارتفاع التكلفة وهدر بل وتحتاج مزيدا من الوقت والجهد ولكن إذا أهتم المصمم بحساب الحلول الأمثل للمساحات مع مشاركة العميل في خطوات إعداد البرنامج فإن النتيجة المتوقعة قد تبدو الحل الأمثل وفقا لطبيعة للمشروع .



شكل رقم (1) يوضح أنواع المساحات الصافية ومسارات الحركة الرئيسية والثانوية .

المصدر : [www.architecturalprogramming.com](http://www.architecturalprogramming.com)

وبالبحث عن الأدوات المساعدة في الحصول على الحل الأمثل يقترح استخدام تقنية البرمجة الخطية لإيجاد الحل الأمثل للمساحات المطلوبة التي تضمن جودة عالية للمشروع، ويقصد بالحل الأمثل للمساحة هو الحل الذي يقع داخل نطاق الحلول الممكنة بين الحد الأدنى والحد الأقصى للمساحة كمحددات وهو نفسه الحل الذي تتحقق عنده أعلى قيم كفاءة وأقل تكلفة ممكنة .

المعمارية الناتجة، وبالتالي فإن جودة البرنامج التصميمي يترتب عليها جودة التصميم، وكذلك المراحل اللاحقة للتصميم، ومن ثم ضمان نجاح المشروع في تأدية الغرض المنشأ من أجله بكفاءة عالية .

وبالبحث في اليات حساب كفاءة وتكلفة المشروعات وجد أن حساب عنصر المساحة هو المؤثر الرئيسي لقياسات الكفاءة والتكلفة، وبالتالي لحساب المساحة الفعلية المطلوبة دون زيادة أو نقصان إتضحت ضرورة البحث عن الحل الأمثل للمساحات بما يحقق أهداف رفع الكفاءة وخفض التكلفة .

### المشكلة البحثية :

تتكون المساحة الإجمالية من مجموع المساحات الصافية إضافة إلى مساحات الخدمات والدعم ومساحة عناصر الإتصال والحركة الأفقية والرأسية، وتحسب كفاءة المشروع من خلال حاصل قسمة المساحة الصافية على المساحة الإجمالية، بينما تحسب تكلفة المشروع من خلال حاصل ضرب المساحة الإجمالية في سعر متوسط للمتر المربع من البناء حسب نوعية تشطيبه، ومن ثم فإن المساحة الإجمالية تتناسب طرديا مع التكلفة وعكسيا مع الكفاءة، فكلما زادت المساحة الإجمالية نسبة إلى المساحة الصافية كلما إرتفعت التكلفة وإنخفضت الكفاءة، وبالتالي تتضح أهمية البحث حول كيفية حساب المساحة الإجمالية الأنسب للمشروع بحيث تضمن جودة عالية للمشروع ممثلة في قيم كفاءة مرتفعة وبتكلفة منخفضة

ويشير شكل رقم (1) لوجود مساحات زائدة تعمل كعناصر اتصال افقية (مرات) داخل الفراغات ما أدى لزيادة المساحة الاجمالية بالنسبة للمساحة الصافية وبالتالي تكون نتائج قياسات الكفاءة منخفضة وأحيانا قد تظهر متطلبات جديدة للعميل لم تؤخذ بالحسبان عند اعداد البرمجة قد يترتب عليها اعادة التصميم أو اجراء تعديلات شبه جذرية في مرحلة لاحقة

#### تساؤلات الدراسة :

الأقصى المطلوب وفقا للإحتياجات الفعلية للمستعملين, وتحسب لكل عنصر من العناصر المكونة للمبنى حد أدنى وحد أقصى, ويركز البحث على إيجاد الحل الأمثل الذي يقع ضمن الحلول الممكنة ويحقق الأهداف المرجوة .

- هل تقنية البرمجة الخطية مناسبة لحساب الحل الأمثل للمساحات ؟

- هل يمكن حساب الحل الأمثل لمكونات البرنامج الفراغي بما يضمن كفاءة عالية و تكلفة منخفضة للمشروع ؟

#### مكونات المساحة الإجمالية :

تتكون المساحة الإجمالية من مجموع المساحات الصافية مضافا إليها مساحة العناصر الخدمية والدعم ومساحة عناصر الإتصال والحركة الأفقية والرأسية .

وفيما يلي نوضح طرق حساب مكونات المساحة الإجمالية

#### هدف الدراسة :

تهدف الدراسة إلي التوصل لحساب المساحات الأمثل لمكونات المشروع بما يحقق زيادة كفاءة المشروع وخفض تكلفته في إطار مجموعة من القيود الحاكمة .

