

تسوية معدلات الوفاة باستخدام  
طريقة جنكنز بالتوليد البينى المتذبذب المعدل

Graduation of Mortality Rates by Jenkins'  
Modified Osculatory Interpolation Method

د. إبراهيم محمد مرجان  
كلية التجارة جامعة القاهرة

مقدمة : Introduction

فى سلسلة من الابحاث قام الباحث بدراسة عدة طرق من طرق تسوية معدلات الوفاة الخام باستخدام طرق التوليد البينى فى التحليل العدى . ففى بحث لطريقة جاوس فى التسوية [١] قام الباحث بدراسة طريقة من طرق التوليد البينى والتي تم التركيز فيها بصورة كبيرة على ضرورة الالتزام بقيم معدلات الوفاة الخام عند نقاط الارتكاز واستخدام الطريقة لمجرد التوليد فيما بين اعمار الارتكاز دون مساس قيم معدلات الوفاة عند هذه الاعمار . اى انه قد تم التركيز بصفة كبيرة على خاصية التوفيق مما انتج لنا معدلات وفاة مسواة يعيب منحناها وجود نقاط عدم استمرارية كثيرة عند نقاط الارتكاز . ثم فى بحث تال لذلك قام الباحث [٢] بدراسة طريقة اخرى من طرق التسوية باستخدام التوليد البينى وهى طريقة التسوية باستخدام التوليد البينى المتذبذب والتي تم فيها معالجة العيب السابق فى معدلات الوفاة المسواة عن طريق فرض سبراجو الخاص بضرورة تساوى معدل التغيير فى معدلات الوفاة المسواة مع التغيير فى العمر (المعامل التفاضلى الأول لمعدلات الوفاة المسواة

بالنسبة للعمر) قبل وبعد كل نقطة من نقاط الارتكاز مباشرة وبذا امكن التوصل الى معدلات وفاة مسواة يتميز منحناها بالاستمرارية والنعومة فى كل اجزائه .

وبالرغم من نجاح سبراجو فى التوصل الى معدلات وفيات مسواة تتساوى مع معدلات الوفاة الخام عند اعمار الارتكاز (جودة فى التوفيق ) مع نجاحة فى معالجة العيب الخاص بعدم استمرارية منحنى المعدلات المسواة ووصوله الى معدلات مولدة يتميز منحناها بالاستمرارية فى جميع اجزائه (جودة فى التنعيم ) ، الا انه يمكن ان نلاحظ وجود عيب واضح جدا فى معدلات الوفاة المسواة بهذه الطريقة وهو عدم خضوع قيم معدلات الوفاة المسواة بهذه الطريقة للفكرة او المعلومات المسبقة عن قانون الوفاة الطبيعى (الذى يجب ان تتفق معه معدلات الوفاة المسواة) ، تلك المعلومات الراسخة الخاصة بضرورة تزايد معدلات الوفاة مع تزايد العمر (فيما عدا فى السنة الاولى من العمر أو السنوات القليلة الأولى منه) وحيث ان هذه الطريقة تنتج معدلات وفاة مسواة متزايدة مع العمر بين بعض نقاط الارتكاز وتنتج معدلات وفاة مسواة متناقصة مع تزايد العمر بين بعض نقاط الارتكاز الأخرى لذا وجب البحث فى علاج لهذا العيب الواضح للتسوية بهذه الطريقة.

لهذا السبب تم التفكير فى هذا البحث الجديد والخاص بمحاولة تطوير طرق التسوية بالتوليد البينى والتي تركز على الاهتمام بجودة التوفيق وطرق التسوية بالتوليد البينى المتذبذب والتي تهتم بجودة التنعيم بجانب جودة التوفيق للوصول الى طرق تسوية تمكنا من الوصول الى معدلات وفاة مسواة يتميز منحناها بمروره اقرب ما يمكن من قيم المعدلات الخام عند نقاط الارتكاز (اي يتميز ببعض جودة التوفيق) وايضا يتميز منحناها بالاستمرارية فى جميع اجزائه (اي يتميز بجودة التنعيم) وفى الوقت نفسه يتميز هذا المنحنى بتحقيق

الفكرة المسبقة عن علاقة معدلات الوفاة الحقيقية مع الأعمار بحيث تنتج لنا معدلات وفاة مسواة متزايدة مع تزايد العمر (فيما عدا السنة او السنوات القليلة الأولى من العمر).

### أهمية وأهداف البحث :

لأن طريقة التسوية الجيدة يمكن تحديدها بالنظر الى :

- (١) نعومة واستمرارية المعدلات المسواة.
- (٢) اتفاق المعدلات المسواة مع المعدلات الخام.
- (٣) اتفاق المعدلات المسواة مع الفكرة المسبقة عن قانون الوفاة الطبيعي.

تتضح أهمية هذا البحث عندما نعرف انه سوف يبحث في الوصول الى طريقة تسوية تحقق الثلاثة عناصر السابق ذكرها ، وكذلك تتحدد أهدافه فيما يلي :

- (١) تقديم طريقة جنكنز في التوليد البينى المتذبذب المعدل والتي تحقق خضوع المعدلات المسواة للفكرة المسبقة عن قانون معدلات الوفاة الطبيعي بالاضافة الى جودة التوفيق وجودة التنعيم. كما أن هذه الطريقة هي الأخرى لم تكتب قبل الآن باللغة العربية مما يجعل من الأهمية بمكان تقديمها للقراء والباحثين العرب لأول مرة باللغة العربية.

(٢) التوضيح العملى لخطوات تطبيق الطريقة فعليا على

بيانات عملية فعلية خاصة بالسوق المصرى.

اسلوب البحث :

عادة ما نحتاج الى استخدام اسلوبين متعارف عليهما فى مثل هذه

الابحاث :

(١) الاسلوب العلمى أو المكتبى :

وفيه سوف نعتد على الكتب والمراجع العلمية الخاصة بطرق التوليد البينى وطرق التوليد البينى المتذبذب وطرق التوليد البينى المتذبذب المعدل واساس كل منها العلمى فى فرع المعرفة المسمى بالتحليل العدى. ايضا نطلع على الكتب والأبحاث والمراجع العلمية وما شابه ذلك والخاصة بطرق تسوية معدلات الوفاة وخصائصها وعناصرها وخلافه. وهنا يجب ان اوضح اعتمادى بصورة تامة على مرجعين اساسيين احدهما خاص بالتحليل العدى خاصة طرق التوليد البينى بصفة عامة والتوليد البينى المتذبذب المعدل بصفة خاصة [٤] والآخر خاص بطريقة التسوية المستخدمة فى هذا البحث [٦].

(٢) الاسلوب العلمى :

وفيه يتم جمع بيانات فعلية من السوق المصرى

لتطبيق الطريقة محل البحث عليها.

## اجزاء البحث :

سوف يقوم الباحث بتقسيم هذا البحث الى :

المبحث الاول : عناصر طرق تسوية البيانات

المبحث الثانى : تسوية جنكنز بالتوليد البينى المتذبذب  
المعدل

المبحث الثالث : تطبيق طريقة جنكنز للتسوية بالتوليد  
البينى المتذبذب المعدل على بيانات  
فعلية مصرية

المبحث الرابع : النتائج والتوصيات

مراجع البحث

اخيرا الجداول والرسوم البيانية

## المبحث الأول

### عناصر طرق تسوية البيانات

## Elements of Graduation Methods

### مقدمة Introduction :

تتميز عمليات التسوية بثلاث عناصر هامة :

(١) التنعيم أو مدى تدرج القراءات من قراءة الى الأخرى أو مدى تناسب كل قراءة من القراءات مع القراءات السابقة عليها والقراءات اللاحقة لها.

(٢) التوفيق أو مدى تمشى البيانات المسواة مع القراءات المشاهدة.

(٣) اتفاق المعدلات المسواة مع الفكرة المسبقة عن قانون الوفاة الطبيعي.

فالسلسلة المسواة يجب ان تكون ناعمة ومستمرة (بالمقارنة بالسلسلة الخام) ويجب ان تكون متمشية مع ما تقضى به البيانات الخام وكذلك ما يقضى به قانون الوفاة الطبيعي.

عمليتى التنعيم والتوفيق غير مستقلتين عن بعضهما. حيث أن تنعيم السلسلة المشاهدة يعنى أن قيمها سيتم تغييرها واستبدالها بقيم جديدة تختلف عن القيم المشاهدة. وبصفة عامة كلما زدنا فى التنعيم فإن النتيجة الحتمية هى التخفيض فى التوفيق ، والعكس عندما نأخذ القيم المسواة لتكون قريبة من البيانات المشاهدة أى حسنا فى التوفيق فإن التنعيم سينخفض من ذلك بالضرورة. التوفيق المثالى سيتمثل فى أخذ البيانات الخام كما هى لتمثل السلسلة المسواة وبذا لا يكون هناك أى تنعيم بالمرّة أى لا تكون هناك أى تسوية.

وبذا يمكن القول بأن الخاصيتين التنعيم والتوفيق متعارضتين بمعنى أنه يجب أن ننعّم البيانات الخام لكن فى حدود لانتعدها حتى لانضحى بالتوفيق وأيضا يجب أن نوفق مع البيانات الخام لكن فى حدود لانتعدها حتى لانضحى بالتنعيم. ونتيجة لذلك يمكن القول بأن السلسلة المسواة يجب أن تتبع بالضرورة حل وسط بين التوفيق الكامل والتنعيم الكامل ، وبذا تمثل النتائج النهائية تبادل واحلال بين الاثنين. ولكى تكون طريقة التسوية طريقة عامة يمكن استعمالها يجب أن تسمح للمسوى بأن يختار الأهمية النسبية لكل من التنعيم والتوفيق فى السلسلة المسواة فى كل حالة على حدة.

لا توجد طريقة تسوية تحقق فى نفس الوقت القيمة العظمى لكل من التنعيم والتوفيق. ولكن جميع الطرق تسمح بالتحكم فى تحديد الأهمية النسبية لكل من الاثنين. وبالرغم من أن كل طريقة تحقق ذلك بطريقة مختلفة. وعند تطبيق طريقة معينة على بيانات محددة فإن ظروف هذه البيانات ستحدد طبيعة ومدى التضحية بين الخاصيتين التنعيم والتوفيق.

## المبحث الثانى

### تسوية جنكنز بالتوليد البينى المتذبذب المعدل

## Jenkins' Graduation by Modified Osculatory Interpolation Method

كما بينا فى الابحاث السابقة [٢٠١] فان اجراءات التسوية تبدأ بوضع المقادير المعرضة للخطر فى مجموعات عمرية خمسية ووضع اعداد الوفيات فى مجموعات عمرية خمسية من نفس النوع. من هذين البيانيين نبدأ الخطوة الثانية والخاصة بتحديد نقاط ارتكاز نعتمد عليها فى الوصول الى القيم المولدة بينها وتتوقف جودة التوليد على جودة ونعومة نقاط الارتكاز لذا فقد وجدنا انه من المناسب هنا فى هذا البحث استخدام طريقة كنج الخماسية التى لم يسبق لنا استخدامها لتوليد نقاط ارتكاز انعم مايكون ونوضح ذلك فيما يلى :

### الطريقة الخماسية لكنج فى حساب نقاط الارتكاز : Kings Method

باستخدام نفس الطريقة المبينة فى البحث السابق [٢] فى الجزء الخاص بالطريقة الثلاثية لكنج فى حساب نقاط الارتكاز يمكن كتابة قانون كنج الثانى (الصحيح حتى الفرق الخامس) كما يلى :

$$\begin{aligned} \text{حس} = ٠,٢ \text{ نس} - ٠,٠٠٨ \text{ (نس-ه)} + ٢ \text{ نس} + \text{نس+ه)} + ٠,٠٠٠٨٩٦ \\ \text{(نس-١٠) - ٤ نس-ه} + ٦ \text{ نس} - ٤ \text{ نس+ه} + \text{نس+١٠)} \quad (١) \end{aligned}$$



وكما سبق القول فان معادلات كنج يجب ان نطبقها بصفة مستقلة متره على المقادير المعرضة للخطر ومرة على عدد الوفيات . قيم الارتكاز لمعدلات الوفاة يمكن حسابها بعد ذلك بقسمة عدد الوفيات على قيم المقادير المعرضة للخطر المحسوبة من معادلات كنج.

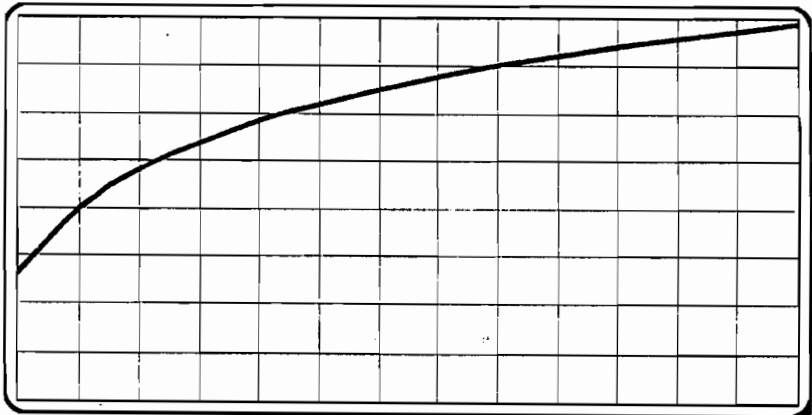
طريقة كنج لن تعطى نقاط ارتكاز مقبولة الا اذا كانت البيانات المجمعة

طريقة التوليد المتذبذب المعدل :

### Modified Osculatory Interpolation Method

تعتبر كل من قوانين طريقة التوليد العادية وطريقة التوليد المتذبذب هي قوانين توليد حقيقية، بمعنى ان اجزاء المنحنى المولد تمر خلال نقاط الارتكاز. جنكنز W. A. Jenkins ابتعد عن هذا الشرط ووصل الى مجموعة قوانين ، معروفة بقوانين التوليد المتذبذب المعدلة ، توصلنا الى تنعيم اكبر للقيم المولدة عن قوانين التوليد الاخرى.

في قوانين التوليد المتذبذب المعدلة فان كل جزئين متجاورين من المنحنى المولد تتقابل بحيث تكون المعاملات التفاضلية المتتالية الى عدد معين لدالة المنحنى المولد متساوية عند نقاط الارتكاز المشتركة. هذه القوانين تم تمثيلها في شكل ( ٢ ) . لاحظ انه لاضرورة لان تمر المنحنيات المولدة بنقاط الارتكاز.



شكل ( ٢ )

واكثر هذه القوانين شيوعا في الاستخدام هي قانون جنكنز Jenkins'

Formula للفرق الخامس والموضح فيما يلي :

## قانون جنكنز في التوليد المتذبذب المعدل Jenkins' Formula :

قانون التوليد المتذبذب المعدل الصحيح للفرق الخامس في التوليد البينى (والخاص بجنكنز) في المدى من س الى س+١ والذي يقوم على اساس استخدام ٦ نقاط ارتكاز س-٢ ، س-١ ، س ، س+١ ، س+٢ ، س+٣ وعلى الفروض :

(١) عند النقطة س ، تكون دوال المنحنيات المولدة في المناطق المجاورة، المنحنى المولد في المدى س-١ ، س والمنحنى المولد في المدى س ، س+١ لها نفس القيمة . أى أنهما سيتقابلان عند هذه النقطة وستساوى معاملاتها التفاضلية الأولى والثانية عند هذه النقطة.

(٢) عندما تقع قيم الخمس نقط ارتكاز س-٢ ، س-١ ، س ، س+١ ، س+٢ على منحنى واحد من الدرجة الثالثة فإن المنحنيات المولدة عند النقطة س ستتطابق عند نقطة الارتكاز س .