#### أولا حساب المساحات الصافية :

المساحة الصافية هي عبارة عن مجموع مساحات العناصر الوظيفية مضافا إليها مساحة الحوائط والأعمدة الخرسانية, ويتم حسابها وفقا للإحتياجات الفعلية للمستعملين والمعايير القياسية التصميمية والمعدلات وعدد المستعملين وجميعها بقياسات محددة وثابتة, وتحسب للمساحة الصافية قيمتين تحدد الحد الأدنى لها بحيث لا تقل عما هو وارد بالكتب المرجعية وحد أقصى لايزيد عن الإحتياج الفعلي وعدد المستعملين ونصيب الفرد داخل كل فراغ .

#### فرضيات البحث

إن حساب القيم الأمثل لمكونات المساحة الإجمالية ينتج عنها برنامج عالي الكفاءة ومنخفض التكلفة .

#### متغيرات الدراسة :

المتغير المستقل : المساحة الإجمالية بمكوناتها .

المتغير التابع : الكفاءة والتكلفة .

#### مكونات المبنى :

يتكون المنشأ المعماري عادة من ثلاثة عناصر رئيسية وهي : العناصر الوظيفية, العناصر الخدمية, عناصر الإتصال والحركة الأفقية والرأسية .

#### ثانيا حساب مساحات العناصر الخدمية والدعم :

العناصر الخدمية والدعم هي تلك الأنشطة غير الوظيفية التي تؤدي دعما وتقدم أنشطة معينة لخدمة العناصر الوظيفية وتمكنها من أداء وظيفتها بالشكل المطلوب وتحسب لها أيضا حد أدنى و أقصى ويشير المدى بينهما الى الحلول الممكنة .

#### حساب مساحات العناصر المكونة للمبنى :

تحسب مساحة العناصر المكونة للمبنى من خلال المعايير التصميمية التي تحدد الحد الأدنى لها, بينما تشير أعداد المستخدمين ونصيب الفرد من وحده المساحة بالمتر المربع للحد

### ثالثا حساب مساحه عناصر الإتصال والحركة :

بينما يوضح شكل (3) نطاق الحلول الممكنة والحل الأمثل .



هي عناصر الإتصال الأفقية كالممرات والطرق وصلات التوزيع ومناطق الإنتظار والمداخل وغيرها، بينما عناصر الإتصال الرأسية مثل السلالم والمنحدرات و سلالم الهروب والمصاعد وغيرها ويتم حسابها كنسب مئوية من المساحة الإجمالية للمبنى .

### الحل الأمثل للمساحات:

شكل (3) يوضح موقع الحل الامثل ونطاق الحلول الممكنة والحدود الدنيا والقصوي لمتغيرات الدراسة المصدر : الباحث .

### مفهوم البرمجة الخطية :

هي تقنية رياضية تبحث عن حل أو مجموعة حلول لمشكلة ما وإختيار أفضل حل من بين الحلول الممكنة ( الحل الأمثل) ، وهي عبارة عن أسلوب تحليلي كمي لمساعدة متخذي القرار في التوصل لهدف محدد من خلال تعظيم أو تدنى أحد المتغيرات المستقلة وقياس التأثير على باقي المتغيرات التابعة، وتهدف البرمجة الخطية لتحليل بدائل الحلول الممكنة لإختيار أفضلها .

### مكونات نموذج البرمجة الخطية:

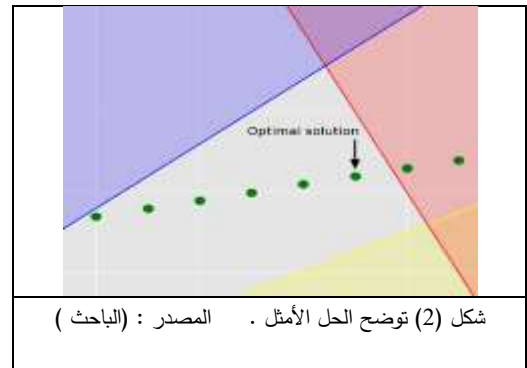
يتكون نموذج البرمجة الخطية من ثلاثة عناصر أساسية تتمثل فيما يلي :

**1- متغيرات القرار :** هي عدد من المتغيرات التي يجب أن تحدد قيمتها للوصول إلى الهدف، وتشمل ( المساحة والكفاءة والتكلفة) كمتغيرات القرار .

**2- دالة الهدف :** ويقصد منها صياغة الهدف المطلوب في صورة دالة، ولدالة الهدف صورتين إما دالة تعظيم أو دالة تصغير، ويستخدم البحث دالة التصغير للمساحة الإجمالية بغرض ضمان أعلى كفاءة وأقل تكلفة لمكونات البرنامج الفراغي في إطار مجموعة القيود الحاكمة .