هذا القانون يعتبر أحد قوانين عائلة التوليد المتذبذب المعدل للفروق من درجات مختلفة والتي يمكن الوصول اليها عن طريق عمل التعديلات المناسبة في الفروض السابقة ، ويمكن الوصول اليه كما يلي :

فلنرمز للقيمة البيئية المولدة بالرمز  $s+t$  ، وباستخدام قانون افرت Everett في التحليل العددي ، والمبنى على متوسط المسارين المبيين فيما يلي :

			*
			*
		*	*
	*	*	*
٤٥ ف.	٢٥ ف.		*
		*	*
١٤٥ ف.	١٢٥ ف.		*
	*	*	*
		*	*



$$\begin{aligned} & \text{أ}'(٠) (١ - \text{س} - ١ + \text{س}^٢ \delta) - \text{أ}'(١) (٢ \text{س}) + \text{ب}'(٠) (\text{س}^٢ \delta + ١ + \text{س} - ١) \\ & - \text{ب}'(١) (\text{س}^٢ \delta) + \text{ح}'(٠) (\text{س}^٤ \delta - ١ + \text{س} - ١) - \text{ح}'(١) (\text{س}^٤ \delta) = ٠ \end{aligned}$$

وبإعادة ترتيب هذه الحدود نصل الى

$$\begin{aligned} & ٢[\text{أ}'(١) - \text{أ}'(٠)] \text{س} + ٢[\text{ب}'(٠) - \text{ب}'(١)] + \text{أ}'(٠) + \text{أ}'(١) + \text{س}^٢ \delta [\text{ح}'(٠) - \text{ح}'(١)] - ١ + \text{س} \\ & \text{س}^٤ \delta [\text{ب}'(٠) - \text{ب}'(١)] + \text{س}^٤ \delta [\text{ح}'(٠) - \text{ح}'(١)] = ٠ \end{aligned} \quad (٦)$$

ومن ذلك يتضح أن

$$\begin{aligned} & \text{أ}'(٠) = \text{أ}'(١) , \quad \text{ب}'(٠) = \text{ب}'(١) - \text{ب}'(١) + \text{أ}'(١) \\ & \text{ح}'(٠) = ٠ , \quad \text{ح}'(١) = ٠ \end{aligned}$$

أيضا باستخدام الفرض الأول فيما يخص المعامل التفاضلى الثانى يمكن مساواة المعادلة (٦) بعد وضع (ت=٠) مع المعادلة (٦) بعد وضع (ت=١) واستبدال س ب س-١ كما يلى :

$$\begin{aligned} & \text{أ}''(٠) (\text{س} - ١ + \text{س} - ١ + \text{س}^٢ \delta) + \text{ب}''(٠) (\text{س}^٢ \delta + ١ + \text{س} - ١) + \text{ح}''(٠) (\text{س}^٤ \delta + ١ + \text{س} - ١) \\ & - \text{أ}''(١) (\text{س} - ١ + \text{س} - ١ + \text{س}^٢ \delta) - \text{ب}''(١) (\text{س}^٢ \delta) - \text{ح}''(١) (\text{س}^٤ \delta) = ٠ \end{aligned} \quad (٧)$$

ومن ذلك يتضح أن

$$\text{أ}''(٠) = \text{ب}''(٠) = \text{ح}''(٠) = ٠$$

اخيرا بتطبيق الفرض الثانى (٢) وبالتعويض عن  $\text{س}^٤ \delta = ٠$  ينتج أن:

$$\begin{aligned} & \text{س} = \text{س} + \text{أ}'(٠) + \text{ب}'(٠) + \text{ح}'(٠) + \text{س}^٢ \delta (\text{ب}'(٠) + \text{ح}'(٠)) + \text{س} + \text{أ}'(١) + \text{ب}'(١) + \text{ح}'(١) \\ & + \text{س}^٢ \delta (\text{ب}'(١) + \text{ح}'(١)) = \text{س} + \text{أ}'(٠) + \text{ب}'(٠) + \text{ح}'(٠) + \text{س}^٢ \delta (\text{ب}'(٠) + \text{ح}'(٠)) + \text{س} + \text{أ}'(١) + \text{ب}'(١) + \text{ح}'(١) \\ & + \text{س}^٢ \delta (\text{ب}'(١) + \text{ح}'(١)) \end{aligned} \quad (٨)$$

ومن ذلك يتضح أن

$$\text{أ}'(١) = ١ , \quad \text{ب}'(١) = ٠$$

والدالة أ(ت) ذات الدرجة الأصغر والتي تحقق الشروط

$$\begin{aligned} 1 &= (1)'أ & , & & 0 &= (0)''أ = (0)'أ \\ 1 &= (0)'أ & \text{وبالتالى فان} & & 0 &= (ت)'أ \end{aligned}$$

والدالة ب(ت) ذات الدرجة الأصغر والتي تحقق الشروط

$$0 = 1 + (1)'ب٢ - (0)'ب٢ \quad , \quad 0 = (0)''ب = (1)'ب = (0)'ب$$

$$\frac{1 - (ت)٢}{٦} = (0)'ب \quad \text{وبالتالى فان} \quad \frac{(ت)٢ - ١}{٦} = (ت)'ب$$

والدالة ح(ت) ذات الدرجة الأصغر والتي تحقق الشروط

$$0 = \frac{1}{٦} + (1)'ح٢ \quad , \quad 0 = (0)''ح = (0)'ح = (0)'ح$$

$$\frac{-٣ت}{٣٦} = (ت)'ح \quad \text{هى}$$

وبذلك فانه يمكن كتابة قانون جنكنز Jenkins' Formula للتوليد المتذبذب المعدل فى التوليد البينى والذي يستخدم ٦ نقاط ارتكاز والصحيح حتى الفرق الخامس على الصورة التالية :

$$\begin{aligned} & \frac{٣ت}{٣٦} - \frac{(ت)٢ - ١}{٦} + ١ + ت = ١ + ت + \frac{٢\delta}{١ + \delta} - \frac{٣\delta}{١ + \delta} \\ (٩) \quad & \frac{٢(ت-١)}{٣٦} - \frac{[١-٢(ت-١)](ت-١)}{٦} + (ت-١) = ١ + ت + \frac{٢\delta}{١ + \delta} - \frac{٣\delta}{١ + \delta} \end{aligned}$$

وباعادة ترتيب هذه الحدود يمكن وضع القانون على الشكل الأيسر الآتى :

$$\frac{1}{٦} - \frac{1}{٦} + \frac{1}{٣٦} = ١ + ت + \frac{٢\delta}{١ + \delta} - \frac{٣\delta}{١ + \delta}$$



طريقة توفيق منحني من الدرجة الثالثة Cubic Curve للقيم الثلاثة الاخيرة المحسوبة مع قيم  $f = 1$  عند سن نهائى يرمز له بالرمز  $\omega$ .

حساب القيم المولدة :

Computation of the Interpolated Values

بصفة عامة توجد هناك طريقتان لحساب القيم المولدة . الاولى هى انشاء جدول الفروق ثم استخدام القوانين السابق ذكرها والمكتوبة على صورة متمشية مع قوانين افيريت Everett Form حيث يكتب القانون اولا للقيم المطلوبة لـ  $r$  . وبالتالي فالقانون السابق ( $9$  أو  $10$ ) يعطى :

$$\begin{aligned} \text{يس} + 1 &= 0,1 \text{ ج} + (1 + \text{س}) \text{ج} \\ \text{يس} + 3 &= 0,3 \text{ ج} + (1 + \text{س}) \text{ج} \\ \text{يس} + 5 &= 0,5 \text{ ج} + (1 + \text{س}) \text{ج} \\ \text{يس} + 7 &= 0,7 \text{ ج} + (1 + \text{س}) \text{ج} \\ \text{يس} + 9 &= 0,9 \text{ ج} + (1 + \text{س}) \text{ج} \end{aligned} \quad (11)$$

حيث

$$\begin{aligned} \text{ج} (1 + \text{س}) &= 0,1 - [(6 \div \text{س}^4 \delta) - \text{س}] - 0,0165 - [\delta^2 \text{س} - (36 \div \text{س}^4 \delta)] \\ \text{ج} (3 + \text{س}) &= 0,3 - [(6 \div \text{س}^4 \delta) - \text{س}] - 0,0455 - [\delta^2 \text{س} - (36 \div \text{س}^4 \delta)] \\ \text{ج} (5 + \text{س}) &= 0,5 - [(6 \div \text{س}^4 \delta) - \text{س}] - 0,0625 - [\delta^2 \text{س} - (36 \div \text{س}^4 \delta)] \\ \text{ج} (7 + \text{س}) &= 0,7 - [(6 \div \text{س}^4 \delta) - \text{س}] - 0,0595 - [\delta^2 \text{س} - (36 \div \text{س}^4 \delta)] \\ \text{ج} (9 + \text{س}) &= 0,9 - [(6 \div \text{س}^4 \delta) - \text{س}] - 0,0285 - [\delta^2 \text{س} - (36 \div \text{س}^4 \delta)] \end{aligned} \quad (12)$$

وإذا افترضنا انه عند النهايات تكون قيمة الفروق الرابعة لهاوى صفر

فيكون عندنا





$$\begin{aligned} & \text{كس } ٧+ = ٠,٠٠٠٨ \text{ كس } ٢- - ٠,٠٥٢٠ \text{ كس } ١- + ٣٦٥١ \text{ كس} \\ & + ٧١٩٣ \text{ كس } ١+ - ٠,٢٢١ \text{ كس } ٢+ - ٠,٠٠٩٥ \text{ كس } ٣+ \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \text{كس } ٩+ = ٠,٠٠٠٠٣ \text{ كس } ٢- - ٠,٣٦٦ \text{ كس } ١- + ١٨٥٣ \text{ كس} \\ & + ٨١٩١ \text{ كس } ١+ + ٠,٥٢٥ \text{ كس } ٢+ - ٠,٢٠٣ \text{ كس } ٣+ \end{aligned}$$

وبمقتضى الطريقة الخطية المركبة نحتاج الى استخدام الفروق عند النهايات فقط لكي نحدد قيمة  $y-٢$  ،  $y-١$  ،  $y+١$  ،  $y+٢$  . اما باقى الفروق فهى غير مطلوبة . وهذا التبسيط والتسهيل فى حساب الفروق يجعل من هذه الطريقة طريقة أفضل من غيرها.

المبحث الثالثتطبيق طريقة جنكنز للتسوية بالتوليدالبينى المتذبذب المعدل على بيانات فعلية مصرية

نبدأ فى هذا المبحث الجزء التطبيقى فى هذا البحث حيث ستستمد البيانات الخاصة بالمقادير المعرضة للخطر من بيانات آخر تعداد مصرى سنة ١٩٨٦ ، وستستمد البيانات الخاصة باعداد الوفيات من الاحصاءات الحيوية عام ١٩٨٦ وذلك حتى تسهل عملية المقارنة مع نتائج الباحثين السابقين [٢٠١] والذين استخدموا نفس هذين البيانيين. وبعد وضع كلا البيانيين على صورة مجموعات عمرية خمسية كما هو مبين بالعمودين الأول والثانى من جدول رقم (١) يمكن توضيح الخطوات الفعلية لتطبيق هذه الطريقة فى التسوية كما يلى :

طريقة كنج المعتمدة على خمس مجاميع خمسية متجاورة والصحيحة حتى الفرق الخامس فى حساب نقاط الارتكاز :

لتحديد قيم نقاط الارتكاز المعتمدة على خمس مجاميع خمسية متجاورة والصحيحة حتى الفرق الخامس وفيها أيضا يتم التعامل اولاً مع اعداد الوفيات الخام واعداد الاحياء الخام بدلا من التعامل مع معدلات الوفاة بصفة مباشرة خاصة وان التمثيل البياني للبيانات المجمعة لأعداد الوفيات والاحياء يتضح منها أننا لاحتياج الى عملية التسوية البيانية التمهيدية التى نحتاجها فى بعض الاحيان قبل تطبيق طريقة كنج (أنظر الشكل رقم (١) والشكل رقم (٢)) ، ثم بعد ذلك يتم قسمة اعداد الوفيات المحسوبة بطريقة كنج على اعداد الاحياء المحسوبة بطريقة كنج لكى تنتج معدلات الوفاة عند نقاط الارتكاز وكذلك فانه كما سبق القول يمكن الوصول الى قيم الارتكاز اما بالاعتماد على جداول الفروق ومعادلات كنج على صورة تتناسب مع جداول الفروق كما يلى :

$$\text{عس} = ٠,٢ \text{ وئس} - ٨٠٠٠٨ \text{ وئس} - ٥٠٠٠٨٩٦ + ٨٠٠٠٠ \text{ وئس} - ١٠٠٠$$

أو بالاعتماد على جداول قيم المشاهدات الاصلية ومعادلات كنج على صورة معادلة خطية مركبة من القيم المشاهدة الاصلية بحيث تتناسب مع هذه البيانات كما يلي :

$$\begin{aligned} \text{كس} &= ٠,٠٠٠٨٩٦ \text{ و"س} - ١,٠ - ٠,١١٥٨٤ \text{ و"س} - ٥ + ٠,٢٢١٣٧٦ \text{ و"س} \\ &- ٠,١١٥٨٤ \text{ و"س} + ٥ + ٠,٠٠٠٨٩٦ \text{ و"س} + ١,٠ \end{aligned}$$

والجدول رقم (١) يوضح نتائج تطبيق هذه الطريقة ، والشكل رقم (٣) يمثل هذه النتائج بيانيا.

وكما يتضح من الشكل رقم (٣) فان نقاط الارتكاز تكون ناعمة عند حساب نقاط الارتكاز وفقا لطريقة كنج المعتمدة على خمس مجاميع خمسية متجاورة والصحيحة حتى الفرق الخامس، لذا يمكن استخدام نقاط الارتكاز المحسوبة وفقا لهذه الطريقة فى عملية التوليد البينى التالية لأنه كما سبق القول ستكون هذه النقاط هى الأساس فى تحديد جودة التسوية النهائية .

### الخطوة الثالثة : التوليد البينى :

كما سبق القول فانه توجد طريقتان لحساب القيم المولدة بين نقاط الارتكاز أى انه يمكن الوصول الى القيم المولدة أو القيم البينية بطريقتين مختلفتين كل منهما توصلنا الى نفس القيم المولدة ولكن بكم مختلف من الجهد والعمليات الحسابية:

وهي انشاء جداول فروق من طبيعة الفروق الموجودة في نفس القانون المستخدم لحساب القيم البيئية وبعد كتابة هذا القانون لجميع قيم ر يمكن اتمام عملية التوليد البيئي.

وعندئذ يمكن اتمام عملية توليد القيم البيئية بين نقاط الارتكاز كما يلي :

طريقة جنكز في التوليد المتذبذب المعدل والتي تعتمد على ٦ نقاط ارتكاز (١٠٠) (الصحيحة حتى الفرق الخامس) والتي تأخذ الشكل :

$$\begin{aligned}
 & \delta^1 + r = (\delta^1 + 1) - \delta^1 - 36 - (\delta^4 + 1) - r^{-1} - r^{-1} - (1 - r^{-1}) (\delta^2 + 1) \\
 & \delta^{-1} + r^{-1} = (\delta^{-1} + 1) + r^{-1} + (\delta^{-1} + 1) - 36 - (\delta^4 + 1) - r^{-1} \\
 & \delta^{-1} + r^{-1} - (\delta^{-1} + 1) - r^{-1} - (1 - r^{-1}) (\delta^2 + 1) - (\delta^4 + 1) - r^{-1}
 \end{aligned}$$

وبذلك يتضح اننا نحتاج الى اعداد جدول فروق مركزيه "  $\delta$  " على الشكل المبين في جدول رقم (٣) :

وإذا افترضنا ان قيمة الفروق السادسة  $\delta^6$  تساوى صفر عند النهايات فيكون عندنا :

$$\delta^6 = 0, \delta^6 = 1, \delta^6 = \dots = \delta^6 = 1 - \omega \delta^6 = \omega \delta^6 = \text{صفر}$$

وبالتالى فان الفروق الخامسة المجهولة عند النهايات يمكن وضعها على

الصورة

$$\begin{aligned} \cdot, \cdot \delta^{\circ} &= 1, \cdot \delta^{\circ} = 2, \cdot \delta^{\circ} \\ \cdot, \cdot + \omega \delta^{\circ} &= \cdot, \cdot - \omega \delta^{\circ} = 1, \cdot - \omega \delta^{\circ} = 2, \cdot - \omega \delta^{\circ} \end{aligned}$$

وبالتالى فان الفروق الرابعة المجهولة عند النهايات يمكن وضعها على

الصورة

$$\begin{aligned} 2, \cdot \delta^{\circ} - 2 \delta^{\circ} &= 1, \cdot \delta^{\circ} - 2 \delta^{\circ} = 1 \delta^{\circ} \\ 2, \cdot \delta^{\circ} \times 2 - 2 \delta^{\circ} &= \cdot, \cdot \delta^{\circ} - 1 \delta^{\circ} = \cdot \delta^{\circ} \\ 2, \cdot - \omega \delta^{\circ} - 2 - \omega \delta^{\circ} &= 1, \cdot - \omega \delta^{\circ} + 2 - \omega \delta^{\circ} = 1 - \omega \delta^{\circ} \\ 2, \cdot - \omega \delta^{\circ} \times 2 - 2 - \omega \delta^{\circ} &= \cdot, \cdot - \omega \delta^{\circ} + 1 - \omega \delta^{\circ} = \omega \delta^{\circ} \end{aligned}$$