يشير الحل الأمثل المستهدف التوصل إليه من الدراسة البحثية لأنسب حل ممكن للمساحة الإجمالية بحيث تكون أقل ما يمكن بالمبنى، وللتوصل لهذا الحل نحتاج لوضع مجموعة شروط تمثل قيود وهدف بحيث تكون تلك الشروط محددات تقيد الحلول الممكنة حتى نختار أفضل حل يحقق الهدف المحدد و يلتزم بالشروط المفروضة، ويقترح الباحثين استخدام تقنية البرمجة الخطية لحساب الحل الأمثل للعناصر المكونة للمساحة الإجمالية السابق ذكرها وتشير الخطوط المتقاطعة بالشكل رقم (2) الي حدود الحلول الممكنة للنموذج الخطي للدالة وتعتبر المنطقة ذات اللون الرمادي المحصورة بين الخطوط المتقاطعة هي منطقة الحلول الممكنة وأن الحل الأمثل داخل هذا النطاق هو المشار اليه .

وتوضح صورة رقم (2) الحل الأمثل .



شكل (2) توضح الحل الأمثل . المصدر : (الباحث )

حل النموذج الخطي باستخدام البرامج المخصصة :

توجد عدة برامج soft ware تستخدم لحل البرمجة الخطية مثل : برنامج tora , برنامج lips , برنامج lingo , برنامج cplex , برنامج matlab ... وغيرهم .

ويستخدم البحث برنامج **tora** لملائمه مخرجاته مع متطلبات الدراسة البحثية .

برنامج **tora** : يتم إدخال دالة الهدف المطلوبة إليه في صورة دالة تصغير للمساحة الإجمالية ثم يتم إدخال مجموعة القيود الحاكمة ثم إعطاء أمر حل النموذج الخطي وإيجاد الحلول الممكنة، والحل الأمثل الذي يحقق الأهداف المرجوة، ويقوم البرنامج بتقديم مخرجاته في صورة أرقام ورموز كالتي تم إدخالها للبرنامج .



مراحل العمل والتطبيق على برنامج **tora**

تتكون مراحل العمل ببرنامج tora من أربعة مراحل كما يلي :

1- فتح البرنامج وإدخال بيانات دالة تصغير المساحة الإجمالية z وإدخال مكوناتها وإدخال القيود بعدد 15 قيد

3- القيود : ويقصد منها مجموعة المحددات التي تقيد الحلول الممكنة لحل النموذج الخطي وتعمل كمعايير لإختيار الحل الأمثل المستهدف الوصول إليه، وتعمل المعايير التصميمية والإشترطيات البنائية والميزانية المخصصة ... الخ والحد الأدنى والأقصى كقيود حاكمة بالبحث .

طريقة **simplex** لحل النموذج الخطي :

تعتبر طريقة سيمبلكس إحدى الطرق المستخدمة لحل المسائل بالبرمجة الخطية، وتستخدم عندما تكون عدد المتغيرات المطلوب قياسها أكبر من متغيرين، ولسبب أن عدد متغيرات البحث محل الدراسة ثلاثة متغيرات فمن الأنسب استخدام طريقة "سيمبلكس" لحل النموذج الخطي المطلوب بالبحث .

وتوضح صورة (4) واجهة أحد البرامج المستخدمة في الحل بطريقة سيمبلكس .

Variable	Value	Obj. Cost	Reduced Cost
X1	3	3	0
X2	12	2	0

Constraint	Value	RHS	Dual Price
Row1	18	18	1.25
Row2	42	42	0.25
Row3	21	24	0
Row4	3	0	0
Row5	12	0	0

شكل (4) توضح تقرير حل البرمجة الخطية بطريقة سيمبلكس المصدر : [www.linear programming solver.com](http://www.linearprogramming solver.com) تم فتح الموقع يوم 5 سبتمبر 2019 الساعة السادسة مساءً ونوضح فيما يلي بعض البرامج التي تستخدم حالياً في حل مسائل البرمجة الخطية .

وبشرط عدم السلبية :  $X1, X2, X3 > 0$

ثانيا صياغة مجموعة القيود :

ويوضح جدول (2) مجموعة القيود التي تم صياغتها على هيئة متراجحات .

$z \geq x1 + 0.30 z$	$z \leq (\text{MAX gross area})$
$x1 \geq 0.55 z$	$x1 \leq 0.70 z$
$x2 + x3 \leq 0.45 z$	$x2 \leq 0.30 z$
$x2 \geq 0.20 z$	$x3 \leq 0.15 z$
$x3 \geq 0.10 z$	

جدول (2) يوضح صياغة المشكلة في صورة متراجحات .