وبالتالى فان الفروق الثالثة المجهولة عند النهايات يمكن وضعها على الصورة

$$\begin{aligned} 1 \delta^{\circ} - 1, \cdot \delta^{\circ} &= \cdot, \cdot \delta^{\circ} \\ 1 - \omega \delta^{\circ} + 1, \cdot - \omega \delta^{\circ} &= \cdot, \cdot - \omega \delta^{\circ} \end{aligned}$$

وبالتالى فان الفروق الثانية المجهولة عند النهايات يمكن وضعها على

الصورة

$$(1\delta^4 - 1,0\delta^3) - 1\delta^2 = 1,0\delta^3 - 1\delta^2 = 1\delta^2$$

$$(2,0\delta^0 - 2\delta^4) + 1,0\delta^3 - 1\delta^2 =$$

$$2,0\delta^0 - 2\delta^4 + 1,0\delta^3 - 1\delta^2 =$$

$$(1 - \omega\delta^4 + 1,0 - \omega\delta^3) + 1 - \omega\delta^2 = 1,0 - \omega\delta^3 + 1 - \omega\delta^2 = \omega\delta^2$$

$$(1,0 - \omega\delta^0 + 2 - \omega\delta^4) + 1,0 - \omega\delta^3 + 1 - \omega\delta^2 =$$

$$2,0 - \omega\delta^0 + 2 - \omega\delta^4 + 1,0 - \omega\delta^3 + 1 - \omega\delta^2 =$$

بالتالى يصبح قانون التوليد عند قيم " ر " المختلفة كما يلى :

$$1,0 + \delta = 0,1 - (1 + \delta^{0,278} - 1) = 0,1 - 0,0165$$

$$- (1 + \delta^{0,278} - 1) + (1 + \delta^{0,1667} - 1) = 0,9 - (1 + \delta^{0,278} - 1) + (1 + \delta^{0,1667} - 1)$$

$$0,0285 - (1 + \delta^{0,1667} - 1)$$

$$1,3 + \delta = 0,3 - (1 + \delta^{0,278} - 1) = 0,3 - 0,0455$$

$$- (1 + \delta^{0,278} - 1) + (1 + \delta^{0,1667} - 1) = 0,7 - (1 + \delta^{0,278} - 1) + (1 + \delta^{0,1667} - 1)$$

$$0,0595 - (1 + \delta^{0,1667} - 1)$$

$$1,5 + \delta = 0,5 - (1 + \delta^{0,278} - 1) = 0,5 - 0,0625$$

$$- (1 + \delta^{0,278} - 1) + (1 + \delta^{0,1667} - 1) = 0,5 - (1 + \delta^{0,278} - 1) + (1 + \delta^{0,1667} - 1)$$

$$0,0625 - (1 + \delta^{0,1667} - 1)$$

$$\begin{aligned} 0,0595 - (1 + \delta^{0,0278}) &= 0,7 + \delta \\ - (1 + \delta^{0,0278}) &+ (1 + \delta^{0,1667}) \\ - (1 + \delta^{0,0278}) &+ (1 + \delta^{0,1667}) \\ &+ (1 + \delta^{0,1667}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 0,0285 - (1 + \delta^{0,0278}) &= 0,9 + \delta \\ - (1 + \delta^{0,0278}) &+ (1 + \delta^{0,1667}) \\ - (1 + \delta^{0,0278}) &+ (1 + \delta^{0,1667}) \\ &+ (1 + \delta^{0,1667}) \end{aligned}$$

والآن وباستخدام هذه القوانين وجدول الفروق السابق يمكن حساب جميع القيم البيئية المولدة لجميع قيم  $s$  من  $s = 0$  الى  $s = \omega$  وجميع قيم "  $r$  " ،  $r = 0,1, 0,3, 0,5, 0,7, 0,9$  كما هو موضح فى الجدول الآتى رقم (١٦) والذي يوضح المعدلات المولدة بهذه الطريقة والتي تم تمثيلها بيانيا فى الشكل رقم (٢)

### الطريقة الثانية :

وفيهما يتم تطوير القانون المستخدم فى التوليد وذلك لوضعه على صورة دالة خطية مركبة بدلالة قيم الدالة المعروفة نفسها فقط (نقاط الارتكاز) ولا يكون بها اى نوع من أنواع الفروق. أى ان كل قيمة مولدة لآى قيمة لـ

"س" وأى قيمة لـ "ر" يتم كتابتها بدلالة قيم الدالة الأصلية عند نقاط الارتكاز مباشرة وبعد ذلك يمكن اتمام عملية التوليد بين نقاط الارتكاز كما يلي :

طريقة جنكنز في التوليد المتذبذب المعدل والتي تعتمد على ٦ نقاط ارتكاز

(١٠) (الصحيحة حتى الفرق الخامس) فانه يجب تطويرها وكتابتها على الشكل

التالى كدالة من قيم الدالة الأصلية عند نقاط الارتكاز :

$$\begin{aligned} \text{مس} + \text{ر} &= \text{ر} - 1 \times (\text{ر}) \text{س} - 2 \times (\text{ر}) \text{س} + 1 - 1 + (\text{ر}) \text{س} \times 1 + \\ & 1 \times (\text{ر}) \text{س} + 1 + 2 \times (\text{ر}) \text{س} + 3 \times (\text{ر}) \text{س} \end{aligned}$$

حيث "م(ر)" هى دالة فى ر ، وبذا يمكن كتابة القانون المطلوب لجميع قيم ر = ١ ، ٣ ، ٥ ، ٧ ، ٩ ، كما يلي :

$$\text{مس} + 1 = 0.203 \text{ مس} - 0.025 \text{ مس} + 0.191$$

$$\text{مس} + 3 = 1.853 \text{ مس} - 0.366 \text{ مس} - 0.0003 \text{ مس}$$

$$\text{مس} + 5 = 0.095 \text{ مس} - 0.221 \text{ مس} + 0.7193$$

$$\text{مس} + 7 = 3.651 \text{ مس} - 0.520 \text{ مس} - 0.0008 \text{ مس}$$

$$\text{مس} + 9 = 0.035 \text{ مس} - 0.521 \text{ مس} + 0.5556$$

$$\text{مس} + 11 = 5.556 \text{ مس} - 0.521 \text{ مس} - 0.0035 \text{ مس}$$



$$\text{كس } ٠,٧ + = - \text{كس } ٠,٠٠٠٨ - \text{كس } ٢ - - \text{كس } ٠,٠٥٢٠ - \text{كس } ١ - + ٣٦٥١,$$

$$\text{كس } ٧١٩٣ + \text{كس } ١ + - \text{كس } ٠,٢٢١ - \text{كس } ٢ + - \text{كس } ٠,٠٠٩٥ - \text{كس } ٣ +$$

$$\text{كس } ٠,٩ + = - \text{كس } ٠,٠٠٠٠٣ - \text{كس } ٢ - - \text{كس } ٠,٣٦٦ - \text{كس } ١ - + ١٨٥٣,$$

$$\text{كس } ٨١٩١ + \text{كس } ١ + + \text{كس } ٠,٥٢٥ - \text{كس } ٢ + - \text{كس } ٠,٢٠٣ - \text{كس } ٣ +$$

ولكى نتفادى اعداد جدول فروق عند النهايات فى هذه الطريقة لى نحدد

قيمة  $١-١$  ،  $١+١$  ،  $٢-٢$  ،  $٢+٢$  فانه يمكن تطوير معادلات خطية

مركبة للقيم المطلوبة فنصل الى النتائج الآتية:

$$١-١ = ١ \times ٤ - ٢ \times ٦ + ١ \times ٣ - ٣ \times ١$$

$$٢-٢ = ٢ \times ١٠ - ١ \times ٢٠ + ٢ \times ١٥ - ٣ \times ٤$$

$$١+١ = ١ \times ٤ - ٢ \times ٦ + ١ \times ٣ - ٣ \times ١$$

$$٢+٢ = ٢ \times ١٠ - ١ \times ٢٠ + ٢ \times ١٥ - ٣ \times ٤$$

عند هذه النقطة نستطيع باستخدام كل هذه القوانين الخطية المركبة

وجداول قيم الارتكاز السابق يمكن حساب جميع القيم البنينة المولدة لجميع قيم

س من س = صفر الى س =  $\omega$  وجميع قيم "ر"،  $ر = ١, ٣, ٥, ٧, ٩, ١١$

كما هو موضح فى الجدول رقم (٤) والذى يوضح المعدلات

المولدة بهذه الطريقة والتي تم تمثيلها بيانيا فى الشكل رقم (٥)

ومن الواضح اننا وصلنا الى نفس النتائج ، ونفس القيم المولدة البيئية ولكن بقدر أقل من الجهد والعمليات الحسابية بما كان يعطى لهذه الطريقة ميزة نسبية فيما قبل عصر الحاسبات الآلية التى تمكنا الآن من استخدام أى من الطريقتين السابقتين بنفس القدر من الجهد والوقت تقريبا.