المصدر : الباحث

ثم يتم إدخال دالة الهدف والقيود السابقة لبرنامج tora لتحديد الحلول الممكنة للنموذج الخطي واختيار الحل الأمثل .

حساب الكفاءة بمرحلة البرمجة المعمارية :

وتحسب الكفاءة من خلال العلاقة الآتية :

$x1$

$= E$  الكفاءة

$z$

ويتضح من العلاقة السابقة أن قيمة الكفاءة تتحدد من خلال حساب المساحات, وتستخدم الدراسة الحد الأدنى لقيمة الكفاءة المقبولة حسب نوع المبنى وهي نفسها المعيار الذي تحدده نشرات ( المعهد الامريكى الفيدرالى للمعماريين ) FAIA وتحدد بقياس 0.55 بالنسبة للمباني الإدارية الجامعية, وتم بناء الدراسة على تلك النتائج لعدم وجود نشرات محلية ماثلة, بينما الحد الاقصى للكفاءة يأتي كنتيجة تابعة للدراسة, وبحيث تلتزم بقيود الحدود الدنيا والقصوي للمساحات المختلفة مثل أن  $(x2 + x3)$  مجموعهم لا يمكن أن يقل عن 0.30 من المساحة الإجمالية

2- إختيار SOLVE من البرنامج ليقوم بعرض الحلول المتاحة التي تحقق ( الدالة والعلاقة بين المتغيرات) وتحقق شروط القيود المفروضة .

3- تحديد الحل الأمثل من الحلول المتاحة لقيم  $X1, X2, X3$ .

4- إظهار تحليل الحساسية لنتائج الحلول للتحقق من منطقية النتائج .

ونوضح بالجدول (1) بعض المصطلحات والرموز المقترح إستعمالها بالدراسة لترجمة عناصر المشكلة البحثية والهدف والمتغيرات والفرضيات تمهيدا لإدراجهم في صورة نموذج رياضي يمكن إدخاله لبرامج الحل .

الاختصار	المسمى
Z	المساحة الاجمالية للمبنى
X1	المساحة الصافية للمبنى
X2	مساحة عناصر الخدمات والدعم
X3	مساحة عناصر الاتصال والحركة
E	الكفاءة الاجمالية
C	التكلفة الاجمالية

جدول (1) الإختصارات المقترح إستعمالها بالبحث محل الدراسة .  
المصدر : الباحث

مراحل صياغة النموذج الخطي رياضيا :

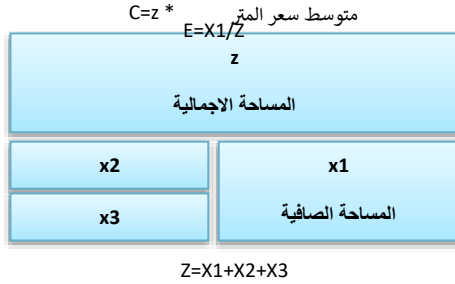
يصاغ النموذج الرياضي لمسألة البرمجة الخطية من خلال تحديد الآتي :

أولا صياغة المشكلة النظرية في صورة متراجحات :

1- دالة الهدف : المطلوب بالبحث ( دالة تصغير المساحة الإجمالية لإيجاد الحل الأمثل لمكوناتها من خلال الحصول على القيم المثلي للمتغيرات :  $x1, x2, x3$  في إطار القيود .

صياغة دالة الهدف :  $MIN z$

$$z = (X1 + X2 + X3)$$



شكل (6) يوضح العلاقة بين نسب المساحات وتأثيرها على قياسات الكفاءة والتكلفة . المصدر : تحليل الباحث .

E تعبر عن قيمة الكفاءة

C تعبر عن قيمة التكلفة المتوقعة .

وتؤكد شكل العلاقات بين المتغيرات السابقة أنه كلما زادت المساحة الأجمالية كلما إنخفضت الكفاءة وارتفعت التكلفة.

#### الدراسة التطبيقية للبحث :

وفيما يلي مثال تطبيقي إفتراضي لصياغة وحل مسألة البرمجة الخطية تطبيقا على مجال الدراسة :

#### صياغة المسألة نظريا :

ترغب الجامعة في إنشاء مبنى اداري تابع لها بياناته كالآتي :

للمبنى بإعتبار أن مساحة عناصر الإتصال الدنيا لا تقل عن 0.10 من المساحة الإجمالية لكل دور، وأيضا أن مساحة الخدمات والدعم لا تقل عن 0.20 من المساحة الإجمالية، وهذه النسب ليست من فرضيات البحث ولكنها مبنية على بعض تحليلات الدراسات المنشورة من جهة FAIA .  
 المصدر : المعهد الأمريكي الفيدرالي للمعماريين ) .

**التكلفة والميزانية :** وتحسب التكلفة بناء على مستوي التشطيب المطلوب بالفراغات المختلفة بالمبنى، وقد قسمت الدراسة مستويات التشطيبات إلى ثلاثة مستويات .

ويوضح جدول (3) مستويات التشطيب وتكلفة المتر المربع .

مستوي التشطيب	تكلفة المتر المربع من البناء ( قيمة افتراضية )
عالي	قيمة افتراضية لتكلفة المتر المربع منه تقدر ب 2000 جم 2م/
متوسط	قيمة افتراضية لتكلفة المتر المربع منه تقدر ب 1500 جم 2م/
منخفض	قيمة افتراضية لتكلفة المتر المربع منه تقدر ب 1000 جم 2م/

جدول (3) مستويات التشطيب وتكلفة المتر المربع لكل مستوي تشطيب .  
 المصدر : الباحث

ملحوظة : الأسعار المذكورة بالدراسة إفتراضية ولا تشير للقيمة الحقيقية لتكلفة المتر المربع وقت إجراء الدراسة من عدمه .

**العلاقة بين متغيرات الدراسة :** ( المساحات, الكفاءة, التكلفة )

$z \geq 906 + 0.30 z$	Condition ( MIN z )
$z \leq (1647)$	( max z )
$906 \geq 0.55 z$	( min X1 )
$906 \leq 0.70 z$	( max X1 )
$x_2 + x_3 \leq 0.45 z$	( max( x2+x3) )
$x_2 \leq 0.30 z$	( max x2 )
$x_2 \geq 0.20 z$	( min x2 )
$x_3 \leq 0.15 z$	( max x3 )
$x_3 \geq 0.10 z$	( min x3 )
$0.30 z \leq 840000 \text{ Le} , \quad 0.70 z \leq 1960000 \text{ Le}$	
$z \leq 2800000 \text{ Le}$	

جدول (4) يوضح متباينات المثال السابق . المصدر : الباحث

ثانياً تحويل المتباينات السابقة في صورة معادلات لإدخالها إلى

برنامج حل مسائل البرمجة الخطية كما يلي :

دالة الهدف	$Z=x_1+x_2+x_3$
min z	$X_1+x_2+x_3 \leq 1647 \text{ m}^2$
مجموعة القيود	$- 0.30 x_1+0.70 x_2+0.70 x_3 \leq 0.00$
	$0.45 x_1-0.55 x_2-0.55 x_3 \geq 0.00$
	$0.30 x_1-0.70 x_2-0.70 x_3 \leq 0.00$
	$- 0.45 x_1+0.55 x_2+0.55 x_3 \leq 0.00$
	$- 0.30 x_1+0.70 x_2-0.30 x_3 \leq 0.00$
	$- 0.20 x_1+0.80 x_2-0.20 x_3 \geq 0.00$
	$- 0.15 x_1-0.15 x_2+0.85 x_3 \leq 0.00$
	$- 0.10 x_1-0.10 x_2+0.90 x_3 \geq 0.00$
	$0.30 x_1+0.30 x_2+0.30 x_3 \leq 840000 \text{ Le}$
	$0.70 x_1+0.70 x_2+0.70 x_3 \leq 1960000 \text{ Le}$
	$1500 x_1+1000 x_2+1700 x_3 \leq 2800000 \text{ Le}$
	$X_1+0.00x_2+0.00x_3 \geq 800 \text{ m}^2$
	$X_1+0.00x_2+0.00x_3 \leq 1000 \text{ m}^2$
	$X_1 , x_2 , x_3 \geq 0.00$

جدول (5) يوضح مدخلات برنامج TORA

المصدر : الباحث

ثالثاً دالة الهدف ومجموعة القيود السابقة لبرنامج الحل المقترح

: TORA

حل النموذج الخطي بواسطة البرنامج:

نتائج حل البرمجة الخطية :

بعد إدخال البيانات المطلوبة لنموذج حل البرمجة الخطية وبمجرد عمل حل للنموذج الخطي بالبرنامج قدم البرنامج