## المبحث الرابع

### النتائج والتوصيات

#### النتائج :

يمكن الآن كتابة اهم نتائج البحث فيما يلى :

(١) تعطى هذه الطريقة وزن اكبر للنعومة عما تعطيه للتوفيق، حيث اننا فى سبيل وصولنا الى معدلات مسواة ناعمة ومستمرة قد ضحينا بشرط ضرورة تساوى المعدلات المسواة مع المعدلات الخام عند نقاط الارتكاز بما سمح لنا باستنتاج معدلات مسواة اكثر نعومة واستمرارية كما انها تتمشى مع الفكرة المسبقة عن قانون الوفاة الطبيعى والذى يقضى بضرورة تزايد معدلات الوفاة مع تزايد الاعمار (فيما عدا السنوات القليلة الاولى من العمر).

(٢) تنتج طريقة كنج المعتمدة على خمس مجاميع خمسية متجاورة والصحيحة حتى الفرق الخامس (عند تطبيقها على المقادير المعرضة للخطر ثم على اعداد الوفيات ومن ثم يتم حساب معدلات الوفاة بالقسمة) نقاط ارتكاز اكثر نعومة من اى طريقة اخرى.

(٣) تعتبر طريقة جنكنز فى التوليد المتذبذب المعدل افضل طرق التوليد البينى حيث يتم معالجة عدم استمرارية او عدم نعومة منحنى

المعدلات المسواة ويتم معالجة عدم خضوع المعدلات المسواة لقانون الوفاة الطبيعي بالاضافة الى تحقيق قدر مناسب من التوفيق مع المعدلات الخام.

### التوصيات :

يمكن الآن انهاء هذا البحث بالتوصيات الموضحة فيما يلي :

(١) يوصى الباحث باستخدام طريقة كنج المعتمدة على خمس مجاميع خمسية متجاورة والصحيحة حتى الفرق الخامس اذا اردنا الوصول الى نقاط ارتكاز انعم مايمكن.

(٢) يوصى الباحث باستخدام طريقة جنكنز في التوليد البينى المتذبذب المعدل اذا ما اردنا ان نحصل على معدلات وفاة مسواة مولدة ذات منحنى انعم مايكون واقرب الى قانون الوفاة الطبيعي وان لم يكن من الضروري ان يمر بنقاط الارتكاز.

(٣) يوصى الباحث بمواصلة البحث في هذه الطريقة من طرق التسوية ومحاولة الوصول الى تطوير لها يمكن من تحسين التوفيق عند نقاط الارتكاز او على الاقل تحديد الدرجة المناسبة له.

(٤) فى توصية نهائية شاملة يوصى الباحث المسوى الذى يعطى الوزن الكامل لعملية التوفيق باستخدام طريقة جاوس فى التسوية

بالتوليد البينى ، اما المسوى الذى يعطى وزن متساوى لكل من التوفيق والتنعيم ولا يهتم بضرورة خضوع المعدلات المولدة المسواة لقانون الوفاة الطبيعى باستخدام طريقة سبراجو فى التسوية بالتوليد البينى المتذبذب ، اما المسوى الذى يهتم بصورة كبيرة بخضوع معدلات الوفاة المسواة المولدة لقانون الوفاة الطبيعى وكذلك بنعومة واستمرارية منحنى معدلات الوفاة المسواة المولدة ويهتم بصورة مناسبة بموضوع التوفيق باستخدام طريقة جنكنز فى التسوية بالتوليد البينى المتذبذب المعدل.

## References :

- (١) مرجان ، ابراهيم محمد : تسوية معدلات الوفاة باستخدام طريقة جاوس فى التحليل العددي : مجلة كلية التجارة جامعة المنصورة ، ١٩٩٤ .
- (٢) مرجان ، ابراهيم محمد : تسوية سبراجو بالتوليد البينى المتذبذب : مجلة كلية التجارة جامعة المنصورة ، ١٩٩٥ .
- (3) Jennings, W., "First Course in Numerical Methods", New York : The Macmillan Co., 1964.
- (4) Kellison, Stephen G., "Fundamentals of Numerical Analysis", Richard D. Irwin, Inc., Homewood, Illinois, 1975.
- (5) McCalla, Thomas R., "Introduction to Numerical Methods and Fortran Programming", New York : John Wiley & Sons, Inc., 1967.
- (6) Miller, Morton D., "Elements of Graduation", Chicago : Society of Actuaries (The Actuarial Society of America - American Institute of Actuaries), 1946.
- (7) Scheid, Francis, "Theory and Problems of Numerical Analysis", New York : McGraw - Hill Co., 1968.

# الجداول والرسوم البيانية

## جدول رقم (١) نقاط الارتكاز بطريقة كنج المعتمدة على خمس مجاميع خمسية متجاورة والصحيحة

خبرة الذكور					
س	وز	ح	وز	ح	فاز
٢,٥	٦٧٨٨٤		٣٦١٩٠٧٩		
٧,٥	٥٤٩٦		٣٢١٨٦٧١		
١٢,٥	٣٦٧١		٢٩١٧١٢٣	٥٩٢٠٧٠,٦٦	٠,٠٠١٣٢٨
١٧,٥	٣٩٤٨		٢٧٠١٤٣٢	٥٥١٤٨٥,١٨	٠,٠٠١٤٧٢
٢٢,٥	٤١٢٢		٢١٦٢٤٦٦	٤٣٧٨٠٤,٨٩	٠,٠٠١٩٢٣
٢٧,٥	٤٣٠١		١٧٥٠٥٥٨	٣٥٥٥٨٠,٤٩	٠,٠٠٢٤٩٨
٣٢,٥	٤٠١١		١٤٩٦٤٥٣	٣٠١٣٩٠,٣١	٠,٠٠٢٦٩١
٣٧,٥	٤٩٩٧		١٤٩٠٥٨٨	٣٠٧٢٢٨,١٥	٠,٠٠٣٤١٢
٤٢,٥	٥٠٣٢		١٠٦٣٨٧٥	٢١٢٤٧٢,٤٣	٠,٠٠٤٨٨٦
٤٧,٥	٧٩٨١		٩٩٢٩٤٧	٢٠٣١٦٠,١١	٠,٠٠٨١٣١
٥٢,٥	١٣٢٠٤		٨١٥٥٦٧	١٦٤٧٥٤,٩٩	٠,٠١٦٦٣١
٥٧,٥	١٧٠٩١		٧٠٣٣٧٩	١٤٣٣٧٠,٧٤	٠,٠٢٤٦٥٤
٦٢,٥	١٩١٤٤		٥٤٠٣٧١	١٠٨٢٢٣,٥٥	٠,٠٣٦٠٧٩
٦٧,٥	٢٢٠٧٩		٤٦٠٧٥٥	٩٤٧٤٥,٨٢	٠,٠٤٩١٠٥
٧٢,٥	٢٠١٧٤		٢٥١٦٦٧		
٧٧,٥	٣٨١٠٥		٢٤٠٠٤١		
			٢٤٤٢٤٩٧٢		
اجمالي	٢٤١٢٤٠				
خبرة الإناث					
س	وز	ح	وز	ح	فاز
٢,٥	٦٤٩٨٨		٣٥٠٢٣٨٤		
٧,٥	٤٥١٦		٣٠٤٦٣٢٥		
١٢,٥	٢٧٨٥		٢٦٧١٥٩٨	٦٠٤,٧٦	٠,٠٠١١١٤
١٧,٥	٢٨٥٩		٢٣٠٢٧٩٧	٥٨٨,٧٧	٠,٠٠١٢٥٤
٢٢,٥	٢٨٧١		١٩٠٠٥٥٢	٣٨٣٢٤٤,٦٤	٠,٠٠١٥٢٤
٢٧,٥	٣٢٢٣		١٨٣٢١٠٥	٦٦٨,٣٢	٠,٠٠١٧٧٦
٣٢,٥	٣٠٣١		١٤٩٠٥١٢	٢٩٨٩٣٣,٤٩	٠,٠٠٢٠٤٢
٣٧,٥	٣٨٣٨		١٤٩٢٦٠٢	٣٠٧٨٠٤,٧٣	٠,٠٠٢٦١٣
٤٢,٥	٣٤٤٤		١٠٧٥٢٢٦	٧١٠,٤٦	٠,٠٠٣٣٠١
٤٧,٥	٤٩٩٤		١٠١٥٣٣٠	٢٠٦٦٠٣,٤١	٠,٠٠٤٩٣٧
٥٢,٥	٨٨٦١		٩١٧٢٥٢	١٨٧٧٧٦,٦٣	٠,٠٠٩٩٢
٥٧,٥	٩٩٥٦		٦٦٥٤٠٣	١٣٢٥٩٤,٤٠	٠,٠١٥٤١٣
٦٢,٥	١٣٢٦٣		٥٩٩٩٣٧	١٢٣٠٩٩,٥٥	٠,٠٢٢٢٠٨
٦٧,٥	١٧٠٠٤		٣٦٣٧٥٢	٧٢٤٣٣,٧٧	٠,٠٥٠٦٤٧
٧٢,٥	١٨٩٨٩		٢٥٨١٤١		
٧٧,٥	٥٠٠٢٦		٢٣٢٨١٠		
			٢٣٣٦٦٧٢٦		
اجمالي	٢١٤٦٤٨				



جدول رقم ( ٢ ) : خبيرة الذك — ور					
$\delta^5$ (٢,٥+س)	$\delta^4$ (٢+س)	$\delta^3$ (١,٥+س)	$\delta^2$ (١+س)	$\delta$ (٠,٥+س)	س
٠,٠٠١٧٤٤	-٠,٠٠٣٨١٤				٢,٥
٠,٠٠١٧٤٤	-٠,٠٠٢٠٧٠	٠,٠٠١٨٨٧	-٠,٠٠١٥٨١		٧,٥
٠,٠٠١٧٤٤	-٠,٠٠٠٣٢٥	-٠,٠٠٠١٨٢	٠,٠٠٠٣٠٧	٠,٠٠٠١٤٤	١٢,٥
-٠,٠٠٢١٠٦	٠,٠٠١٤١٩	-٠,٠٠٠٥٠٨	٠,٠٠٠١٢٥	٠,٠٠٠٤٥١	١٧,٥
٠,٠٠١٤٧٩	-٠,٠٠٠٦٨٧	٠,٠٠٠٩١١	-٠,٠٠٠٣٨٢	٠,٠٠٠٥٧٥	٢٢,٥
٠,٠٠١٦٧٦	٠,٠٠٠٧٩٢	٠,٠٠٠٢٢٥	٠,٠٠٠٥٢٩	٠,٠٠٠١٩٣	٢٧,٥
-٠,٠١١٦٨٥	٠,٠٠٢٤٦٨	٠,٠٠١٠١٧	٠,٠٠٠٧٥٣	٠,٠٠٠٧٢١	٣٢,٥
٠,٠١٨٨٢٧	-٠,٠٠٠٩٢١٧	٠,٠٠٣٤٨٥	٠,٠٠١٧٧٠	٠,٠٠١٤٧٤	٣٧,٥
-٠,٠١٥٢٨٩	٠,٠٠٠٩٦١١	-٠,٠٠٠٥٧٣٢	٠,٠٠٠٥٢٥٥	٠,٠٠٣٢٤٥	٤٢,٥
-٠,٠١٥٢٨٩	-٠,٠٠٠٥٦٧٩	٠,٠٠٣٨٧٩	-٠,٠٠٠٤٧٧	٠,٠٠٠٨٥٠٠	٤٧,٥
-٠,٠١٥٢٨٩	-٠,٠٠٢٠٩٦٨	-٠,٠٠١٨٠٠	٠,٠٠٣٤٠٢	٠,٠٠٠٨٠٢٣	٥٢,٥
-٠,٠١٥٢٨٩	-٠,٠٣٦٢٥٨	-٠,٠٢٢٧٦٨	٠,٠٠١٦٠١	٠,٠١١٤٣٥	٥٧,٥
			-٠,٠٢١١٦٧	٠,٠١٣٠٢٦	٦٢,٥
					٦٧,٥
					٧٢,٥
					٧٧,٥

جدول رقم ( ٢ ) : خبيرة الاناث					
$\delta^5$ (٢,٥+س)	$\delta^4$ (٢+س)	$\delta^3$ (١,٥+س)	$\delta^2$ (١+س)	$\delta$ (٠,٥+س)	س
٠,٠٠٠٠٨٢	٠,٠٠٠٠١١				٢,٥
٠,٠٠٠٠٨٢	٠,٠٠٠٠٩٤	-٠,٠٠٠٢٤١	٠,٠٠٠٣٧٠		٧,٥
٠,٠٠٠٠٨٢	٠,٠٠٠١٧٨	-٠,٠٠٠١٤٦	٠,٠٠٠١٢٩	٠,٠٠٠١٤٠	١٢,٥
-٠,٠٠٠٠٧٤٣	٠,٠٠٠٢٦١	٠,٠٠٠٠٣١	-٠,٠٠٠٠١٧	٠,٠٠٠٢٦٩	١٧,٥
٠,٠٠١٥٠٤	-٠,٠٠٠٤٨٢	٠,٠٠٠٢٩٢	٠,٠٠٠٠١٤	٠,٠٠٠٢٥٢	٢٢,٥
٠,٠٠٠٠٥٤٦	٠,٠٠١٠٢٢	-٠,٠٠٠١٩٠	٠,٠٠٠٣٠٦	٠,٠٠٠٢٦٦	٢٧,٥
-٠,٠٠٠٦٨٠٩	٠,٠٠١٥٦٨	٠,٠٠٠٨٣٢	٠,٠٠٠١١٦	٠,٠٠٠٥٧٢	٣٢,٥
٠,٠٠٠٨٨٧٧	-٠,٠٠٠٥٢٤١	٠,٠٠٢٤٠٠	٠,٠٠٠٩٤٨	٠,٠٠٠٦٨٨	٣٧,٥
٠,٠١٥٩٠٧	٠,٠٣٦٣٦	-٠,٠٢٨٤١	٠,٠٣٣٤٩	٠,٠١٦٣٦	٤٢,٥
٠,٠١٥٩٠٧	٠,٠١٩٥٤٤	٠,٠٠٠٧٩٦	٠,٠٠٠٥٠٨	٠,٠٠٤٩٨٤	٤٧,٥
٠,٠١٥٩٠٧	٠,٠٣٥٤٥١	٠,٠٢٠٣٣٩	٠,٠٠١٣٠٤	٠,٠٠٥٤٩٢	٥٢,٥
٠,٠١٥٩٠٧	٠,٠٥١٣٥٨	٠,٠٥٥٧٩٠	٠,٠٢١٦٤٣	٠,٠٠٦٧٩٦	٥٧,٥
			٠,٠٧٧٤٣٣	٠,٠٢٨٤٣٨	٦٢,٥
					٦٧,٥
					٧٢,٥
					٧٧,٥