نوع المشروع : مبنى اداري - حكومي
مساحة ارض الموقع المخصص للبناء هي : 590 م <sup>2</sup>
النسبة البنائية المسموح ببناءها هي : 0.55
حدود الارض كما يلي : الحد الشمالي 28 م , الحد الجنوبي 31 م , الحد الشرقي 19 م , الحد الغربي 21 م
مسافات الرود الشمالية والشرقية والغربية 3 م بينما الجنوبية 4 م
عروض الشوارع المحيطة بأرض المشروع هما كما يلي : الرئيسي 10 م والفرعي 8 م
الارتفاع المسموح به هو : 15 م .
عدد الادوار الاقصى المصرح بها هي : 5 أدوار
المساحة القصوي المصرح ببنائها بالدور الارضي وفقا للإشترطات هي : 305 م <sup>2</sup>
المساحة القصوي المصرح ببناءها بالدور المتكرر هي : 335.5 م <sup>2</sup>
المساحة الصافية المطابقة لأسس ومعايير التصميم والاحتياجات الفعلية هي 906 م <sup>2</sup>
الحد الاقصى للمساحة المخصصة للخدمات والدعم والاتصال والحركة هي : 741 م <sup>2</sup>
الحد الادنى لكفاءة المبنى الاداري التي يمكن قبولها وفقا لنشرات ( FAIA هي : 0.55
أقصى مساحة اجمالية يسمح ببناءها هي : 1647 م <sup>2</sup> .
الميزانية المخصصة للمشروع في حدود : 2.80 مليون جنيه مصري .
- إفتراض مستوي التشطيبات (العالية 2000 جنيه) و(المتوسطة 1500 جنيه) و(المنخفضة 1000 جنيه) .
والمطلوب حساب المساحات الأمثل لمكونات البرنامج الفراغي بما يحقق أعلى كفاءة ممكنة وبحيث تقع التكلفة ضمن الميزانية المخصصة للمشروع والمحددة بالمعطيات السابقة وإيجاد القيم الاتية :

- إيجاد القيمة الصغرى للدالة  $min z$  .

- إيجاد قيم الحل الأمثل للثلاثة متغيرات الأتية :  $x_2 , x_3$

$x_1$ , وذلك وفقاً للمعطيات السابقة .

مراحل تطبيق تقنية البرمجة الخطية :

اولاً صياغة دالة الهدف ومجموعة القيود في صورة متباينات

وفقاً للمعطيات السابقة في الصورة الأتية :



3- عمل تحليل الحساسية للحل الأمثل وذلك للتحقق من منطقية النتائج كما بالشكل رقم (7)

"Sensitivity Analysis"				
Variable	Current Obj Coef	Min Obj Coef	Max Obj Coef	Reduced Cost
x1: Net Area	1.00	-0.43	infinity	0.00
x2: Service Area	1.00	-0.11	infinity	0.00
x3: Circ. Area	1.00	-0.25	infinity	0.00
Constraint	Current RHS	Min RHS	Max RHS	Dual Price
1 (<)	0.00	0.00	infinity	0.00
2 (<)	1647.00	1028.57	infinity	0.00
3 (>)	0.00	-infinity	171.43	0.00
4 (<)	0.00	0.00	infinity	0.00
5 (<)	0.00	-171.43	infinity	0.00
6 (<)	0.00	-114.29	infinity	0.00
7 (>)	0.00	0.00	0.00	1.43
8 (<)	0.00	-57.14	infinity	0.00
9 (>)	0.00	0.00	0.00	1.43
10 (<)	840000.00	342.86	infinity	0.00
11 (<)	1950000.00	-infinity	infinity	0.00
12 (<)	2800000.00	-infinity	infinity	0.00
13 (>)	800.00	0.00	906.00	1.43
14 (<)	906.00	906.00	infinity	0.00

صورة (9) يوضح تحليل حساسية الحل الأمثل لبرنامج TORA التي يتضح منها منطقية القياسات الواردة للمتغيرات ( X2 X1 , X3 ) و منطقية القيمة الأمثل للمساحة الإجمالية Z المصدر : تطبيق الباحث

النتائج :

تحليل نتائج حل مسألة البرمجة الخطية :

يتضح من الشكل رقم ( ) أن الحل الأمثل لدالة الهدف التي تستهدف أقل مساحة إجمالية دون التعارض مع أي من المعايير أو الحدود والقيود المفروضة وكذلك الحل الأمثل لمكونات المساحة الإجمالية وقيم الكفاءة والتكلفة المتوقعة كما يلي :

مجموعة الحلول الممكنة وعددها تسعة حلول و إختار الحل الأمثل للنموذج الافتراضي ( بما يحقق أعلى كفاءة وأقل تكلفة.

وتوضح الأشكال الثلاث القادمة بعض مراحل العمل على برنامج : tora

LINEAR PROGRAM -- ORIGINAL DATA					
Trial LP Model					
	Net Ar	Service	Circ.		
	x1	x2	x3		
Objective to	1.00	1.00	1.00		
1	-0.30	0.70	0.70	<=	0.00
2	1.00	1.00	0.00	<=	1647.00
3	0.45	-0.55	-0.55	>=	0.00
4	0.30	-0.70	-0.70	<=	0.00
5	-0.45	0.55	0.55	<=	0.00
6	-0.30	0.70	-0.30	<=	0.00
7	-0.20	0.80	-0.20	>=	0.00
8	-0.15	-0.15	0.85	<=	0.00
9	-0.10	-0.10	0.90	>=	0.00
10	0.30	0.30	0.30	<=	840000.00
11	0.70	0.70	0.70	<=	1950000.00
12	1500.00	1000.00	1700.00	<=	2800000.00
13	1.00	0.00	0.00	>=	800.00
14	1.00	0.00	0.00	<=	906.00
Lower Bound	0.00	0.00	0.00		
Upper Bound	infinity	infinity	infinity		
Restr'd (y/n)?	n	n	n		

صورة (7) يوضح البيانات التي تم ادخالها لبرنامج TORA وهي عبارة عن بيانات ( دالة الهدف واحدة , وأربعة عشر من القيود , ثلاثة من المتغيرات) لحساب الحل الأمثل لمسألة المثال السابق المصدر : تطبيق الباحث

2- عمل حل للدالة الخطية ليقدم البرنامج تسعة حلول ممكنة

ويختار الحل الأمثل لها كما بالصورة رقم (6)

LINEAR PROGRAMMING OUTPUT SUMMARY			
Title: Trial_LP_Model			
Final Iteration No.: 9			
Objective Value = 1142.86			
Variable	Value	Obj Coef	Obj Val Contrib
x1: Net Area	800.00	1.00	800.00
x2: Service Area	228.57	1.00	228.57
x3: Circ. Area	114.29	1.00	114.29
Constraint	RHS	Slack-/Surplus+	
1 (<)	0.00	0.00	
2 (<)	1647.00	618.43-	
3 (>)	0.00	171.43+	
4 (<)	0.00	0.00	
5 (<)	0.00	171.43-	
6 (<)	0.00	114.29-	
7 (>)	0.00	0.00	
8 (<)	0.00	57.14-	
9 (>)	0.00	0.00	
10 (<)	840000.00	839657.14-	
11 (<)	1950000.00	1959200.00-	
12 (<)	2800000.00	1177142.86-	
13 (>)	800.00	0.00	
14 (<)	906.00	106.00-	

صورة (8) يوضح مخرجات الحل الأمثل لبرنامج TORA وهي عبارة عن (الحل الأمثل لقيم المتغيرات X1 , X2 , X3 , والقيمة الأمثل للمساحة الإجمالية Z المصدر : تطبيق الباحث

### الخلاصة والتوصيات :

- تعتبر البرمجة الخطية هي الأداة الأنسب لحل إشكالية البحث نحو حساب المساحات الإجمالية الأنسب التي تحقق أهداف الدراسة وتحسب مساحات الفراغات ضمن مجموعة شروط ومحددات لا يمكن إغفالها أو التعارض معها .

- أثبتت تقنية البرمجة الخطية قدرتها ونجاحها في حساب الحلول المثلى لمساحات الخدمات والدعم وعناصر الإتصال والحركة وضمن عدم مخالفتها لمعايير التصميم الواردة بالكتب المرجعية .

- تعطي البرمجة الخطية نتائج أولية لمجموعة الحلول الممكنة التي تحقق الهدف، بل ويمكن أن تختار الحل الأمثل الذي يحقق أعلى قيمة ممكنة للكفاءة الفراغية بالمبنى وأقل قيمة ممكنة للتكلفة المتاحة لذلك ضمن مجموعة القيود والمحددات المسبقة .

- بمجرد إيجاد قيم  $x_1, x_2, x_3$  من البرمجة الخطية يمكن للمبرمج مباشرة التحقق من مدى قيمة البرنامج الفراغي ومن ثم يمكنه إختيار استراتيجيات التطوير الأنسب المقترح تطبيقها .

### المراجع الاجنبية :

- 1- Edith Cherry, John Petronis, AIA& AICP : " Architectural Programming ",(2016).
- 2- Pena, m. William & Parshall, A. Steven: " Problem Seeking: An Architectural Programming Primer" 5th edit, ..( 2012).

### المراجع العربية :

- 3- شريف العطار, اخرون " تطوير نماذج البرنامج الفراغى كمدخل لحساب المساحات أثناء مرحلة البرمجة المعمارية " , المؤتمر العلمي الثاني بكلية الهندسة , جامعة الفيوم , 2017 .