جـ دول رقم (٣) : المعدلات المولدة		
الامات	الذكور	السن
٠,٠٠١١١٣	٠,٠٠١٥٢٢	١٣
٠,٠٠١١٢٦	٠,٠٠١٥٦١	١٤
٠,٠٠١١٥١	٠,٠٠١٥٨٢	١٥
٠,٠٠١١٨٦	٠,٠٠١٥٩٦	١٦
٠,٠٠١٢٢٨	٠,٠٠١٦١٨	١٧
٠,٠٠١٢٧١	٠,٠٠١٥٦٢	١٨
٠,٠٠١٣٢٣	٠,٠٠١٦٢٧	١٩
٠,٠٠١٣٧٧	٠,٠٠١٧١٢	٢٠
٠,٠٠١٤٣٣	٠,٠٠١٨١٤	٢١
٠,٠٠١٤٨٩	٠,٠٠١٩٢٨	٢٢
٠,٠٠١٥٣٨	٠,٠٠١٩٥٥	٢٣
٠,٠٠١٥٩١	٠,٠٠٢٠٨٣	٢٤
٠,٠٠١٦٤٢	٠,٠٠٢٢٠٨	٢٥
٠,٠٠١٦٩٢	٠,٠٠٢٣٢٤	٢٦
٠,٠٠١٧٤٠	٠,٠٠٢٤٢٥	٢٧
٠,٠٠١٨٠٣	٠,٠٠٢٥٠٤	٢٨
٠,٠٠١٨٤٦	٠,٠٠٢٥٤٣	٢٩
٠,٠٠١٨٩٢	٠,٠٠٢٥٧٣	٣٠
٠,٠٠١٩٤٦	٠,٠٠٢٦٠٣	٣١
٠,٠٠٢٠١١	٠,٠٠٢٦٤٣	٣٢
٠,٠٠٢٠٧٤	٠,٠٠٢٧٣١	٣٣
٠,٠٠٢١٧٨	٠,٠٠٢٨٣٨	٣٤
٠,٠٠٢٢٩٢	٠,٠٠٢٩٦٩	٣٥
٠,٠٠٢٤١٢	٠,٠٠٣١٢٦	٣٦
٠,٠٠٢٥٣٦	٠,٠٠٣٣٠٩	٣٧
٠,٠٠٢٦٠٠	٠,٠٠٣٤٢٩	٣٨
٠,٠٠٢٧٢٠	٠,٠٠٣٦٦٥	٣٩
٠,٠٠٢٨٤٦	٠,٠٠٣٩٣٥	٤٠
٠,٠٠٢٩٨٤	٠,٠٠٤٢٤٤	٤١
٠,٠٠٣١٤١	٠,٠٠٤٥٩٩	٤٢
٠,٠٠٣٤٧٧	٠,٠٠٥٢٤٧	٤٣
٠,٠٠٣٦٦٠	٠,٠٠٥٦٥٧	٤٤
٠,٠٠٣٩١٤	٠,٠٠٦١٨٧	٤٥
٠,٠٠٤٢٦٥	٠,٠٠٦٨٧٩	٤٦
٠,٠٠٤٧٤٣	٠,٠٠٧٧٧٨	٤٧
٠,٠٠٥٣٦١	٠,٠٠٨٨١١	٤٨
٠,٠٠٦٢٢٩	٠,٠١٠٣٦١	٤٩

تابع جدول رقم (٣) : المعدلات المولدات		
الامتياز	الذكور	السنن
٠,٠٠٧٢١٥	٠,٠١٢٠٧٦	٥٠
٠,٠٠٨٢٨٤	٠,٠١٣٨٨٥	٥١
٠,٠٠٩٤٠٠	٠,٠١٥٧١٧	٥٢
٠,٠٠٩٨٦١	٠,٠١٧٣١٢	٥٣
٠,٠١١٠١٩	٠,٠١٨٨٥٥	٥٤
٠,٠١٢١٥١	٠,٠٢٠٣٩١	٥٥
٠,٠١٣٢٤٢	٠,٠٢١٩٧٤	٥٦
٠,٠١٤٢٧٧	٠,٠٢٣٦٥٣	٥٧
٠,٠١٤٣٦١	٠,٠٢٦٣٢٩	٥٨
٠,٠١٥٣٢٤	٠,٠٢٨٣٣١	٥٩
٠,٠١٦٤٢٢	٠,٠٣٠٥١٦	٦٠
٠,٠١٧٧٩٥	٠,٠٣٢٨٩٠	٦١
٠,٠١٩٥٨٥	٠,٠٣٥٤٥٩	٦٢
٠,٠٢١٠٥٦	٠,٠٣٩٠٧٥	٦٣
٠,٠٢٤٢٥٩	٠,٠٤١٩٦١	٦٤
٠,٠٢٨٧٢٨	٠,٠٤٤٨٠٨	٦٥
٠,٠٣٤٨٩٠	٠,٠٤٧٤٥٥	٦٦
٠,٠٤٣١٦٩	٠,٠٤٩٧٣٩	٦٧

جـ دول رقم (٤) : المعـ دلات المواـ دة		
الاناث	الذكور	السن
٠,٠٠١١١٣	٠,٠٠١٥٢٢	١٣
٠,٠٠١١٢٦	٠,٠٠١٥٦١	١٤
٠,٠٠١١٥١	٠,٠٠١٥٨٢	١٥
٠,٠٠١١٨٦	٠,٠٠١٥٩٦	١٦
٠,٠٠١٢٢٨	٠,٠٠١٦١٨	١٧
٠,٠٠١٢٧١	٠,٠٠١٥٦٢	١٨
٠,٠٠١٣٢٣	٠,٠٠١٦٢٧	١٩
٠,٠٠١٣٧٧	٠,٠٠١٧١٢	٢٠
٠,٠٠١٤٣٣	٠,٠٠١٨١٤	٢١
٠,٠٠١٤٨٩	٠,٠٠١٩٢٨	٢٢
٠,٠٠١٥٣٨	٠,٠٠١٩٥٥	٢٣
٠,٠٠١٥٩١	٠,٠٠٢٠٨٣	٢٤
٠,٠٠١٦٤٢	٠,٠٠٢٢٠٨	٢٥
٠,٠٠١٦٩٢	٠,٠٠٢٣٢٤	٢٦
٠,٠٠١٧٤٠	٠,٠٠٢٤٢٥	٢٧
٠,٠٠١٨٠٣	٠,٠٠٢٥٠٤	٢٨
٠,٠٠١٨٤٦	٠,٠٠٢٥٤٣	٢٩
٠,٠٠١٨٩٢	٠,٠٠٢٥٧٣	٣٠
٠,٠٠١٩٤٦	٠,٠٠٢٦٠٣	٣١
٠,٠٠٢٠١١	٠,٠٠٢٦٤٣	٣٢
٠,٠٠٢٠٧٤	٠,٠٠٢٧٣١	٣٣
٠,٠٠٢١٧٨	٠,٠٠٢٨٣٨	٣٤
٠,٠٠٢٢٩٢	٠,٠٠٢٩٦٩	٣٥
٠,٠٠٢٤١٢	٠,٠٠٣١٢٦	٣٦
٠,٠٠٢٥٣٦	٠,٠٠٣٢٠٩	٣٧
٠,٠٠٢٦٠٠	٠,٠٠٣٤٢٩	٣٨
٠,٠٠٢٧٢٠	٠,٠٠٣٦٦٥	٣٩
٠,٠٠٢٨٤٦	٠,٠٠٣٩٣٥	٤٠
٠,٠٠٢٩٨٤	٠,٠٠٤٢٤٤	٤١
٠,٠٠٣١٤١	٠,٠٠٤٥٩٩	٤٢
٠,٠٠٣٤٧٧	٠,٠٠٥٢٤٧	٤٣
٠,٠٠٣٦٦٠	٠,٠٠٥٦٥٧	٤٤
٠,٠٠٣٩١٤	٠,٠٠٦١٨٧	٤٥
٠,٠٠٤٢٦٥	٠,٠٠٦٨٧٩	٤٦
٠,٠٠٤٧٤٣	٠,٠٠٧٧٧٨	٤٧
٠,٠٠٥٣٦١	٠,٠٠٨٨١١	٤٨
٠,٠٠٦٢٢٩	٠,٠١٠٣٦١	٤٩

ابع جدول رقم (٤) : المعدلات المولدة		
الامتياز	الذكور	المنن
٠,٠٠٧٢١٥	٠,٠١٢٠٧٦	٥٠
٠,٠٠٨٢٨٤	٠,٠١٣٨٨٥	٥١
٠,٠٠٩٤٠٠	٠,٠١٥٧١٧	٥٢
٠,٠٠٩٨٦١	٠,٠١٧٣١٢	٥٣
٠,٠١١٠١٩	٠,٠١٨٨٥٥	٥٤
٠,٠١٢١٥١	٠,٠٢٠٣٩١	٥٥
٠,٠١٣٢٤٢	٠,٠٢١٩٧٤	٥٦
٠,٠١٤٢٧٧	٠,٠٢٣٦٥٣	٥٧
٠,٠١٤٣٦١	٠,٠٢٦٣٢٩	٥٨
٠,٠١٥٣٢٤	٠,٠٢٨٣٣١	٥٩
٠,٠١٦٤٢٢	٠,٠٣٠٥١٦	٦٠
٠,٠١٧٧٩٥	٠,٠٣٢٨٩٠	٦١
٠,٠١٩٥٨٥	٠,٠٣٥٤٥٩	٦٢
٠,٠٢١٠٥٦	٠,٠٣٩٠٧٥	٦٣
٠,٠٢٤٢٥٩	٠,٠٤١٩٦١	٦٤
٠,٠٢٨٧٢٨	٠,٠٤٤٨٠٨	٦٥
٠,٠٣٤٨٩٠	٠,٠٤٧٤٥٥	٦٦
٠,٠٤٣١٦٩	٠,٠٤٩٧٣٩	٦٧