وبذلك تكون المساحة الإجمالية الأمثل أقل عن الحد الأقصى للمساحة الإجمالية المسموح بنائها 505 M2 -1647 1142= 505 M2	$Z=X_1+X_2+X_3$ = 1142.86 M2
الحل الأمثل لقيمة $X_1$ يتحقق عند المساحة الصافية الأتية :	$X_1 = 800$ M2
الحل الأمثل لقيمة $X_2$ يتحقق عند مساحة الخدمات والدعم الأتية :	$X_2 = 228.57$ M2
الحل الأمثل لقيمة $X_3$ يتحقق عند مساحة عناصر الإتصال والحركة الأتية :	$X_3 = 114.29$ M2
الحل الأمثل لقيمة $E$ يتحقق عند الكفاءة الأتية : وهي قيمة عالية حيث حدد AIA الحد الأدنى للكفاءة تبعاً لنوع المبنى الإدارية بمقدار 55% ويعتبر الحد الأقصى للكفاءة 70%	$E = 800/1142.86$ = 69.99 %
الحل الأمثل لقيمة $C$ يتحقق عند التكلفة الأتية : وهي ناتجة عن المساحات المحددة مضروبة في متوسط سعر المتر حسب استعمال الفراغ ( وظيفي, خدمي, إتصال وحركة ) وهي أقل من حدود الميزانية التي حددت مسبقاً محققة وفراً في التكلفة بمقدار 1177142 جنية مصري وهي قيمة منطقية لوجود فرق في المساحة الإجمالية يقل عن الحد الأقصى في حدود 505 M2	$C = 1622858$

جدول (6) يوضح نتائج القياسات . المصدر : الباحث

### المناقشات :

وبناء على نتائج المثال العملي السابق كتجربة إفتراضية لإختبار إلى أي مدى تتناسب تقنية البرمجة الخطية لحل المسألة، وقد أثبتت النتائج أن قيم المخرجات ظهرت منطقية وبالفعل حققت أهداف الدراسة من خلال إمكانية الحصول على القيم الأمثل للمتغيرات الثلاثة التي تحقق أربعة عشر قيوداً، وبما تقل دالة الهدف وتعطي أفضل قيمة تصغير ممكنة لها، وبما تحقق أعلى قيمة للكفاءة وبأقل تكلفة ممكنة وفي إطار الميزانية المحددة كقيود .

4- ترجمة عبدالعزيز بن حمد المقرن "برمجة المشاريع المعمارية والمرشد لمرحلة ما قبل التصميم", الرياض 1428 هـ. فهرس مكتبة الملك فهد الوطنية أثناء النشر, 2007.

5- الاستغلال الامثل للمساحات الفراغية داخل الابنية المكتبية , يوسف عبدالسلام , مجلة جامعة دمشق للعلوم الهندسية , العدد الثاني , المجلد الثالث والعشرون , 2007 .

المراجع من شبكة المعلومات الدولية :

6- الموقع الخاص بالمعهد الامريكى الفيدرالى للمعماريين بالولايات المتحدة :

(<http://www.FAIA.com>)

محاضرات فى بحوث العمليات ( البرمجة الخطية) د. حمودي صحراوي, 2011

## LINEAR PROGRAMMING APPROACH TO CALCULATE OPTIMAL SPACES OF THE PROGRAM DURING THE ARCHITECTURAL PROGRAMMING STAGE

### Abstract:

preparing architectural programs according to internationally approved approaches it follows a highly efficient design and affordable cost, most countries of the world use multiple approaches to preparing space programs of projects during the architectural programming stage. However in Egypt still depends on traditional methods of calculating spaces during preparation those programs and the consequent low quality of the architectural end product, the area is one of the important element that is required to be calculated accurately to ensure an appropriate quality for the project at low cost, so we need to research for a suitable technique to calculate the optimal solution for the gross area that achieves a high quality of the project, so the researchers suggest using linear programming technique that its results are the value of this variables: (net area, services area, area of communication and vertical and horizontal connection element).

The research aims to minimize the gross area through some constraints such as standards, requirements, budget, and (min, max) limits for area, etc. Then use the simplex method to find the optimal values of the gross area components, that represent the independent variable of study and measure the change on the dependent variables as (the efficiency and cost of the project). The study is applied on a hypothetical space program, and the results of the optimal solutions targeted for spaces, that achieve the highest efficiency for the project at a cost commensurate with the project budget, this study concluded that the linear programming technique can be used to calculate the area when preparing space programs for architectural projects before the design, and the success of the proposed technique in calculating the optimal solutions that achieve the quality of the project at an early stage during the architectural programming stage before starting the schematic design for the project.

**Key words :** area, space programming, efficiency, cost